

Rafael dos Reis Ferreira

**Sobre o uso da função proposicional e sua gênese
segundo a Epistemologia Genética**

Dissertação apresentada ao Programa de Pós-Graduação em Filosofia da Universidade Estadual Paulista “Júlio Mesquita Filho” para a Defesa de Mestrado em Filosofia, na área de concentração em Filosofia da Mente, Epistemologia e Lógica.

Orientador: Dr. Ricardo Pereira Tassinari

Marília/São Paulo - SP

2011

Ferreira, Rafael dos Reis.

F383s Sobre o uso da função proposicional e sua gênese segundo a epistemologia genética / Rafael dos Reis Ferreira. – Marília, 2011.

113 f.; 30 cm.

Dissertação (Mestrado em Filosofia) – Faculdade de Filosofia e Ciências, Universidade Estadual Paulista, 2011.

Bibliografia: f. 108-112

Orientador: Ricardo Pereira Tassinari.

1. Epistemologia genética. 2. Psicologia genética. 3. Sujeito epistêmico. 4. Proposição (Lógica). 6. Lógica simbólica e matemática. I. Autor. II. Título.

CDD

155.413

Rafael dos Reis Ferreira

Sobre o uso da função proposicional e sua gênese segundo a Epistemologia Genética

São Paulo, 17 Janeiro de 2011

Banca Examinadora:

Titulares:

Dra. Itala Maria Loffredo D'Ottaviano (UNICAMP)

Dra. Zélia Ramozzi-Chiarottino (USP)

Dr. Ricardo Pereira Tassinari (UNESP/Marília)

Suplentes:

Dr. Décio Krause (UFSC)

Dra. Patricia Unger Raphael Bataglia (UNESP/Marília)

Em memória de Antônio, meu pai

Agradecimentos

O mestrado na Universidade Estadual Paulista (UNESP) foi uma experiência profunda e imensurável. Encontrei na pequena e pacata, mas charmosa Faculdade de Filosofia e Ciência de Marília, unidade da UNESP, que me acolheu como um filho, condições ideais para meu amadurecimento acadêmico e pessoal. Foi nesta universidade que conheci o professor e orientador Dr. Ricardo Pereira Tassinari, o qual vi dar seus primeiros passos como professor da UNESP em 2003. Acompanhando seus passos, como discípulo atento as suas ideias, encontrei nele a figura exemplar de um professor e um intelectual que se dedica plenamente às atividades acadêmicas. Quero agradecer, então, primeiramente, a esse grande mestre e amigo que me despertou ao senso crítico, ao rigor conceitual e metodológico, e ao amor ainda mais incondicional pelo debate filosófico e científico. Maravilhosas lembranças do contexto de orientação e pesquisa em Genebra. Quero agradecer, também, a minha querida mãe, Edith, por ser a minha pedra de base nos momentos que eu mais precisava e por acreditar sempre em minhas potencialidades. É na minha família que encontro os mais deleitantes momentos de conforto e confiança; e aqui lembro-me de minha irmã, Patrícia, meu cunhado, Clever, e meu sobrinho, Luiz Felipe. Aos meus amigos que fizeram parte desse processo, tenho especial carinho por Natálie Goldoni, minha outrora companheira de sinceros e intensos momentos vividos, Tiago Brentam, amigo de república e de debates e confissões filosóficas nas horas vagas, Nicholas, Willian, Mariele e Jésus, os quais lembro-me com carinho das confraternizações em minha república. Lembro-me, ainda, de minha amiga, Irene, cuja amizade perpassa os limites temporais, e de meus amigos do “Círculo de Marília”, Henrique, Hélio, Thiago e Marcelo. Agradeço, também, ao professor Adrian Oscar Dongo Montoya pelas constantes aprendizagens nas aulas da Pós-Graduação e nos trabalhos que realizamos em conjunto. Tenho um carinho especial pelas pessoas do Grupo de Estudo e Pesquisa em Epistemologia Genética e Educação (GEPEGE); pessoas cujo exemplo de simplicidade e sinceridade levarei por toda a minha vida. Agradeço aos funcionários da UNESP, em especial à querida Edna do Departamento de Filosofia e aos dedicados funcionários do Programa de Pós-Graduação em Filosofia da UNESP. Por fim, agradeço à Fundação de Amparo à Pesquisa do Estado de São Paulo (FAPESP) pelo financiamento e suporte que recebi durante a minha pesquisa. Espero que a presente Dissertação possa trazer alguma contribuição à sociedade ou, ao menos, alguma contribuição à comunidade piagetiana, pois somente assim vejo um sentido para tanto esforço que despendi nesses anos de intenso trabalho.

“[...] a filosofia tem sua razão de ser e deve-se mesmo reconhecer que todo homem que não passou por ela é incuravelmente incompleto” (1983b, p. 68)

“[...] se todo conhecimento é sempre vir a ser e consiste em passar de um conhecimento menor para um estado mais completo e mais eficaz, é claro que se trata de conhecer esse vir a ser e de analisá-lo da maneira mais exata possível. Entretanto, esse vir a ser não decorre do acaso, mas constitui um desenvolvimento e como não existe, em nenhum domínio cognitivo, começo absoluto até o desenvolvimento, este mesmo deve ser examinado desde os estágios denominados de formação [...]” (1973, p. 12)

“[...] se a criança apresenta grandíssimo interesse por si mesma, a isso deve acrescentar-se, na verdade, o fato de que a criança explica o homem tanto quanto o homem explica a criança, e não raro ainda mais, pois se o homem educa a criança por meio de múltiplas transformações sociais, todo adulto, embora criador, começou, sem embargo, sendo criança; e isso tanto nos tempos pré-históricos quanto hoje em dia” (1990, p. 9)

“[...] podemos nos perguntar [...] se o melhor método para atingir o formal em seus aspectos mais significativos não seria o de seguir as etapas da própria formalização lógica: tratar-se-ia, portanto, de partir do chão para chegar ao teto (o que evita, entre outras coisas, a necessidade de postular a unicidade deste teto), em vez de pendurar os andares inferiores nos patamares superiores da construção” (1976, p. 3)

“O problema que deu origem a este ensaio é, pois, o de compreender como se constituem as estruturas elementares de classes, de relações, de números, de proposições, etc., formalizadas com toda independência e autonomia pelo lógico e [...] quais são suas relações com as “operações” do pensamento “natural”, muito mais pobre e não formalizado” (1976, p. XV)

“[...] a primeira condição da existência lógica de uma classe é, pois, de fato, a construção de uma função proposicional (equivalente lógico do que é psicologicamente um esquema de identificação conceitual)” (1976, p. 46)

Jean Piaget (1896-1980)

Resumo

O objetivo da Dissertação é investigar, na perspectiva da Epistemologia Genética, proposta por Jean Piaget, uma questão que elaboramos a partir de nossos estudos sobre o *Ensaio de Lógica Operatória* escrito por Piaget, a saber: como o sujeito epistêmico usa e se torna capaz de usar funções proposicionais na estruturação lógico-matemática que ele faz da realidade? Tomando esta questão como fio condutor de nossas pesquisas, procuramos compreender como se constituem as funções proposicionais, um dos elementos fundamentais da Lógica, e quais são suas relações com as operações lógicas do pensamento “natural” realizadas pelo sujeito. Para isso, fizemos, inicialmente, uma breve apresentação do pensamento piagetiano, mostrando, em paralelo, algumas das heranças centrais da história das ideias no pensamento deste autor. Em seguida, situamos o *Ensaio* no contexto da Epistemologia Genética e apresentamos o que Piaget entende por Lógica, quais são seus objetos e métodos em relação aos outros domínios de estudo, em especial a Epistemologia e a Psicologia. Mostramos que, segundo sua concepção de Lógica, é possível uma coordenação entre Lógica e Psicologia do ponto de vista da Epistemologia Genética, sem que isso implique, necessariamente, em um psicologismo do conhecimento, em especial, um psicologismo do conhecimento lógico-matemático. Com vistas a buscar as condições necessárias ao uso da função proposicional pelo sujeito, centramos nossa análise em uma das passagens psicológicas cruciais à construção humana do pensamento lógico-matemático, que é a passagem da ação sobre a experiência sensível às primeiras estruturações lógico-matemáticas realizadas pelo sujeito. Visando uma contribuição à Epistemologia e à Teoria do Conhecimento, procuramos explicitar, portanto, como a Lógica Operatória (a lógica das operações “naturais” do pensamento do sujeito), proposta por Piaget no *Tratado* e no *Ensaio*, pode ser utilizada, como no caso particular analisado da função proposicional (um caso de Lógica Operatória), em uma análise das estruturas necessárias ao conhecimento lógico-matemático sem incorrer ao clássico problema do psicologismo em Lógica.

Palavras-chave: Epistemologia Genética, Psicologia Genética, Sujeito Epistêmico, Lógica Operatória, Função Proposicional, Estruturação Lógico Matemática da Realidade e Psicologismo em Lógica.

Abstract

The aim of the dissertation is to investigate, by Genetic Epistemology, proposed by Jean Piaget, an issue that we developed from our studies of Operating Logic written by Piaget namely: how the epistemic subject uses and becomes capable of using propositional functions in logical-mathematical structuring that he make of reality? Taking this question as our guiding principle of our researches, we seek to comprehend how does the propositional functions constitutes, one of the fundamental elements of Logic, and which are their relations with the operations logic of "natural" thought performed by the subject. Starting up, we made a brief presentation of Piagetian thoughts, showing, simultaneously, some of the central heritages the history of Piaget ideas. Following, we placed the *Essay* in Genetic Epistemology context and presented what Piaget mean by Logic, what are their objects and methods in relation to other fields of study, particularly in Epistemology and Psychology. We show that, according to his conception of logic, it's possible a coordination between Logic and Psychology from the genetic epistemology standpoint, however it does not necessarily implicate in a psychologism of the knowledge, in especial, a psychologism of the logical-mathematical knowledge. In an eager to seek the necessary conditions for the subject use of the propositional function, we focused our analysis on one of the crucial passages psychological human construction of logical-mathematical thinking which is the way of action on sensory experience to the first logical-mathematical structuring undertaken by the subject. Aiming the contribution to Epistemology and the Theory of Knowledge, we hope to explain, therefore, as the Operating Logic (the logic of operations "natural" thought of the subject), proposed by Piaget in the *Treaty* and in the *Essay*, can be used in the particular case of the propositional function (a case of Operating Logic), in an analysis of the necessary structures for the logical-mathematical knowledge without incurring in the classic problem of psychologism in logic.

Keywords: Genetic Epistemology, Genetic Psychology, Epistemic Subject, Operating Logic, Logical Mathematical Structuration of Reality, Psychologism in Logic.

Sumário

Introdução	10
Desenvolvimento	20
Capítulo I: Discussões preliminares ao <i>Ensaio de Lógica Operatória</i>	20
1. Heranças da tradição filosófica no pensamento de Jean Piaget e a possibilidade de uma Epistemologia Genética.....	20
2. Relações entre a Psicologia Genética e a Epistemologia Genética.....	36
3. A Epistemologia Genética e o <i>Ensaio de Lógica Operatória</i>	41
Capítulo II: Questões e discussões de princípios presentes no <i>Ensaio</i>	47
1. Objeto e definição da Lógica Operatória.....	47
2. Uma caracterização do psicologismo em Lógica.....	59
3. Relações da Lógica com a Psicologia.....	65
Capítulo III: Como o sujeito epistêmico usa e se torna capaz de usar funções proposicionais.....	76
1. A função proposicional e a sua importância para a Lógica Operatória.....	76
2. Uma questão de fato: como o sujeito epistêmico usa e se torna capaz de usar funções proposicionais?.....	83
3. Da ação sobre a experiência sensível à estruturação lógico-matemática do real: análise de condições necessárias ao uso da função proposicional.....	90
Considerações finais	102
Referências	108

Introdução

Em uma perspectiva histórica, a *função proposicional*¹ surgiu no final do século XIX e começo do século XX com a aproximação entre a Matemática e a Lógica. Segundo I. M. Bochénski (1966, p. 334), em *História da Lógica Formal*, a função proposicional surgiu com a ampliação do conceito matemático de função, realizada, ao mesmo tempo, por Johann Gottlob Frege (1848-1925) e Charles Sanders Peirce (1839 – 1914).²

Em Frege, o conceito de função proposicional surge no contexto de seu projeto de fundamentação da Aritmética na Lógica e recebe tratamento explícito, com influência em autores posteriores como Bertrand Russell (1872-1970), com quem essa noção recebe o nome com o qual a conhecemos hoje.

Frege, em especial, em *As Leis Fundamentais da Aritmética* (1903), procura uma fundamentação axiomática da Aritmética na Lógica, pois, como nos diz o autor, em seu artigo *Função e Conceito* (1981), [...] a Aritmética é um desenvolvimento expansivo da Lógica, de que uma fundamentação mais rigorosa das leis aritméticas as reduz a leis puramente lógicas, e a tais leis apenas. Sou também desta opinião e nela fundamento a exigência de a linguagem simbólica aritmética ser expandida em um simbolismo lógico”. (FREGE, 1978, p. 44)

A função proposicional surge, então, a partir das pretensões de Frege de expressar as formas lógicas em um simbolismo desprovido de qualquer ambiguidade da linguagem natural. Para isso Frege elabora uma linguagem artificial, chamada por ele em alemão de “Begriffsschrift”, sendo, comumente, traduzida, em português, por “Ideografia” ou “Conceitografia”. Em especial, no artigo *Função e Conceito* (1981), onde o autor expõe algumas das ideias fundamentais de sua Conceitografia, ele rediscute a noção de função matemática e propõe uma ampliação desta noção, interpretando o conceito em Lógica como “[...] uma função cujo valor é sempre um valor de verdade” (FREGE, 1978, p. 45). Em outras palavras, o conceito, em Lógica, passa a ser visto, com Frege, como uma função, o que podemos chamar de “função conceitual”, tal que um conceito (por exemplo, “ser um número

¹ O termo “função”, empregado aqui, inicialmente, tem o significado de função matemática. Em Piaget, como veremos, além deste significado, o termo “função” pode assumir o sentido de funcionamento ou funcionalidade, como em um organismo biológico.

² Sobre a noção de função proposicional em Peirce conferir, por exemplo, as seguintes passagens do *The Collected Papers* (1931): CP 2.95 nota 1, CP 3.537 nota 1, CP 4.550 e CP 4.12 (esta última referência é indicada por Bochenski (1966, p. 334, nota 19) e as três primeiras nos foi dada pelo Professor Dr. Lauro Frederico Barbosa da Silveira durante a disciplina “Fundamentos de Semiótica” ministrada no meu mestrado na Pós-Graduação em Filosofia da UNESP). Vamos, como faz Bochenski e Robert Blanché, dar mais ênfase à influência histórica de Frege do que a de Peirce. Agradecemos ao Professor Dr. Lauro pelas referências indicadas sobre a função proposicional em Peirce.

par”) associa a cada elemento de um domínio de discurso (por exemplo, os Números Naturais) o valor Verdadeiro (caso ele seja par) ou o valor Falso (caso ele seja ímpar).

Nesse sentido, escreve Robert Blanché, em *História da Lógica*, que deve-se “[...] a Frege, além da primeira apresentação satisfatória da lógica sob a forma de um sistema axiomatizado, a maior parte das noções de base da lógica moderna” (BLANCHÉ, 1996, p. 325). Dentre estas noções, “Em particular, o ter ido buscar às matemáticas a noção de função para a análise da proposição é um passo decisivo na renovação da moderna lógica” (BLANCHÉ, 1996, p. 324). De especial importância para nós, nesta Dissertação, é, então, esta noção de função, intitulada por Frege de “conceito” e comumente conhecida, principalmente a partir dos trabalhos de Bertrand Russell (1872-1970), por “função proposicional”.

Russell, no *Principia Mathematica* (1910) apresenta-nos a função proposicional do seguinte modo:

Função proposicional. Seja ϕx uma sentença contendo uma variável x e tal que ela se torna uma proposição quando a x é dado algum significado determinado fixo. Então, ϕx é chamada de “função proposicional”; ela não é uma proposição, já que, devido a ambiguidade de x , ela não asse em absoluto. (RUSSELL; WHITEHEAD, 1968, p. 14, tradução nossa)³

Na *Introdução à Filosofia da Matemática*, Russell nos diz que “Uma ‘função proposicional’ é, na verdade, uma expressão contendo um ou mais componentes indeterminados tais que, quando lhes são atribuídos valores, a expressão se torna uma proposição” (RUSSELL, 1966, p.149). Por exemplo, dada a proposição “Sócrates é Homem” podemos, em um primeiro momento, decompô-la em um esquema assim expresso: “ x é Homem”, tal que x pode ser substituído por “Sócrates”. Se expressarmos o predicado “Homem” por H e o sujeito “Sócrates” por s , então, obtemos a seguinte expressão formal para a proposição “Sócrates é Homem”: $H(s)$. Ademais, se x constitui um símbolo indicativo de uma variável em relação a diversos indivíduos, então $H(x)$ não é mais uma expressão atrelada a uma proposição particular, mas uma expressão geral que serve para sabermos se os termos que substituem x têm ou não a propriedade H . Por exemplo, se x for substituído por um termo que tenha a propriedade H , como “Sócrates” ou “Platão”, então a proposição é verdadeira; caso o termo que substitua x não tenha esta propriedade, como “Pegasus”, a proposição resultante é falsa.

³ “Propositional functions. Let ϕx be a statement containing a variable x and such that it becomes a proposition when x is given any fixed determined meaning. Then ϕx is called a “propositional function”; it is not a proposition, since owing to the ambiguity of x it really makes no assertion at all”.

Nas mais diversas áreas das ciências empíricas, podemos observar, também, a importância da função proposicional como análise de proposições científicas. Sendo as proposições unidades básicas de enunciação de teorias científicas, pois enunciam propriedades ou leis atribuídas a objetos ou a conjuntos de objetos descobertos pelos cientistas na realidade; a função proposicional tem um papel importante nas ciências empíricas, inclusive de fundamento, pois nos permite descobrir relações lógicas fundamentais entre os elementos constitutivos das proposições. Na Biologia, por exemplo, o enunciado teórico de que “todos os organismos vivos são formados por células” (generalização fundamental desta ciência) pode ser decomposto em seus elementos lógicos, de forma que o estudo da função proposicional nos permite mostrar como as partes deste enunciado se compõem de termos que estabelecem relações entre os conceitos de vida, organismo, célula, bem como quantificam os elementos sob estas relações (quantificadores “todos”, “alguns” e “nenhum”).

Assim, como podemos perceber, é notável a importância que a função proposicional tem para o desenvolvimento das ciências, em especial para o desenvolvimento da Lógica e da Matemática. No interior destes domínios, a função proposicional se constitui como um esquema de análise lógico-matemática que nos permite descobrir relações fundamentais entre os elementos constitutivos de uma proposição, levando-nos a alcançar um nível de abstração elevado nas análises realizadas com seu recurso.

A importância da função proposicional é tão significativa para a Lógica que I. M. Bochénski (1966, p. 334), em *História da Lógica Formal*, escreve:

Nem De Morgan nem qualquer outro podiam seguir sendo lógicos em um nível de abstração tão elevado como o que aqui se alcança. Isto se sucede depois dele, sobre a base do redescobrimiento do conceito escolástico de forma. Este descobrimiento se leva a efeito mediante uma ampliação do conceito matemático de função, realizada ao mesmo tempo por Peirce e Frege. (BOCHÉNSKI, 1966, p. 334, tradução nossa)⁴

A função proposicional é um dentre muitos outros resultados importantes para o desenvolvimento da Lógica provenientes dos esforços de fundamentação da matemática, desenvolvidos por Frege e difundidos, posteriormente, por Russell e Whitehead. Segundo Blanché (1996, p. 357), estes esforços foram tão importantes para a Lógica que se constituíram como um renascimento para este domínio de estudo; renascimento que foi

⁴ “Ni De Morgan ni cualquier otro podían seguir siendo Lógicos en un nivel de abstracción tan elevado como el que aquí alcanza. Esto es lo que sucede después de él, sobre la base del redescubrimiento del concepto escolástico de forma. Este descubrimiento se lleva a efecto mediante una ampliación del concepto matemático de función, realizada al mismo tiempo por Peirce y Frege”.

designado de “Logística”, mas que hoje se prefere designar de “Lógica Matemática”, pois, segundo o autor “[...] traduz bem uma das características distintas da lógica contemporânea, a saber, a aplicação constante dos métodos e dos raciocínios usados na matemática [...]”. (BLANCHÉ, 1996, p. 357)

Escreve o autor que “Até aos anos 30, a lógica, e esta é uma das suas características distintas, ocupou-se de forma privilegiada e quase exclusiva com as questões relativas aos fundamentos das matemáticas” (BLANCHÉ, 1966, p. 324). Depois dos anos 30 ocorrem, segundo Blanché (1996, p. 371), acontecimentos cruciais no desenvolvimento da Lógica. Nasce a teoria dos modelos como disciplina científica, a reorientação da teoria metodológica da demonstração, a teoria da computabilidade, e outros elementos técnicos que mostram, conforme nos diz este autor, “[...] que nesta época a lógica matemática tende a impor-se à comunidade científica como uma disciplina completa, caracterizada simultaneamente pela audácia e pelo rigor intelectual”. (BLANCHÉ, 1966, p. 371)

Constatações como essas, sobre o desenvolvimento da Lógica, levaram Jean Piaget (1896-1980), em 1949, na ocasião da publicação do *Tratado de Lógica* (1949), reeditada, anos mais tarde, pelo próprio autor, com o nome de *Ensaio de Lógica Operatória* (1972)⁵, a dizer que a Lógica, como ciência dedutiva, conquistou o posto de uma ciência propriamente dita. O autor inicia esta obra dizendo que

Reconhece-se hoje a validade de um axioma ou de um teorema de lógica, independente das ideias que se possam ter sobre esta mesma lógica formal considerada como disciplina geral. Tal fato indica que a lógica conquistou a posição de ciência propriamente dita, graças aos métodos precisos que substituíram os procedimentos simplesmente reflexivos e verbais da lógica clássica. (PIAGET, 1976, p. 1)

Piaget não era um lógico de formação, mas compreendia a convergência crescente, a partir do final do século XIX, entre a Lógica e a Matemática, cujo caso da função proposicional é, como dissemos acima, um resultado desta convergência. Escreve ele (1975, p. 15-16), no *Ensaio*, que a convergência gradual entre a Lógica e a Matemática resultou de um duplo processo, de um lado, a matematização da Lógica pela necessidade de um simbolismo exato e, de outro lado, a logicização da Matemática, devido, principalmente, às

⁵ O *Ensaio de Lógica Operatória* é a segunda edição do *Tratado de Lógica*. Designá-las-emos, respectivamente, apenas de *Ensaio* e *Tratado*. A obra de nosso estudo é o *Ensaio*, reeditada posteriormente com a ajuda do lógico Jean-Blaise Grize, cuja edição aqui estudada é: PIAGET, J. *Ensaio de lógica operatória*. Tradução de Maria Ângela Vinagre de Almeida. Porto Alegre: Globo; São Paulo: Ed. Da Universidade de São Paulo, 1976. A tradução é do francês *Essai de Logique Operatoire*. Paris: Dunod, 1972.

exigências de uma axiomatização. Essa convergência significa, segundo o autor, tanto para a Lógica quanto para a Matemática, um progressivo distanciamento da intuição como fundamento do conhecimento abstrato.

No entanto, apesar do consenso de que a Lógica tenha conquistado o posto de uma ciência propriamente dita, observa Piaget, na mesma obra, que “[...] no caso de todas as ciências, inclusive das ciências dedutivas, o consenso deixa de ser geral quando se trata da significação a ser atribuída aos princípios, ou mesmo do objetivo a ser atingido e dos métodos a serem seguidos” (PIAGET, 1976, p. 1). Dentre estas significações, de especial interesse para nós, na presente Dissertação, é a relação entre Lógica e Psicologia. Em particular, interessamos uma questão que é assim apresentada por Piaget no *Ensaio*, sendo a questão central desta obra:

[...] como se constituem as estruturas elementares de classes, de relações, de números, de proposições, etc., formalizadas com toda independência e autonomia pelo lógico e [...] quais são suas relações com as “operações” do pensamento “natural”, muito mais pobre e não formalizado. [?] (PIAGET, 1976, p. XV)

Observemos que Piaget pressupõe, nesta questão, que as operações lógico-formais estão vinculadas a um *sujeito*.⁶ O autor está interessando em compreender como se formam as estruturas necessárias ao conhecimento lógico-matemático e como ela é possível a partir do desenvolvimento psicológico humana. Apesar desse recurso à Psicologia, trata-se, no contexto dessa investigação de Piaget, como veremos no desenvolvimento desta Dissertação (cf. Seção 1 do Capítulo I), fundamentalmente, de um interesse filosófico, relacionado à Teoria do Conhecimento e à Epistemologia, em particular, relacionado ao que Piaget chama de “Epistemologia Genética”, e não propriamente uma investigação de pura Psicologia. Assim, como veremos, quando tratarmos do sujeito psicológico, nosso interesse é pelas condições que este sujeito dará à constituição de um *sujeito epistêmico*⁷, objeto de suas pesquisas epistemológicas.

Para compreendermos melhor o significado inicial do que seja Epistemologia Genética recorramos, primeiramente, ao significado do termo “epistemologia”. Este termo é a junção

⁶ Como veremos no decorrer desta Dissertação (confira, em especial, Seção I do Capítulo I), Piaget se interessa pela criança, pois é a partir dela que se pode compreender o processo de formação das estruturas, e não apenas pelo sujeito adulto com suas estruturas já constituídas. Como veremos, Piaget (1976, p. XVI) entende que é compreendendo o processo de formação das estruturas que se pode melhor compreender a natureza de tais estruturas.

⁷ Designaremos o sujeito do conhecimento por “sujeito epistêmico” como faz Piaget (1961, p. 332, e. g.), por exemplo, no seu livro *Epistemologia Matemática e Psicologia*.

do termo grego “episteme” (ἐπιστήμη) que significa “ciência”, “conhecimento” (por oposição à “doxa” (δόξα) que significa crença comum ou opinião popular), e do termo grego “logos” (λόγος) que significa, entre outras coisas, “estudo”, “discurso”, “razão”, “proporção”. Epistemologia é, então, o estudo do conhecimento, relacionado aos problemas do conhecer em geral. Modernamente, esta concepção parece assumir um sentido mais específico, relacionado ao estudo não de qualquer conhecimento, mas do conhecimento científico. Lalande, por exemplo, diz-nos que a Epistemologia é “[...] essencialmente o estudo crítico dos princípios, das hipóteses e dos resultados de diversas ciências [...]” (LALANDE, 1938, p. 211, tradução nossa)⁸, ou seja, é o estudo do conhecimento científico, dos seus pressupostos, conceitos e métodos. Já o termo “genética” deriva-se do termo do grego “genno” (γεννώ) e significa “origem”, “geração”, “criação”. Portanto, no sentido etimológico da palavra, podemos dizer que Epistemologia Genética é um estudo das origens do conhecimento científico, relacionado aos problemas de como surgem as condições necessárias para o conhecimento científico.

Podemos dizer, também, de forma geral, que a Epistemologia Genética se constitui, por um lado, por um estudo crítico dos conceitos da História da Ciência (das ciências empíricas e lógico-matemática) e, por outro, por um estudo da gênese dos conceitos científicos na cognição humana, auxiliado, como veremos (cf. Seção 2 do Capítulo I) pelos métodos de uma psicologia, a Psicologia Genética⁹. Nesse sentido, escreve Piaget na *Introdução à Epistemologia Genética*: “[...] o método completo da epistemologia genética está constituído por uma elaboração íntima dos métodos histórico-crítico [da História da Ciência] e psicogenético [da Psicologia Genética]”.(PIAGET, 1950, p. 17, tradução nossa)¹⁰

Além de uma epistemologia, no sentido estrito do termo, a Epistemologia Genética é uma teoria do conhecimento, pois se entendermos que a Teoria do Conhecimento é, como nos

⁸ “[...] essentiellement l’étude critique des principes, des hypothèses et des résultats des diverses sciences [...]”

⁹ O que é notável observar aqui é a existência de um certo paralelismo entre a construção histórica dos conceitos da História da Ciência e a construção histórica dos conceitos no âmbito psicogenético. Segundo Piaget (cf. 1973, p. 29-30), além das estruturas psicológicas possibilitarem o conhecimento científico, é possível traçar uma analogia entre a construção presente na História da Ciência com a construção intelectual investigada pela Psicologia Genética. Nesse sentido, as etapas da construção da causalidade, por exemplo, presentes na história do pensamento científico, parecem ser análogas, ou coincidem com, as etapas da construção do pensamento individual. Sobre isso, observa o autor na *Introdução à Epistemologia Genética*: “A presente obra é o resultado dessa comparação, a qual nos temos consagrado constantemente, entre a psicogênese das operações intelectuais e seu desenvolvimento histórico” (PIAGET, 1950, p. 3, tradução nossa). No original: “[...] la méthode complète de l’épistémologie génétique est constituée par une collaboration intime des méthodes historico-critique et psychogénétique [...]”.

¹⁰ “[...] la méthode complète de l’épistémologie génétique est constituée par une collaboration intime des méthodes historico-critique et psychogénétique [...]”.

diz Lalande, o “Estudo da relação que existe entre o sujeito e o objeto no ato de conhecer” (LALANDE, 1938, p. 889, tradução nossa)¹¹, ou seja, é o estudo da relação entre sujeito e objeto e das questões relativas à formação do nosso conhecimento. Podemos dizer, então, que a Epistemologia Genética é, ao mesmo tempo, Epistemologia e Teoria do Conhecimento. Sendo assim, podemos considerar que as questões centrais de sua obra são fundamentalmente epistemológicas e de teoria do conhecimento e não exclusivamente psicológicas.

No que se refere ao estudo das estruturas necessárias ao pensamento lógico-matemático e como ela é possível epistemologicamente, Piaget apresenta, no *Ensaio*, as primeiras estruturas do pensamento “natural”, procurando investigar seu processo de formação. Nesse sentido, escreve o autor que “A ideia central [do *Ensaio*] é a de que a formalização não é um estado, mas um processo, e que ela se apoia, conseqüentemente, em estruturas que se elaboram segundo níveis” (PIAGET, 1976, p. XVII). Em outras palavras, as formalizações que aparecem no *Ensaio* não correspondem às explicitações de estruturas lógico-matemáticas prontas e acabadas, em um sentido platônico do termo, mas é uma formalização das estruturas do ser humano que surgem durante seu desenvolvimento. Cada estrutura relativa às operações “naturais” realizadas pelo sujeito é, então, explicitada, formalmente, no *Ensaio*, onde cada estrutura está interligada a outra, organicamente.

Notemos, desse modo, que Piaget procura compreender as formas lógicas como resultante de um processo de construção, vinculadas a uma psicologia e a uma sociologia do pensamento. Sendo assim, sob tal ponto de vista, Piaget compreende a Lógica, proposta por ele no *Ensaio*, como

[...] a axiomática das estruturas lógicas operatórias, da qual a psicologia e a sociologia do pensamento estudam o funcionamento real. (PIAGET, 1976, p.14, grifo do autor)

Segundo Piaget (1958, p. 52 e 1983a, p. 40 - 41), em uma axiomática assumem-se certos axiomas como verdadeiros, independentemente de suas apelações intuitivas ou empíricas, pois o lógico escolhe seus axiomas com toda liberdade e de acordo com suas necessidades sem se prender aos elementos fornecidos pelo pensamento “natural” ou intuitivo. Esse desprendimento permite-o reconstruir livremente sistemas formais segundo todas as possibilidades necessárias para a dedução, donde, segundo o autor, “[...] por exemplo, o direito de construir lógicas trivalentes distintas, mas ainda próximas do

¹¹ “Étude du rapport qu’ont entre eux le sujet et l’objet dans l’acte de connaitre”.

pensamento comum, ou a uma infinidade de valores que se distanciam consideravelmente das intuições do terço excluído” (PIAGET, 1983a, p. 41). A construção de outras lógicas, além da Lógica Clássica, que para Piaget é o espelho do funcionamento cerebral¹², é, nesse sentido, possível dentro do jogo operatório simbólico realizado no interior dos sistemas formais. Um sistema formal liberta, então, a Lógica das amarras intuitivas da realidade empírica, permitindo ao lógico desenvolver diversas lógicas e estudar apenas as operações dedutivas, seu interesse efetivo.¹³

Se a axiomática realiza esta libertação, então ela exclui a Psicologia e a Sociologia das investigações dedutivas, de modo que a Lógica e a Psicologia ganham autonomia metodológica nas suas investigações sem fazer interferir uma na outra. Segundo o autor, “Só a logística garante, por sua técnica de formalização, a autonomia respectiva da lógica e da psicossociologia, pois apenas a axiomatização pode liberar uma ciência dedutiva de suas amarras intuitivas e liberar um estudo concreto e causal de suas pressuposições normativas” (PIAGET, 1976, p. 15). Em outras palavras, enquanto a Lógica realiza uma análise formal, a Psicologia realiza uma análise real do conhecimento lógico-matemático. Sobre isso, diz-nos o autor que

¹² Sobre a afirmação de que o funcionamento cerebral tem por base a Lógica Clássica, cf. os seguintes textos de Piaget: PIAGET, J. Logique formelle et psychologie génétique. In: *Les modèles et la formalization du comportement*. Paris, 5 - 10, juillet 1965; Paris ed. du CNRS, 1967, p. 275-276. PIAGET, J. As Correntes Contemporâneas da Epistemologia, em *Logique et Connaissance Scientifique*. Paris, PUF, 1967, p. 1244. BETH, E. W; PIAGET, J. *Épistemologie mathématique et psychologie: essai sur les relations entre la logique formelle et la pensée réelle*. Paris: Presses Universitaires de France, 1961, p. 324. PIAGET, J. *Vers une Logique des significations*. Genève, Murionde, 1987. Agradecemos à Profa. Dra. Zélia Ramozzi-Chiarottino pelas referências indicadas.

¹³ Como veremos no decorrer da presente Dissertação, Piaget tratará apenas do aspecto das operações do pensamento “natural” relativos à Lógica Clássica. Parece-nos, ademais, que uma visão não-clássica das operações psicológicas do sujeito poderia trazer novas relações entre a Epistemologia Genética (que é, como veremos, a epistemologia proposta por Piaget) e a Lógica Contemporânea no que se refere aos estudos da origem e construção das estruturas lógicas no ser humano, em especial a relação entre pensamento “natural” e as Lógicas Não-Clássicas; pois uma questão que se pode colocar é: o pensamento “natural” segue apenas os padrões da Lógica Clássica ou será que é possível uma visão não-clássica das estruturas lógico-matemáticas descobertas no seio das operações “naturais” realizadas pelo sujeito? De outro modo: será que as Lógicas Não-Clássicas são possíveis apenas dentro de um jogo operatório simbólico realizado no interior de sistemas formais, como nos indica Piaget na citação acima, ou podemos encontrá-las, também, no seio das operações do pensamento “natural” realizadas pelo sujeito na medida em que ele estrutura logicamente sua realidade? Encontramos referências de Piaget às Lógicas Intuicionistas e às Lógicas Polivalentes (Piaget faz referência à Brouwer no caso da primeira Lógica e à Lukasiewicz no caso da segunda no *Ensaio* (1976, p. 373-381, e.g.)). Pensamos, sobretudo, que, como diz Piaget (cf. final da Seção 1, Capítulo I), se a Epistemologia Genética está em constante construção, devendo acompanhar o processo histórico de aumento do conhecimento (método histórico-crítico) com o desenvolvimento do sujeito (método psicogenético), então, pensamos que as questões aqui colocadas podem ser verificadas e estudadas sob a abordagem de sua teoria. O despertar destes questionamentos na presente nota é o reflexo dos valiosos questionamentos do Professor Dr. Décio Krause (UFSC) ao nosso trabalho, apresentado no XIV Encontro Nacional de Pós-Graduação em Filosofia da Associação Nacional de Pós-Graduação em Filosofia (ANPOF), realizado em Outubro de 2010.

Existe, entre a teoria formal e a análise real, exatamente a mesma relação que há entre toda axiomática e toda pesquisa real concomitante (por exemplo, entre a geometria axiomática e a geometria dos objetos físicos): independência completa dos métodos e correspondência possível entre os problemas. (PIAGET, 1976, p. 14)

Sobre a correspondência dos problemas, escreve o autor que “[...] cada estrutura formalizada corresponde a uma estrutura real, no pensamento comum ou, na ausência deste, no espírito do próprio lógico, etc.” (PIAGET, 1976, p. 15); e, por outro lado, ainda segundo ele, “[...] toda estrutura atingida pelas operações mentais do indivíduo, ou por uma cooperação interindividual, suscita o problema lógico de sua formalização possível [...]”. (PIAGET, 1976, p. 15)

Nesse sentido, se a função proposicional, em particular, tem um correspondente psicológico na realidade, então, por um lado, a constituição deste correspondente real por um sujeito suscita o problema de sua formalização possível no plano das análises lógicas. Inversamente, a análise formal da função proposicional suscita, do ponto de vista real, entre outras questões, a questão de saber qual é o seu correspondente psicológico e como ele se constitui epistemologicamente, isto é, implica na questão de saber como o sujeito epistêmico usa e se torna capaz de usar funções proposicionais para estruturar a realidade. Depreende-se, assim, uma questão da relação entre Lógica e Psicologia que guiará nossa investigação nesta Dissertação, a qual pode ser formulada do seguinte modo:

Como o sujeito epistêmico usa e se torna capaz de usar funções proposicionais na estruturação lógico-matemática que ele faz realidade?

Diante de tal questão, é nosso objetivo apresentar e explicitar, no contexto da Epistemologia Genética, que é a epistemologia proposta pelo autor, como o sujeito epistêmico usa e se torna capaz de usar funções proposicionais para estruturar a realidade e produzir conhecimento sobre ela. Em especial, centramos nossa investigação no período das operações concretas, entre 7 a 10 anos, marco crucial para a construção das operações pois, segundo o autor, “[...] as operações concretas estabelecem, portanto, muito bem a transição entre a ação e as estruturas lógicas mais gerais [...]” (PIAGET, 1990, p. 86). Neste período do desenvolvimento humano surgirá, como veremos adiante, uma das estruturas que serão determinantes para o uso pleno da função proposicional pelo sujeito no Período Operatório Formal, a saber: *a coordenação reversível parte-todo*.

Em vista disso, para situarmos a nossa questão no interior da obra de Jean Piaget, realizamos, inicialmente, no Capítulo I, uma breve e ampla contextualização do seu pensamento, no âmbito das discussões filosóficas. Apresentamos os pressupostos gerais da Epistemologia Genética e suas relações com a Psicologia Genética. Situamos o *Ensaio* neste contexto e mostramos como ele surgiu e quais são as ideias centrais discutidas nesta obra.

No Capítulo II apresentamos algumas das discussões de princípio realizadas por Piaget no *Ensaio* acerca do objeto e da definição da Lógica Operatória. Apresentamos, também, uma breve caracterização do psicologismo em Lógica a partir de um ponto de vista piagetiano para, então, apresentar uma discussão entre Piaget e o lógico Evert W. Beth sobre um possível psicologismo em Lógica decorrente da repercussão do *Tratado*. Beth pode ser considerado um dos maiores representantes do debate com Piaget acerca deste tema.

No Capítulo III procuramos responder a questão central da nossa Dissertação. Neste capítulo apresentamos a definição de função proposicional dada por Piaget no *Ensaio*. Procuramos mostrar, também, em que medida a função proposicional é importante como condição de uma lógica das classes e das relações e como esta sua importância é determinante, sob a perspectiva de uma lógica das totalidades, para a Lógica Operatória. Veremos, também, que, para Piaget, a função proposicional tem um correspondente psicológico: o esquema conceitual. Nesse sentido, a pergunta de como o sujeito epistêmico usa e se torna capaz de usar funções proposicionais para estruturar logicamente a realidade consiste, então, em investigar, no plano psicológico, como surgem os esquemas conceituais. Sendo o processo de construção dos esquemas conceituais um longo processo, com origem nos primeiros esquemas de ações da criança, amplo demais para ser estudado no espaço de uma dissertação de mestrado, centramos nosso estudo no período chamado por Piaget de “Período Operatório Concreto”, em especial, na passagem do Período Pré-Operatório ao Operatório Concreto; passagem que podemos considerar crucial para a construção das operações lógicas do pensamento, pois é o momento de transição das ações do sujeito sobre a experiência sensível às primeiras estruturas lógico-operatórias da realidade realizada por este sujeito.

Capítulo I

Discussões preliminares ao *Ensaio de Lógica Operatória*

Realizamos, na Seção 1 deste capítulo, uma breve e ampla contextualização do pensamento de Jean Piaget no âmbito das discussões filosóficas. Apresentamos, na Seção 2, os pressupostos gerais da Epistemologia Genética e suas relações com a Psicologia Genética. Na Seção 3, situamos o *Ensaio* neste contexto e mostramos como ele surgiu e quais são as ideias centrais discutidas nesta obra.

1. Heranças da tradição filosófica no pensamento de Jean Piaget e a possibilidade de uma Epistemologia Genética

Biólogo de formação, Jean Piaget (1896-1980) encontra na Biologia um exemplo de ciência relativa à empiria e defronta-se, ao mesmo tempo, com questões clássicas da Filosofia sobre os limites e possibilidades do conhecimento humano. A respeito de sua formação, diz-nos ele, na sua autobiografia: “Minha educação superior concentrou-se nos campos da biologia e da filosofia, e, entre 1911 e 1925, publiquei cerca de 25 estudos sobre moluscos terrestres e aquáticos”. (PIAGET, 1974, p. 285)

Sobre seu interesse pela Filosofia, ainda nos diz: “Ao passo que eu desejava dedicar-me à biologia, tinha igual interesse pelos problemas do conhecimento objetivo e pela epistemologia” (PIAGET, 1974, p. 285). A Filosofia se tornou tão marcante na sua formação que ele escreve: “[...] a filosofia tem sua razão de ser e deve-se mesmo reconhecer que todo homem que não passou por ela é incuravelmente incompleto”. (PIAGET, 1983b, p. 68)

Sua formação científica de biólogo e seus interesses pelos problemas do conhecer humano o despertaram, também, para a Psicologia. Sobre isso nos diz que: “Este treinamento [no campo da Biologia] foi extremamente útil às minhas investigações psicológicas posteriores [...]” (PIAGET, 1974, p. 285). Sobre a importância da Psicologia para seus trabalhos, em outra passagem escreve:

Mas para mim, zoologista que fazia pesquisa de campo ou em laboratório, eu começava (demasiado devagar, infelizmente) a sentir que uma ideia é apenas uma ideia e que um fato é apenas um fato. Vendo meu bom mestre manipular todas as ideias como se se tratasse sempre de metafísica, eu sentia um certo mal estar e em virtude disso ficava reduzido à sensação de que para analisar as relações entre o conhecimento e a vida orgânica seria talvez útil fazer um pouco de psicologia experimental. (PIAGET, 1983b, p. 74)

O mestre que Piaget se refere é Arnold Reymond, seu professor de filosofia no ginásio e na Universidade de Neuchâtel, onde Piaget se doutorou em Biologia com uma tese sobre os moluscos de Valois. Segundo Piaget “Foi, pois, com a maior confiança nele [em Reymond] que me deixava encorajar a prosseguir uma carreira essencialmente filosófica e a especializar-me em *filosofia biológica*”. (PIAGET, 1983b, p. 74, grifo nosso)

Notemos, assim, que sob a dupla influência dos métodos científicos da Biologia e da Psicologia de um lado, e das discussões em Filosofia, em particular pela Epistemologia, de outro, Piaget elabora uma epistemologia distinta das anteriores. Escreve Piaget no Prefácio da *Introdução à Epistemologia Genética*¹⁴ que “No tempo de nossos estudos em zoologia, um duplo interesse pelos problemas de variação e adaptação e pelas questões lógicas e epistemológicas nos fez sonhar em construir uma *epistemologia biológica*”. (PIAGET, 1950, p. 3, grifo nosso)

Sobre a epistemologia de Piaget ser uma epistemologia biológica, comenta Zélia Ramozzi-Chiarottino, em seu livro *Em Busca do Sentido da Obra de Jean Piaget* (1984), que “[...] Piaget, com sua formação de biólogo, ao se interessar pelos problemas filosóficos, teve a ideia de escrever uma teoria do conhecimento inspirada na Biologia” (RAMOZZI-CHIAROTTINO, 1984, p. 32). Em especial, Piaget é, como observa Manuel Lourenço, no seu artigo *Pontos de Vista sobre Piaget como Epistemólogo* (2008), influenciado pelas concepções da biologia do conhecimento e, também, profundamente influenciado por autores da filosofia do conhecimento como, por exemplo, pela filosofia de Immanuel Kant (1724-1804), considerado por Piaget “o pai de todos nós”. (PIAGET, 1972 apud LOURENÇO, 2008, p. 248)¹⁵

De fato, podemos notar uma certa aproximação do pensamento de Piaget com a concepção kantiana sobre as faculdades da razão humana, mas, como veremos, ele se afasta dela em certos pontos essenciais. Como nos diz Kant, na *Crítica da Razão Pura* (1781),¹⁶

¹⁴ A *Introdução à Epistemologia Genética* é uma obra de 1950. Podemos dizer que esta obra é um marco nos estudos em Epistemologia realizado por Piaget, pois é a primeira vez que o autor usa o termo “epistemologia” para nomear seus escritos. Antes de 1950 as obras de Piaget recebiam nomes referentes apenas aos seus estudos em Psicologia, muito embora suas preocupações de fundo e a condução de suas pesquisas biológicas e psicológicas tenham se revelado, desde a adolescência, fundamentalmente circunscritas à Epistemologia e de âmbito da Teoria do Conhecimento. Para consultar a lista de livros, em ordem cronológica, da produção intelectual de Piaget ou de sua equipe no Centro Internacional de Epistemologia Genética, pode-se acessar o site dos Arquivos Jean Piaget da Universidade de Genebra (UNIGE), no seguinte endereço eletrônico, disponível para consulta: http://archivespiaget.ch/fileadmin/user_upload/ajp/fichiers_pdf/Livres_de_Piaget_aux_AJP.pdf.

¹⁵ A referência dessa passagem em Piaget dada por Lourenço é: PIAGET, J. *Discours à réception du “Prix Erasrae 1972”*. Piaeium Erasmanum, 1972, p. 293.

¹⁶ KANT, I. *Crítica da razão pura*. Tradução de Valério Rohden e Udo Baldur Moosburger. São Paulo: Abril Cultural, 1983. Este livro é uma tradução da segunda edição da *Crítica*, de 1787. A primeira edição data de 1781

“[...] embora o nosso conhecimento comece *com* a experiência, nem por isso todo ele se origina justamente *da* experiência” (KANT, 1983, p. 22), pois:

[...] há um tal conhecimento independente da experiência e mesmo de todas as impressões dos sentidos. Tais *conhecimentos* denominam-se *a priori* e distinguem-se dos *empíricos*, que possuem suas fontes a posteriori, ou seja, na experiência. (KANT, 1983, p. 22, grifo do autor)

Os conhecimentos a priori são estruturas ou esquemas, como por exemplo, as formas *a priori* da sensibilidade e do entendimento, que estão previamente contidas nas capacidades intelectuais.

No que concerne às formas a priori da sensibilidade, há, segundo Kant (1983, p. 40) duas formas, o espaço e o tempo. A título de exemplo, limitemo-nos ao espaço. Observa o autor (1983a, p. 39) que se separarmos de um corpo aquilo que o entendimento se debruça como, por exemplo, a substância, a força, a divisibilidade, o volume, etc., subsistem, ainda, a extensão e a figura. Segundo Kant “Ambas [extensão e figura] pertencem à intuição pura, que mesmo sem um objeto real dos sentidos ou da sensação, ocorre a priori na mente como uma simples forma da sensibilidade” (KANT, 1983, p. 39 - 40). Dado que a extensão e a figura pertencem a um conceito mais abstrato ainda, o espaço, Kant nos diz que o espaço é uma forma a priori da sensibilidade sendo, pois, condição necessária dos fenômenos ou de todos os objetos que aparecem à sensibilidade. Nesse sentido, escreve:

O espaço é uma representação a priori necessária que subjaz a todas as intuições externas. Jamais é possível fazer-se uma representação de que não há espaço algum, embora se possa muito bem pensar que não se encontre objeto algum nele. Ele é, portanto, considerado a condição da possibilidade dos fenômenos e não uma determinação dependente destes; é uma representação a priori que subjaz necessariamente aos fenômenos externos. (KANT, 1983, p. 41)

Notemos, assim, que Kant não despreza a importância da experiência como condição inicial para o conhecimento e, ao mesmo tempo, confere às formas ou esquemas um apriorismo que regulam a construção do objeto. Segundo Kant (1983, p. 12), assim como Copérnico tirou a Terra e colocou o Sol no centro do movimento dos corpos celestes, agora, no plano do conhecimento, no que concerne à relação sujeito-objeto, não são as faculdades do

e a referência da segunda edição alemã é: *Kritik der reinen Vernunft* von Immanuel Kant, Professor in Königsberg der Königl. Akademie der Wissenschaften in Berlin Mitglied. Zewyte hin und wieder veresserte Auflage Riga, beu Johann Friedrich Hartknoch, 1787.

conhecer que se regulam pela natureza dos objetos, mas os objetos que se regulam pela nossas faculdades do conhecer. Nesse sentido, a filosofia, em uma espécie de revolução copernicana, deveria, como uma “crítica da razão pura”, investigar a importância das nossas faculdades para o conhecimento.

Muito embora a filosofia do conhecimento de Kant tenha influenciado profundamente o pensamento de Piaget, este não se limitou a ela. Segundo Lourenço, “Kant, nada dizendo acerca do desenvolvimento ou aquisição do conhecimento ou compreensão, exerceu grande influência em Piaget que gosta de se considerar seu herdeiro [...]” (LOURENÇO, 2008, p. 248). Sobre isso, em outra passagem nos diz Lourenço: “Contudo, a ideia kantiana de que toda a experiência é mediada por esquemas ou estruturas, embora acolhida com grande entusiasmo, não o satisfaz [Piaget] plenamente” (LOURENÇO, 2008, p. 249). Nesse sentido, de modo semelhante a Kant, Piaget concebe que existem esquemas que condicionam nosso conhecimento das coisas, mas, sobretudo, tais esquemas possuem uma *gênese*, não sendo estruturas dadas no sujeito.

O termo “gênese”, usado por Piaget (cf., 1990, p. 8), remete a origem e construção e não se limita à ciência Genética. Diz-nos Lourenço (2008, p. 249) que a noção de gênese advém de uma crença já presente na teoria biológica do conhecimento. Escreve ele que

A teoria biológica do conhecimento é a crença que as formas cognitivas não são entidades estáticas e imutáveis, mas, como todos os traços físicos e fisiológicos do homem, estão sujeitas a um crescimento e desenvolvimento gradual, e que nenhuma teoria do conhecimento pode ser adequada sem relacionar a sua gênese com todo o processo evolutivo. (LOURENÇO, 2008, p. 249)

Com a chegada da teoria da evolução, a teoria biológica do conhecimento ganha força e repercussão nos vários aspectos do conhecimento humano, em especial no aspecto psicológico, principalmente a partir da segunda metade do século XIX. Diz-nos Lourenço, desse modo, que

A partir de então, começa-se a aplicar a teoria da evolução aos traços psicológicos do homem incluindo a inteligência e o pensamento. A oposição entre a natureza e a razão começa a ser rejeitada, e a teoria da evolução a gerar a necessidade de explicar a evolução da descendência mental. (LOURENÇO, 2008, p. 249-250)

Dentre as concepções da biologia do conhecimento, Piaget é influenciado, em particular, pelas concepções de Herbert Spencer (1828-1903) e Henri Bergson (1859-1941).

Segundo Lourenço, “Spencer e Bergson foram os primeiros filósofos a dar uma orientação biológica à epistemologia e, portanto, a relacionar as leis do conhecimento com as da vida”. (LOURENÇO, 2008, p. 250)

Diz-nos Piaget (1983b, p. 72) que as leituras de Bergson, em particular, influenciaram-no profundamente, em especial, correspondiam aos seus questionamentos na adolescência. Sobre isso, escreve: “Em resumo, eu descobriria [na adolescência] uma filosofia [a de Bergson] respondendo exatamente à minha estrutura intelectual de então” (PIAGET, 1983b, p. 72). Nesse sentido, diz-nos, ainda, o autor: “[...] meu padrinho, um homem de letras [...] convidou-me, num verão, a ir às margens do lago de Annecy para me fazer ler e explicar-me *A Evolução Criadora*. Foi um verdadeiro impacto [...] que impelem os adolescentes para a filosofia”. (PIAGET, 1983, p. 72)

Segundo Bergson, em *A Evolução Criadora* (1907), a inteligência é produto da ação do homem sobre a natureza, pois a sua formação emerge das atividades naturais de fabricação de instrumentos para a sua sobrevivência. Nesse sentido, diz-nos o autor:

[...] a inteligência é a faculdade de fabricar instrumentos inorganizados, isto é, artificiais. Se, através dela, a natureza nega-se a dotar o ser vivo do instrumento que lhe servirá, é para que o ser vivo possa, de acordo com as circunstâncias, diversificar sua fabricação. A função essencial da inteligência será, pois, de deslindar, em quaisquer circunstâncias, o meio de sair de dificuldades. Ela irá procurar o que melhor lhe possa atender, isto é, inserir no quadro proposto. Ela recairá essencialmente sobre as relações entre a situação dada e os meios de a utilizar. (BERGSON, 1979, p. 185)

Notemos que Bergson concebe, então, a inteligência, originalmente, como uma função biológica voltada para a vida prática e para as ações vitais do organismo no meio. A inteligência está vinculada à resolução de problemas práticos e consiste em buscar a melhor adequação a uma situação dada, elaborando, para isso, instrumentos disponíveis para sua *ação* no meio.

Segundo Lourenço, a ação tem um papel fundamental não apenas para Bergson, mas, também, para Spencer. Nesse sentido, escreve Lourenço que

A inteligência e o conhecimento são, segundo eles [Spencer e Bergson], o resultado de todo o processo evolutivo e, como a vida, formas de ajustamento e adaptação ao meio – são instrumentos ao serviço do bem-estar e da sobrevivência dos organismos. O conhecimento não é apenas contemplação; é também execução e ação. (LOURENÇO, 2008, p. 250)

A noção de ação é parte central da teoria piagetiana. Sobre a importância da ação para a construção do conhecimento e da inteligência no viés da concepção piagetiana, escreve Ramozzi-Chiarottino: “A ação, na concepção de Piaget, só pode ser entendida como parte do funcionamento de toda organização viva [...]” (RAMOZZI-CHIAROTTINO, 1984, p. 33).

Nesse sentido, do ponto de vista da Teoria do Conhecimento, não é simplesmente o sujeito ou o objeto que constituirão sozinhos as estruturas necessárias ao conhecimento, mas a interação entre eles. Desse modo, escreve Piaget que “Conhecer não consiste, com efeito, em copiar o real mas em agir sobre ele e transformá-lo (na aparência ou na realidade), de maneira a compreendê-lo em função dos sistemas de transformação aos quais estão ligadas estas ações”. (PIAGET, 1973, p. 15)

A ação é tão importante para a formação e produção do conhecimento pelo sujeito que podemos encontrar na teoria piagetiana uma espécie de filosofia da ação e, também, como nos indica Ramozzi-Chiarottino¹⁷, Piaget afirma que sua teoria é uma álgebra estrutural dos sistemas de ação. Para ele, a ação é condição necessária para a estruturação do mundo realizada pelo sujeito.

Diz-nos Ramozzi-Chiarottino (1984, p. 32) que um estudo da teoria piagetiana mostraria toda a sua obra como uma teoria geral da ação. Aponta a autora que Gilles-Gaton Granger em sua obra *Filosofia do Estilo* (1968) tem, também, uma interpretação nesse sentido. Comenta Ramozzi-Chiarottino que, na visão de Granger, “[...] a maneira pela qual Piaget aborda e desenvolve o problema da integração da ação ao objeto das ciências do homem é fruto do encontro de um estilo biológico e de um estilo matemático”. Granger, na mesma obra, diz-nos que uma ação “[...] não é um estado fixo de anulação de seus movimentos, mas um sistema de atos possíveis organizados de tal modo que contrabalancem certas mudanças do meio” (GRANGER, 1974, p. 283). Nesse sentido, a ação, enquanto um sistema de atos possíveis e realizáveis pelo sujeito, torna-se uma espécie de ação virtual. A ação, não conduzida pelo sujeito apenas em uma situação específica e concreta, é, sobretudo, realizável por este em situações possíveis, análogas ou semelhantes, formando um sistema de

¹⁷ A passagem que Piaget afirma que sua teoria é uma álgebra estrutural, indicada a nós por Ramozzi-Chiarottino, é a seguinte: PIAGET, J. La logistique axiomatique ou "pure", la logistique opératoire ou psychologique et les réalités auxquelles elles correspondent. In: *Methodos, rivista trimestrale di metodologia e di analisi del linguaggio*. 1952, vol.4, nº13, p. 81, onde o autor diz que “[...] a operação logística não tem a pretensão de ser uma lógica, mas um modelo algébrico das operações reais do pensamento” (PIAGET, 1952, p. 81, tradução nossa) e que “[...] a lógica operatória é, portanto, uma teoria algébrica das estruturas (mentais) em função das quais o pensamento real se impõe (com ou sem razão), uma lógica [...]” (PIAGET, 1952, p. 81, tradução nossa). Agradecemos novamente à professora pelas indicações.

“atos virtuais” e gerais como um todo, passível, inclusive, de formalização. Assim, segundo Granger:

[...] é pela introdução do virtual que se efetua a aproximação essencial, para Piaget, entre o tema biológico e o tema matemático: as estruturas em questão em sua análise dos sistemas de ação são estruturas matemáticas, porque são construídas por operações não visadas isoladamente, mas segundo o conjunto de suas realizações virtuais. (GRANGER, 1974, p. 283-284, grifo do autor)

Notemos, ademais, mesmo que brevemente, que uma ação não é qualquer movimento do sujeito no meio. Segundo Piaget, “É ação toda conduta (observável exteriormente, inclusive por interrogação clínica) visando um objetivo do ponto de vista do sujeito considerado” (APOSTEL et alii, 1957, p. 43).¹⁸ Em outras palavras, uma ação pressupõe um tipo de intenção, por parte do sujeito, no sentido de que visa um fim na perspectiva deste sujeito.

Segundo Vicente Eduardo Ribeiro Marçal (2009, p. 23), em sua Dissertação de Mestrado intitulada *O Esquema de Ação na Constituição do Sujeito Epistêmico* (2009), apesar de existir a possibilidade de, em teoria, distinguir uma ação de um movimento aleatório, tal distinção é tênue. Não nos interessa, para os propósitos desta Dissertação, entrar no mérito da questão de saber, por exemplo, qual é o método clínico mais adequado para constatar se o sujeito realiza de fato uma ação ou quando se dá o início das primeiras ações no bebê. Interessa-nos apenas, aqui, que Piaget desenvolve um estudo sobre a ação, sendo ela um conceito chave na teoria proposta por ele.

Relacionado às ações, temos, então, uma das noções centrais da Epistemologia Genética: o *esquema de ação*. Para Piaget “Um esquema é a estrutura ou a organização das ações, as quais se transferem ou generalizam no momento da repetição da ação, em circunstâncias semelhantes ou análogas” (PIAGET, 1990, p. 15). Citemos um exemplo (dentre inúmeros possíveis): Piaget (1975b, 35 – 40), em *O Nascimento da Inteligência na Criança* (1936), observa que um de seus filhos, Laurent, usava, nos primeiros instantes de vida, os lábios para sugar no vazio e que, paulatinamente, passa a usá-los para sugar o seio da mãe, mesmo que de maneira descoordenada, e, depois, o polegar e, progressivamente, outros objetos, até que esta ação de sugar se generalize dando origem ao esquema de sucção.

¹⁸ “Est action toute conduite (observable extérieurement, y compris par interrogation clinique) visant un but du point de vue du sujet considéré”.

Desse modo, o esquema é uma forma geral de certas ações, isto é, algo comum entre as diversas ações individuais de um mesmo tipo, podendo ser aplicada em contextos de ações distintos, mas análogos, o que o torna uma condição da ação; sendo, portanto, uma *forma* da ação, é uma estrutura organizadora da ação do sujeito sobre o mundo. Em outras palavras, o esquema ação é, segundo Ramozzi-Chiarottino,

[...] condição primeira da ação, ou seja, da troca do organismo com o meio. Ele é engendrado pelo funcionamento geral de toda organização viva, a adaptação. O organismo com sua bagagem hereditária, em contato com o meio, perturba-se, desequilibra-se e, para superar esse desequilíbrio, ou seja, para adaptar-se, constrói os esquemas. (RAMOZZI-CHIAROTTINO, 1984, p. 34)

Os diversos esquemas construídos pelo sujeito coordenam-se, estabelecendo entre si uma rede de relações. Estas relações entre esquemas de ação constituem o que Piaget chama de “sistema de esquemas de ação” e permite mostrar a continuidade da adaptação biológica com a adaptação intelectual. Citemos um exemplo retirado de *O Nascimento da Inteligência* (cf. 1975b, p. 124): os esquemas de *sucção*, *preensão* e *visão* assinalam o início de um comportamento complexo, sendo um elo indispensável entre a adaptação biológica e intelectual. Em específico, objetos que são agarrados pela criança, nos primeiros meses, tendem a ser chupados ou olhados, e objetos que são olhados tendem a ser agarrados e chupados. A partir de experiências particulares de preensão, sucção e visão com objetos, o sujeito constitui um sistema de esquemas prévios, condição de sua ação, para aplicar os esquemas às situações análogas. Nesse sentido, o objeto é assimilado através da coordenação sucessiva de esquemas de sucção, preensão e visão, adquirindo um conjunto de *significações* para o sujeito a partir do sistema de esquemas a ele aplicados.

Notemos, nesse sentido, que existe uma teoria da significação atrelada à constituição do sistema de esquemas de ações do sujeito¹⁹. O sujeito, de posse de um sistema de esquemas de ações que permitem-no agir sobre o real, atribui a este real um conjunto de significações que serão determinantes para a construção da realidade que o cerca.

Encontramos, na Dissertação de Mestrado de Vanessa Duron Latansio, intitulada *A Significação na Epistemologia Genética: Contribuições para uma Teoria do Conhecimento* (2010), um estudo sobre a noção de significação que traz explicitações sobre o tema da significação das ações e dos objetos para o sujeito segundo a Epistemologia Genética. Não

¹⁹ A relação entre Lógica e Significação também ocuparam as pesquisas de Piaget e colaboradores no Centro Internacional de Epistemologia Genética. Mais no final de sua vida surge o livro *Em direção a uma Lógica das Significações*, publicada postumamente, em 1987.

entraremos nos pormenores deste estudo; cabe-nos indicar, porém, que, como nos aponta Latansio (2010, p. 35-36), Piaget, em *As Ligações Analíticas e Sintéticas no Comportamento do Sujeito* (APOSTEL, L. MAYS, W. MORF, A. PIAGET, J. 1957)²⁰, Volume IV dos *Estudos de Epistemologia Genética*, fornece-nos definições que norteiam os estudos sobre a significação, a saber: (i) “Def. 9: Do ponto de vista do observador, a significação de uma ação é o conjunto das ações que ela torna possíveis, e o conjunto daquelas que ela torna impossíveis” (APOSTEL, 1957, p. 48, tradução de Latansio, 2010, p. 36)²¹; (ii) Def. 10. Do ponto de vista do sujeito S, a significação de uma coordenação de ação é o conjunto das ações coordenadas com o qual o sujeito S a compõe e o conjunto das coordenações de ação das quais o mesmo sujeito a torna ação coordenada (Cf. APOSTEL, 1957, p. 48)²²; (iii) “Def. 11: A significação de um objeto A para um sujeito S numa situação T é o conjunto das ações de S que lhe são aplicáveis em T”.²³ (APOSTEL, 1957, p. 50, tradução de Latansio, 2010, p. 38)

Nesse sentido, de um modo geral, podemos dizer que a significação (de uma ação e de um objeto) está profundamente atrelada à interação do sujeito com o objeto, isto é, ao sistema de esquema de ações, seja do ponto de vista do observador ou do sujeito que realiza a ação. Isso quer dizer que “[...] quanto mais complexas as construções internas, mais significações uma ação apresenta para esse indivíduo” (LATANSIO, 2010, p. 37). Ainda, segundo Latansio, no caso da significação do objeto, “[...] temos também (como no caso da significação de uma ação), isto é, quanto mais complexo é seu sistema de esquemas de ação, mais significações um objeto tem para um sujeito, devido a possibilidade de ações” (LATANSIO, 2010, p. 38)

O sistema de esquemas de ação, além de possibilitar um conjunto de significações para as ações do sujeito em relação aos objetos, permite que se estabeleça um elo profundo de continuidade entre o aspecto biológico, o aspecto psicológico e o aspecto epistemológico do sujeito. Notemos que a constituição do sistema de esquemas de ação ocorre durante toda

²⁰ Esta obra é resultado de um estudo interdisciplinar entre lógicos e psicólogos sobre as relações entre a Linguagem e a Lógica em Carnap, realizada no Centro Internacional de Epistemologia Genética (cf. APOSTEL et. alii, 1957, p. 3, nota 1).

²¹ “Df. 9. Du point de vue de l'observador, la signification d'une action est l'ensemble des actions qu'elle rend possibles et l'ensemble de celles qu'elle rend impossibles”.

²² Esta definição é uma adequação realizada por Latansio, com vistas a suprimir os parênteses, da seguinte definição: “Df. 10. Du point de vue d'un sujet S, la signification d'une action est l'ensemble des sous-actions dont ce sujet S le compose et l'ensemble des actions dont le même sujet la rend sous-action (les mots «action» et «sous-action» pouvant être remplacés respectivement par «coordination d'action» et «actions partielles ou coordonnées»)”

²³ Df. 11. La signification d'un objet A pour un sujet S dans une situation T est l'ensemble des actions de S qui lui sont applicables en T.

nossa vida, mas o notável é que, enquanto um “mecanismo” biológico, o esquema está presente em todos os animais ou *sujeitos-organismos*. Em especial no ser humano, sendo, pois, no caso deste, condição para o sujeito psicológico e, progressivamente, condição para a constituição de um sujeito epistêmico. A continuidade entre a organização biológica e as estruturas superiores da cognição, com a possibilidade de produção de conhecimento, se expressa na complexificação gradual do sistema de esquemas de ação que o sujeito constrói na sua interação com o meio.²⁴ Escreve Piaget, em *Biologia e Conhecimento* (1967)²⁵, que os conhecimentos se apoiam “[...] constantemente nas ações e nos esquemas de ação, fora dos quais não têm nenhum poder nem sobre o real nem sobre a análise interior” (PIAGET, 1973, p. 40)

Em *O Nascimento da Inteligência na Criança*, Piaget nos mostra que essa continuidade é muito mais fundamental do que se possa imaginar. Da organização biológica do sujeito as suas estruturas mais abstratas do conhecimento não há uma separação, mas uma continuidade profunda, progressiva, lenta e gradual. Sobre a continuidade, escreve o autor na obra:

A inteligência verbal ou refletida baseia-se [ao longo de um processo] numa inteligência prática ou sensorio-motora, a qual se apoia, por seu turno, nos hábitos e associações adquiridos para recombiná-los. Por outra parte, esses mesmos hábitos e associações pressupõem a existência [de um processo a

²⁴ Encontramos, no processo de adaptação em Piaget, com seus dois polos de acomodação e assimilação, que trataremos logo em seguida, semelhanças muito próximas com os processos auto-organizados. Michel Debrun, por exemplo, diz-nos em seu artigo *A ideia de Auto-Organização* que “Há auto-organização cada vez que, a partir de um encontro entre elementos realmente (e não analiticamente) distintos, desenvolve-se uma interação sem supervisor (ou sem superior onipotente) – interação essa que leva eventualmente à constituição de uma 'forma' ou à reestruturação, por 'complexificação', de uma forma já existente” (DEBRUN, 1996, p. 13). Notemos, então, que o sujeito, tanto segundo esta teoria proposta por Debrun quanto a de Piaget, participa do processo, sem que ele domine completamente este processo, como se poderia entrever de um sujeito transcendental. O sujeito é um dentre outros elementos (embora principal) no “ajuste” das estruturas que emergem na construção do conhecimento, inclusive do saber fazer. Debrun também observou essa semelhança entre o processo de adaptação tratado por Piaget e os processos auto-organizados; sobre isso, diz-nos ele em seu artigo *Por que, quando e como é possível falar em autor-organização?*, mais precisamente no contexto em que ele trata do “ajuste”, que “[...] alguns verão no ajuste a expressão de uma dialética de assimilação e acomodação entre um sujeito (individual ou coletivo) e seu ambiente [...] Seria uma solução 'à la Piaget'. Mas, se for o caso, podemos indagar: não será que já estamos lidando com auto-organização? Ou algo muito próximo, da mesma família que ela? Transfiram para frente a discussão desse ponto. O certo é que não pode se tratar de hetero-explicação” (DEBRUN, 1996, p. xxxv).

²⁵ A edição de nossa consulta é: PIAGET, J. *Biologia e conhecimento*: ensaio sobre as relações entre as regulações orgânicas e os processos cognoscitivos. Tradução de Francisco M. Guimarães. Petrópolis: Vozes, 1973. Segundo o autor, o problema central deste livro é o de procurar “[...] as relações entre as regulações cognoscitivas e as orgânicas em todas as escalas” (PIAGET, 1973, p. 22). Nesse sentido, sendo nosso estudo, na presente Dissertação, um estudo epistemológico das estruturas lógico-matemáticas, adotaremos este livro de Piaget como uma das linhas condutoras de nosso trabalho, pois entendemos, como Ramozzi-Chiarottino, que “Em *Biologia e conhecimento* (1967), Piaget mostra muito claramente o alcance epistemológico dos esquemas motores de ação e insiste igualmente e mais do que nunca sobre as estreitas relações entre conhecimento, organismo e lógica”. (RAMOZZI-CHIAROTTINO, 2010, P. 16-17)

partir] do sistema de reflexos, cuja conexão com a estrutura anatômica e morfológica do organismo é evidente. Existe, portanto, certa continuidade entre a inteligência e os processos puramente biológicos de morfogênese e adaptação ao meio. (PIAGET, 1975b, p. 13)

A constituição dos sistemas de esquemas de ações obedece a uma lei fundamental de toda organização viva: a *adaptação*. Segundo Piaget “[...] a adaptação é um *equilíbrio* entre a *assimilação* e a *acomodação*” (PIAGET, 1975b, p. 17, grifo nosso). Uma assimilação é, no seu entender (1975b, p. 17-18), a incorporação dos dados do meio externo ao sistema de esquemas do sujeito. Os esquemas são modificados em função do meio externo, havendo, com isso, ajuste ou acomodação dos esquemas. Assim, a acomodação é uma mudança do sistema de esquemas de ação, ou seja, é um reajuste ativo para melhor atingir os fins propostos pelo sujeito e assim melhor interagir com o meio que está sendo assimilado. Há, nesse sentido, uma interdependência entre acomodação e assimilação e ambos decorrentes da atividade do sujeito-organismo em um processo *equilibrado* que constitui a adaptação.

Segundo Piaget, “[...] toda conduta tende a assegurar equilíbrio entre os fatores internos e externos ou, mais em geral, entre a assimilação e a acomodação” (PIAGET, 2002, p. 89). Diz-nos o autor (2002, p. 88) que o processo de equilíbrio tem um enorme poder explicativo. Escreve ele que o equilíbrio “[...] não é uma característica extrínseca ou acrescentada, mas propriedade intrínseca e constitutiva da vida orgânica e mental” (PIAGET, 2002, p. 88). Nesse sentido, um organismo que esteja em permanente desequilíbrio está seguramente em um estado patológico e, por outro lado, um equilíbrio permanente pode significar uma “cristalização” da própria vida. Assim, diz-nos Piaget que “A consideração dos problemas do equilíbrio é, portanto, indispensável para a explicação biológicas e psicológicas” (PIAGET, 2002, p. 89), em especial para as operações lógico-matemáticas realizadas pelo sujeito psicológico, pois “[...] uma estrutura psicologicamente equilibrada é, ao mesmo tempo, uma estrutura logicamente formalizável [...]”. (PIAGET, 1972, p. 14). Segundo o autor “[...] tal é o caso das classificações, das seriações e das correspondências no campo concreto, e dos sistemas dedutivos no campo das proposições”. (PIAGET, *idem*, *ibidem*); em especial, se assim podemos dizer, o caso da função proposicional, que estudaremos, mais detidamente, no Capítulo III da presente Dissertação.

Os conceitos de adaptação e equilíbrio são, também, importantes no pensamento piagetiano, pois, segundo Lourenço

Uma das tarefas fundamentais de Piaget foi, precisamente, identificar os mecanismos adaptativos que operam nos esquemas ou padrões de ação e reconstituir o seu reaparecimento metamorfoseado nos conceitos e na ciência, essenciais para aperfeiçoar o âmbito adaptativo dos mecanismos orgânicos e da ação. (LOURENÇO, 2008, p. 251)

Notemos, então, que o estudo da inteligência, realizado por Piaget no plano da psicologia, consiste em identificar estes “mecanismos” adaptativos que estão presentes em todos os níveis do desenvolvimento humano. Desse modo, a inteligência é vista por Piaget como um tipo adaptação biológica e o conhecimento pode ser visto, se assim o podemos dizer, como um “produto biológico” da adaptação da inteligência à natureza.

No mais alto nível da inteligência, o da inteligência conceitual, podemos dizer, nesse sentido, que a Filosofia e as Ciências são o resultado da adaptação da espécie humana à realidade; diríamos, ademais, que elas são, na concepção de Piaget, a adaptação mais bem sucedida da natureza. Isso implica em dizer, então, que não há uma ruptura entre Natureza e Homem, mas uma continuidade profunda entre Biologia e Epistemologia; em especial, para nossos interesses na Dissertação, entre Biologia e o conhecimento Lógico Matemático. Sobre o fato de a inteligência ser um caso de adaptação biológica ao meio, escreve Piaget, em *O Nascimento da Inteligência na Criança*:

[...] a inteligência é uma adaptação [...] Afirmar que a inteligência é um caso particular da adaptação biológica equivale, portanto, a supor que ela é, essencialmente, uma organização e que a sua função consiste em estruturar o universo tal como o organismo estrutura o meio imediato. (PIAGET, 1975b, p. 15)

Em outra passagem, na mesma obra, o autor ainda nos diz:

O organismo adapta-se construindo materialmente novas formas para inseri-las nas do universo, ao passo que a inteligência prolonga tal criação construindo, mentalmente, as estruturas suscetíveis de aplicarem-se às do meio. Num sentido e no começo da evolução mental, a adaptação intelectual é, portanto mais restrita do que a adaptação biológica, mas, prolongando-se esta, aquela supera-a infinitamente [...] (PIAGET, 1975b, p. 15-16)

Nesse sentido, como resultado da evolução da inteligência, podemos entender, como nos diz Piaget, que a ciência “[...] é a mais bela das adaptações do organismo humano ao meio exterior [...]”. (PIAGET, 1950, p. 112) e que “A mais bela das adaptações ao meio que a vida

realizou foi a adaptação do conhecimento à realidade” (PIAGET, 1972 apud LOURENÇO, 2008, p. 251)²⁶.

Em *Biologia e Conhecimento* encontramos uma passagem que coloca em termos ainda mais claros esta relação entre Biologia e Epistemologia²⁷, a saber:

[...] gradativamente, os sistemas cognoscitivos derivam uns dos outros, e em última análise dependem sempre de coordenações nervosas e orgânicas, de tal maneira que o conhecimento é necessariamente solidário com a organização vital em conjunto” (PIAGET, 1973, p. 23).

De modo mais específico, Piaget entende que conhecer um objeto implica incorporá-lo aos esquemas de ações. Nesse sentido, escreve ele no mesmo livro:

Dizer que todo conhecimento supõe uma assimilação e consiste em conferir significações vem a ser, pois afinal de contas, afirmar que conhecer um objeto implica incorporá-lo a esquemas de ação, isto é verdade desde as condutas sensório-motoras elementares até às operações lógico-matemáticas superiores. (PIAGET, 1973, p. 17)

Assim, retomando a discussão sobre a originalidade da epistemologia proposta por Piaget, muito embora o seu pensamento possa ser interpretado como um kantismo, na medida em que os esquemas condicionam nosso conhecimento das coisas, as heranças das teorias biológicas do conhecimento e seus procedimentos metodológicos em Psicologia Experimental, permitem-nos conjecturar que, no fundo, Piaget “biologiza” Kant. Em outras palavras, como nos indica Ramozzi-Chiarotino (1984, p. 29), em seu livro *Em Busca do Sentido da Obra de Jean Piaget*, a teoria de Piaget pode ser vista como um *kantismo evolutivo*. Os elementos deste kantismo, na teoria de piagetiana, levam Ramozzi-Chiarottino, por exemplo, a entender “[...] a obra de Piaget como uma retomada da problemática kantiana que se resolverá à luz da Biologia e da concepção do ser humano como um animal simbólico”. (RAMOZZI-CHIAROTTINO, 1984, p. 29)

Assim, diferentemente de Kant, que parece tratar as categorias como estruturas fixas, Piaget se inspira na Biologia e busca a gênese de tais categorias, entendendo que algumas das questões (sobre fatos) da Teoria do Conhecimento poderiam ser estudadas no nível das observações empíricas. Nesse sentido, observa Lourenço que “[...] o verdadeiro problema,

²⁶ As referências dessas passagens em Piaget dadas por Lourenço são respectivamente: PIAGET, J. *Discours à réception du “Prix Erasrae 1972”*. Picaemium Erasmianum, 1972, p. 29.

²⁷ Relação esta que nos permite entender, mais precisamente, a caracterização que Piaget atribui a sua epistemologia de “epistemologia biológica”; como vimos no início deste capítulo (cf. PIAGET, 1950, p. 3, como já citado).

segundo Piaget, não é se ou não os esquemas existem, mas se ou não são fixos e imutáveis” (LOURENÇO, 2008, p. 249). Sobre isso nos diz, ainda, que

[...] [Piaget] se dá por tarefa, desde o início da sua carreira intelectual, ‘resolver o mais importante dos problemas reais da teoria do conhecimento, o da fixidez ou da plasticidade [e historicidade] das categorias da razão’, e vê que ‘a teoria do conhecimento podia ser perspectivada no terreno da psicologia’. (LOURENÇO, 2008, p. 249)

Como exemplo da concepção de Piaget sobre as categorias, vejamos, em linhas gerais, qual é o tratamento que o autor dá a duas de um conjunto de “grandes categoria da ação”²⁸: a do espaço e a da permanência do objeto. Em *A Psicologia da Criança*, diz-nos (1990, p. 18-19) que o sujeito constrói, no nível sensório-motor, um conjunto de *esquemas de ações práticas*²⁹ que lhe permitirá construir a noção de espaço progressivamente e que a constituição da permanência do objeto no espaço é um dos caminhos decisivos nessa direção. Segundo Piaget, em *A Construção do Real na Criança* (1937), “Pode-se afirmar que a constituição da noção de objeto é correlativa da organização do próprio campo espacial” (PIAGET, 1970, p. 93). Nesse sentido, escreve o autor, na mesma obra que “[...] a noção de espaço só se compreende em função da construção dos objetos e será preciso começar por descrever a segunda para se entender a primeira: somente o grau de objetivação que a criança atribui às

²⁸ As grandes categorias da ação são os esquemas do objeto permanente, do espaço, do tempo e da causalidade (cf. por exemplo, PIAGET, 1990, p. 18-19), as quais permitem o sujeito estruturar a sua realidade e a partir das quais surgem os demais esquemas no sujeito como os de velocidade, volume, densidade, conservação da matéria, identidade, função, etc.

²⁹ Os esquemas de ações práticas estão estritamente atrelados às ações sensório-motras do sujeito, sem qualquer recurso, no início do desenvolvimento, à representação cognitiva, principalmente pelo fato deste sujeito não dispor, no nível sensório-motor, de tais representações. Ele desloca-se no espaço seguindo “padrões de deslocamento” que Piaget identificou serem muito semelhantes à noção de “grupo” matemático. Com vistas a tais semelhanças, Piaget desenvolve todo um estudo sobre os esquemas de ações práticas. Tomando emprestado a ideia matemática de “grupos práticos de deslocamento” de Poincaré, Piaget vê nos esquemas de ações práticas verdadeiros “grupos práticos de deslocamentos”, cuja significação psicológica na criança é, em resumo, assim apresentado por ele: “[...] a) Um deslocamento AB e um deslocamento BC podem coordenar-se num único deslocamento AC , que ainda faz parte do sistema; b) Todo deslocamento AB pode inverter-se em BA , donde a conduta do 'retorno' ao ponto de partida; c) A composição do deslocamento AB e do seu inverso BA dá o deslocamento nulo AA ; d) Os deslocamentos são associativos, o que quer dizer que, na sequência $ABCD$, temos $AB + BD = AC + CD$: isso significa que um mesmo ponto D pode ser atingido a partir de A por caminhos diferentes (se os segmentos AB, BC etc., não estiverem em linha reta), o que constitui a conduta do 'desvio', cujo caráter tardio se conhece ([...] na criança, conduta compreendida pelo chimpanzês, mas ignorada das galinhas etc.)” (PIAGET, 1990, p. 21). Notemos, então, que “[...] a criança não percebe esses grupos nas coisas nem toma conhecimento consciente das operações inteiramente motoras por meio das quais as elabora; portanto, os grupos permanecem totalmente 'práticos'” (PIAGET, 1970, p. 95); esses grupos são vistos, então, apenas do ponto de vista do observador e não do sujeito que pratica a ação. Cabe observar, também, que os grupos práticos de deslocamentos, podem ser vistos, como vimos, como uma álgebra das ações. Nesse sentido, tais grupos formam um sistema de atos possíveis e realizáveis, em uma espécie de “manipulação” virtual, não incorporado pelo sujeito apenas em uma situação concreta e específica, mas, sobretudo, incorporado por ele em situações análogas ou semelhantes, formando um sistema de “atos virtuais” como um todo, passível, inclusive, de formalização.

coisas nos elucidam cabalmente sobre o grau de exterioridade que confere ao espaço” (PIAGET, 1970, p. 94); como, por exemplo, as percepções de formas, dimensões, distâncias, posições, perspectivas, etc.

Desse modo, podemos notar, mesmo em linhas gerais, que a categoria espacial será o resultado de uma construção contínua do sujeito, na sua interação com o objeto em construção, que remonta aos seus primeiros anos de vida. A crescente coordenação entre os esquemas da permanência do objeto e do espaço, por exemplo, por parte da criança, permite a ela construir a realidade que a cerca. Nesse sentido, ainda em *A Construção do Real na Criança*, diz-nos o autor de um modo mais amplo: “A crescente coerência dos esquemas acompanha, paralelamente, a constituição de um mundo de objetos e de relações espaciais, de causas e de relações temporais, em resumo, a elaboração de um universo sólido e permanente”. (PIAGET, 1970, p. 8)

Assim, o sistema de esquemas de ação, constituído no nível mais elementar do desenvolvimento, o período sensório-motor, que é o nível prático da inteligência, “[...] organiza o real construindo, pelo próprio funcionamento, as grandes categorias da ação que são os esquemas do objeto permanente, do espaço, do tempo e da causalidade, subestrutura das futuras noções correspondentes” (PIAGET, 1990, p. 18 - 19). Diz-nos ainda Piaget que “Nenhuma dessas categorias existe no princípio e o universo inicial está inteiramente centrado no corpo e na ação próprios, num egocentrismo tão total quanto inconsciente de si mesmo (por falta de consciência do eu)” (PIAGET, 1990, p. 19); em outras palavras, em linhas gerais, podemos dizer que as categorias possuem uma gênese e se formam mediante um crescente processo de descentralização do eu que envolve uma progressiva interação entre o sujeito e o meio objetivo que o cerca.

Diante do problema da fixidez ou da plasticidade (histórica) das categorias da razão, de âmbito da Teoria do Conhecimento, Piaget elabora uma questão, que é a questão central da sua epistemologia; o autor nos diz que:

Em lugar de se indagar o que é o conhecimento em geral ou como o conhecimento científico (tomado também em bloco) é possível, o que produz, naturalmente, a constituição de toda uma filosofia, podemos limitar-nos, pelo método, ao problema ‘positivo’ seguinte: *como aumentam os (e não o) conhecimentos?* Por quais processos uma ciência passa de um conhecimento determinado, julgado depois insuficiente, a outro conhecimento determinado julgado depois superior pela consciência comum dos adeptos desta disciplina? Todos os problemas epistemológicos são então encontrados, mas na perspectiva histórico-crítica e não mais de improviso, nas de uma filosofia. É desta epistemologia genética ou científica que

falaremos aqui para mostrar quanto a psicologia da criança é capaz de trazer-lhe concurso talvez não negligenciável [...]. (PIAGET, 1973, p. 32-31, grifo nosso)

Esse problema, o de investigar “como aumentam os (e não o) conhecimentos?”, embora amplo, pode ser considerado, senão o cerne dos questionamentos epistemológicos piagetianos, ao menos uma das questões epistemológicas centrais de sua Obra. No viés dessa questão, perguntar-se pelo *como* é se perguntar pelos processos constitutivos do conhecimento, ou seja, é se perguntar pela gênese das estruturas que tornam possíveis o conhecimento humano da realidade. Por isso, a epistemologia de Piaget é uma epistemologia em que se estudam as estruturas e condições necessárias ao conhecimento possível. A teoria de Piaget, por ser uma epistemologia que procura a gênese das estruturas necessárias aos conhecimentos no sujeito epistêmico, é designada por ele de “Epistemologia Genética”.

Nesse sentido, a Epistemologia Genética visa o conhecimento-processo e não o conhecimento-estado. Segundo Piaget (1973, p. 7-8), o conhecimento-estado se funda nas Teorias do Conhecimento tradicionais (Platão, Aristóteles, Descartes, Leibniz, Kant, etc.), pois elas sustentam-se, em linhas gerais, na crença de que há uma espécie de “realismo transcendente” onde existem estruturas preestabelecidas e necessárias ao conhecimento. Já na perspectiva do conhecimento-processo, parte-se do pressuposto de que o conhecimento está em construção e de que existe, portanto, uma historicidade. Ora, se existe uma historicidade, o conhecimento nunca é estático e acabado, mas é passível de novas construções e reformulações. É, nesse sentido, segundo Piaget (1973, p. 8 – 9), que pensam filósofos contemporâneos, em especial, seguem esta tendência os filósofos das ciências, como, por exemplo, Cournot, Brunschvicg, Kuhn, etc; sendo, pois, a Epistemologia Genética, inclusive, parte integrante deste processo histórico de construção do conhecimento. O que nos permite dizer que a Epistemologia Genética não é um estudo finalizado das noções científicas, mas um grande “pátio em construção”.

Diz-nos Piaget, em *Psicologia e Epistemologia* (1970), que “Essa transformação fundamental do conhecimento-estado em conhecimento-processo, leva então a colocar em termos bastante novos a questão das relações entre epistemologia e desenvolvimento ou mesmo formação psicológica das noções e operações” (PIAGET, 1973, p. 10). Pois, se todo conhecimento é um “vir a ser”, uma das questões que se pode colocar em Epistemologia é o de saber, por exemplo, como funcionam os processos desse “vir a ser” do conhecimento-

processo. Nesse sentido, a Psicologia pode ter um papel fundamental no estudo científico de como funcionam tais processos necessários ao conhecimento. É sobre a relação entre a Epistemologia e a Psicologia que trataremos na seção seguinte.

2. Relações entre a Psicologia Genética e a Epistemologia Genética

Veremos, nesta seção, em que medida é possível uma relação entre Epistemologia e Psicologia. Observaremos, em especial, como Piaget propõe uma relação entre elas e como, a partir de um ponto de vista metodológico, é possível, em particular, a relação entre Epistemologia Genética e Psicologia Genética. No âmbito desta relação, veremos que Piaget não é bem compreendido, sendo dada a ele a caracterização de “psicologista” por recorrer a uma psicologia na explicação dos conhecimentos, e, também, de “positivista”, por se utilizar, principalmente, do método científico nas suas investigações epistemológicas e por não atribuir à Filosofia o título de conhecimento propriamente dito, mas apenas o de “sabedoria”.

Segundo Piaget, não é difícil encontrar nas epistemologias clássicas uma recorrência a uma psicologia. Para o autor (1973, p. 10), em *Psicologia e Epistemologia*, as correntes empiristas, por exemplo, ao recorrerem aos dados sensíveis na experiência, tratam de noções psicológicas como percepções, associações, hábitos, etc. Mas o problema é, segundo ele, que essas filosofias não dispunham, ainda, de um método empírico rigoroso de investigação psicológica; método que surgirá com o advento da *Psicologia Experimental* no século XIX, no contexto do desenvolvimento das demais ciências empíricas.

Na perspectiva piagetiana, sem o recurso da Psicologia Experimental, o estudo das noções psicológicas se torna apenas especulativo e não busca verificar as *questões de fato*, que são questões que podem ser testadas na experiência e respondidas com métodos científicos de verificação empírica. Nesse sentido, diz-nos: “Mas como as filosofias empiristas e sensualistas, etc., nasceram bem antes da psicologia experimental, contentamo-nos com essas noções do senso comum e de descrições principalmente especulativas [...]”. (PIAGET, 1973, p. 11)

O distanciamento dos métodos científicos de verificações empíricas é mais evidente, segundo Piaget, nas epistemologias consideradas platônicas, racionalistas ou aprioristas, pois, escreve ele que “[...] cada qual acreditou ter encontrado um instrumento fundamental de conhecimento estranho, superior ou anterior à experiência” (PIAGET, 1973, p. 11). Tais epistemologias desvelam seus conhecimentos por intermédio de especulações metafísicas e

não compreenderam que algumas questões pertenciam ao âmbito dos fatos. Diz-nos o autor que tais epistemologias “[...] deixaram de verificar [o] que estava realmente à disposição do sujeito. Entretanto, existe aqui, quer se queira quer não, uma questão de fato”. (PIAGET, 1973, p. 11)

Em vista disso, uma das novidades da Epistemologia Genética é a de que ela recorre aos métodos científicos da Psicologia para estudar as questões de fatos sobre os conhecimentos. A Epistemologia Genética se serve, em particular, da Psicologia Experimental para compreender, cientificamente, como, por exemplo, nasce a inteligência, na sua relação com o organismo biológico, e como se constituem os níveis mais elementares das estruturas necessárias ao desenvolvimento da inteligência. Notemos, então, que a Psicologia Experimental tem o papel metodológico de ir à experiência, com métodos científicos rigorosos de investigação empírica. Uma psicologia que adote esta posição e que, a partir dela, vise compreender, também, a gênese psicológica dos conhecimentos, é denominada pelo autor de “Psicologia Genética”.

A Psicologia Genética procura, segundo Piaget (1990, p. 9), estudar a gênese dos elementos relativos aos grandes temas da Psicologia Geral, como a inteligência, a percepção, as operações, etc. Na medida em que a Psicologia Genética realiza esse estudo da gênese, ela recorre, então, à Psicologia da Criança, pois,

[...] se todo conhecimento é sempre vir a ser e consiste em passar de um conhecimento menor para um estado mais completo e mais eficaz, é claro que se trata de conhecer esse vir a ser e de analisá-lo da maneira mais exata possível. Entretanto, esse vir a ser não decorre do acaso, mas constitui um desenvolvimento e como não existe, em nenhum domínio cognitivo, começo absoluto até o desenvolvimento, este mesmo deve ser examinado desde os estágios denominados de formação [...]. (PIAGET, 1973, p. 12)

Nesse sentido, para estudar esse “vir a ser” ou o processo de constituição dos nossos conhecimentos da forma mais exata possível o “[...] método genético [...] tende, assim, a conferir à psicologia da criança uma espécie de posição chave nos domínios mais diversos”, pois, como escreve Piaget em seguida, o método genético procura “[...] explicar as funções mentais pelo seu modo de formação e, portanto, pelo seu desenvolvimento na criança [...]” (PIAGET, 1990, p. 9), como, por exemplo, o problema de saber se os objetos da Lógica são inatos ou adquiridos e, também, o problema de compreender como se constituem as estruturas elementares da lógica e, nesse sentido, procurar quais são as relações destas estruturas com o pensamento “natural” em formação. Desse modo, o sujeito do conhecimento que nos interessa

nesta Dissertação não é, apenas, o sujeito adulto, com as estruturas já construídas, mas também e principalmente a criança, cujas estruturas estão em formação. É, pois, a criança que nos permite estudar os processos de formação dessas estruturas e, a partir da compreensão deste processo, a possibilidade de compreensão da natureza geral de tais estruturas.

Segundo Piaget (1976, p. XVI), como já citado, é compreendendo o processo de formação das estruturas que se pode compreender como elas o são, pois seus processos formadores nos permitem melhor descobrir a natureza dos conhecimentos. Desse modo, a criança é uma espécie de “matéria prima” das investigações psicológicas e, por conseguinte, na perspectiva genética, das investigações epistemológicas. De modo ilustrativo e um tanto poético, no seu livro *A Psicologia da Criança*, o autor diz que

[...] se a criança apresenta grandíssimo interesse por si mesma, a isso deve acrescentar-se, na verdade, o fato de que a criança explica o homem tanto quanto o homem explica a criança, e não raro ainda mais, pois se o homem educa a criança por meio de múltiplas transformações sociais, todo adulto, embora criador, começou, sem embargo, sendo criança; e isso tanto nos tempos pré-históricos quanto hoje em dia. (PIAGET, 1990, p. 9)

Notemos que, embora a Epistemologia Genética e a Psicologia Genética tenham uma relação intrínseca, uma não se confunde com a outra. Segundo Piaget, em *Psicologia e Epistemologia*,

A psicologia genética é a ciência cujos métodos são cada vez mais semelhantes aos da Biologia. A epistemologia, em compensação, passa, em geral, por parte da filosofia, necessariamente solidária a todas as outras disciplinas filosóficas e que comportam, em consequência, uma tomada de posição metafísica. (PIAGET, 1973, p. 32)

Podemos observar, portanto, que, com a análise de casos no âmbito da Psicologia Genética, no que concerne às questões de fato sobre o conhecimento humano, os estudos de Epistemologia Genética deixam, por um lado, o isolamento das ideias metafísicas para assumirem uma perspectiva com um certo controle. Por outro lado, a partir dos resultados da Psicologia Genética, o epistemólogo genético pode se posicionar frente às questões de princípios da Filosofia, podendo trazer contribuições às questões clássicas da Epistemologia e da Teoria do Conhecimento³⁰.

³⁰ De uma lista extensa de obras produzidas por Piaget e sua equipe no Centro Internacional de Epistemologia Genética, encontramos, em sua maioria, obras com destacados “sabores” científicos e epistemológicos: *A Causalidade Física na Criança* (1927), *O Desenvolvimento das Quantidades Físicas na Criança: Conservação e Atomismo* (1941), *A Gênese do Número na Criança* (1941), *Classes Relações e Números* (1942), *O Desenvolvimento da Noção de Tempo na Criança* (1946), *A Noção de Movimento e Velocidade na Criança* (1946), *A Geometria Espontânea na Criança* (1948), *A Representação do Espaço na Criança* (1948), *A Gênese*

Observemos que Piaget, de espírito científico, não poderia se limitar aos métodos especulativos da filosofia tradicional que, embora pudessem trazer fecundas visões heurísticas em relação ao conhecimento, inclusive na elaboração de hipóteses e de reflexões sobre os conceitos e métodos de uma ciência, carecia de verificação empírica, propiciadas pelos métodos da Biologia e da Psicologia. Nesse sentido, noz diz o autor:

[...] a primeira razão da minha nascente desafeição a respeito dos métodos tradicionais da filosofia resultou do conflito, primeiro sentido em mim mesmo, entre os hábitos de verificação, próprios do biólogo e do psicólogo e a reflexão especulativa que me tentava sem cessar, mas cuja impossibilidade de submetê-la a um controle eu percebia cada vez mais claramente [...] (PIAGET, 1983b, p. 76)

Nesse sentido, a Filosofia é vista por Piaget não como um conhecimento científico, decorrente de um método de controle empírico, mas um saber crítico, uma *sabedoria*. Sobre isso, escreve:

[...] a filosofia, de acordo com o grande nome que recebeu, constitui uma “sabedoria” indispensável aos seres racionais para coordenar as diversas atividades do homem, mas que não atinge um saber propriamente dito, provido das garantias e dos modos de controle que caracterizam o que se denomina “conhecimento”. (PIAGET, 1975, p. 193)

Ao assumir tal atitude metodológica, em busca de uma epistemologia com “os pés fincados” na verificação empírica sem, no entanto, desvincular “a cabeça” das especulações filosóficas, Piaget não nega o alto valor da Filosofia. Segundo ele, como já citamos: “[...] deve-se mesmo reconhecer que todo homem que não passou por ela [a Filosofia] é incuravelmente incompleto”. (PIAGET, 1983b, p. 68)

Tal posição metodológica faz com que muitas vezes Piaget seja mal compreendido e receba o título de “positivista” e, também, de “psicologista”.

Quanto ao título de “positivista”, escreve Piaget, na introdução de *A Epistemologia Genética*: “Em poucas palavras se encontrará nestas páginas a exposição de uma epistemologia que é naturalista sem ser positivista [...]” (PIAGET, 1983a, p. 5). A posição de Piaget em relação ao positivismo fica mais evidente em uma das passagens de sua obra

da Ideia de Acaso na Criança (1951), *A Gênese das Estruturas Lógicas Elementares* (1959), *Epistemologia do Espaço* (1964), *Epistemologia do Tempo* (1966), *Epistemologia e Psicologia da Função* (1968), *Epistemologia e Psicologia da Identidade* (1968), *As Teorias da Causalidade* (1971), *As Explicações Causais* (1971), *A Formação da Noção de Força* (1973), *A Composição das Forças e os Problemas dos Vetores* (1973), *Investigações sobre a Contradição* (1974), *Investigações sobre a Generalização* (1978), *Investigações sobre as Correspondências* (1980), entre outras obras não menos importantes, cujos muitos dos resultados científicos obtidos são, como já frisamos, retomados e discutidos por Piaget frente às ideias já presentes na tradição da História da Filosofia. Infelizmente tais obras são, ainda, pouco conhecidas do meio filosófico.

Sabedoria e Ilusões da Filosofia em que ele descreve um diálogo seu com o filósofo I. Benrubi, o qual o classificou de “positivista”. Sobre isso, escreve: “O filósofo I. Benrubi escreveu uma espécie de relatório de conjunto sobre as correntes filosóficas de língua francesa e deu-me a honra de citar meu nome, sem discussão, mas classificando-me entre os positivistas” (PIAGET, 1983b, p. 80).

Relata Piaget que na ocasião de sua conversa com o referido filósofo, procurou argumentar que se o positivismo é uma certa forma de epistemologia que ignora ou subestima a atividade do sujeito a favor apenas da constatação ou da generalização das leis constatadas, então ele não pode ser compreendido como “positivista”, pois, como ele escreve:

[...] tudo o que encontro mostra-me o papel das atividades do sujeito e a necessidade racional da explicação causal. Sinto-me bem mais próximo de Kant ou de Brunschvicg que de Comte, e próximo de Meyerson que opôs ao positivismo argumentos que verifico sem cessar (posta à parte a identificação). (PIAGET, 1983b, p. 80)

Sobre esta passagem, comenta Ramozzi-Chiarottino,

Apesar desta e de tantas outras colocações autobiográficas, Piaget tem sido classificado por muitos como “positivista”, provavelmente por ter vinculado o problema do conhecimento à observação dos fatos e ao mesmo tempo à Epistemologia. Entretanto, como ele mesmo disse repetidas vezes, nada há em seu sistema de ‘positivo’ a não ser o ocupar-se de fatos positivos que, não obstante, refutam o Positivismo enquanto forma de epistemologia que ignora ou substitui a atividade do sujeito em benefício apenas da constatação ou da generalização de leis constatadas. (RAMOZZI-CHIAROTTINO, 1984, p. 29)

Piaget é, também, mal intitulado de “psicologista” pelo fato de ele, no exercício da Epistemologia Genética, recorrer à análise empírica da psicologia do sujeito. Para compreendermos o papel da Psicologia no interior das abordagens teóricas e empíricas piagetianas, cabe ressaltar o seu papel metodológico. Escreve Lourenço que

Piaget vira-se para a psicologia, porque era a disciplina que melhor poderia estabelecer a ligação entre a biologia e a epistemologia, as suas preocupações fundamentais – é uma ciência que, tendo suas raízes na biologia, desemboca na inteligência e nas formas cognitivas em que assenta toda a construção do conhecimento possível. (LOURENÇO, 2008, p. 247-248)

Notemos que, segundo Piaget, “[...] se esse gênero de análise [a Epistemologia Genética] comporta uma parte essencial de experimentação psicológica, de modo algum

significa, por essa razão, um esforço de pura psicologia” (PIAGET, 1978, p. 4). Nesse sentido, Furth, em *Piaget e o Conhecimento*, comenta que

[...] Piaget estudou aquilo que é geral ou generalizável na estrutura cognitiva de um indivíduo; o objeto de sua investigação, como ele afirma, é o homem como conhecedor em geral, ao invés de um conhecedor singular, com uma individualidade singular. (FURTH, 1974, p. 33)

Assim, em linhas gerais, a Epistemologia Genética visa ao sujeito epistêmico e não apenas ao sujeito psicológico, pois ela não se confunde e não se reduz à Psicologia Genética. Escreve Piaget que “O sujeito epistêmico (por oposição ao sujeito psicológico) é o que é comum a todos os sujeitos, uma vez que as coordenações gerais de ações têm um universal que é a própria organização biológica” (BETH; PIAGET, 1961, p 304-305, tradução nossa)³¹. Nesse sentido, a Epistemologia Genética volta-se, de um modo mais amplo e abstrato, para o sujeito do conhecimento, chamado aqui, como dissemos, de sujeito epistêmico e a Psicologia Genética esta estuda o sujeito psicológico, o indivíduo, e procura fazer ciência sobre o que há de comum tais indivíduos ou sujeitos.

Um dos conhecimentos científicos que ocuparam Piaget durante sua vida, foi o conhecimento lógico-matemático, o que nos leva ao assunto da próxima seção.

3. O Ensaio de Lógica Operatória no contexto da Epistemologia Genética

Situamos, nesta seção, o *Ensaio* no contexto da Epistemologia Genética, apresentamos as ideias centrais discutidas nessa obra e porque essa obra surgiu de uma segunda edição do *Tratado*.

No *Ensaio*, Piaget escreve que, em 1947, dirigiram-se a ele para que escrevesse um tratado de Lógica e que, embora houvesse estudiosos mais qualificados para escrevê-lo, eles se recusaram a fazê-lo. Piaget aceitou, então, tal empreendimento, também, devido, principalmente, às necessidades crescentes da Epistemologia Genética, necessidades assim apresentadas por ele no *Ensaio*:

[...] o problema geral formulado pela epistemologia genética sendo o de procurar descobrir a natureza dos conhecimentos em função de seus mecanismos formadores, é evidente que deveríamos incluir neste programa a análise da constituição das estruturas lógicas. (PIAGET, 1976, p. XVI)

³¹ “Le sujet épistémique (par opposition au sujet psychologique) est ce qu'il y a de commun à tous les sujet, puisque les coordinations générales des actions comportent un universel qui est celui de l'organisation biologique elle-même”.

Embora Piaget já tivesse publicado em 1942 um pequeno trabalho sobre “Classes, relações e números”, que continha um princípio de análise lógica da constituição destas estruturas, quando ele foi procurado para escrever um tratado, esta foi a oportunidade que encontrou para apresentar suas ideias sobre tais estruturas de um modo mais completo e em um espaço mais amplo. Diante deste contexto, a obra recebeu, então, inicialmente, na sua primeira edição, o nome de *Tratado de Lógica Operatória: ensaio de logística operatória*, publicado em 1949.

Porém, o resultado de tal empreendimento não foi propriamente um tratado de lógica. O próprio Piaget (1976, p. XVI) nos diz que a sua obra foi mal intitulada por ele mesmo de *Tratado* e que sua verdadeira intenção, como ressalta, era o que já estava enunciado no subtítulo do *Tratado*: a realização de um ensaio de logística operatória.

As repercussões do *Tratado*, entre os especialistas, foram de duas espécies, observa o próprio autor (1976, p. XVI). Um grupo considerou legítimo o propósito de procurar as raízes das estruturas lógicas nas operações do pensamento do sujeito, mas identificou problemas na formalização de algumas estruturas. O outro grupo, ao contrário, não aceitou a legitimidade do *Tratado*, entendendo que este trazia um tipo de psicologismo em lógica, e, também, criticou a pouca formalização presente na obra.

Diante da crítica dos especialistas, Piaget publicou uma segunda edição do *Tratado*, mas agora sob uma nova designação: *Ensaio de Lógica Operatória*, publicado em 1972. No *Ensaio*, ele recebeu ajuda do lógico Jean-Blaise Grize, que o auxiliou na formalização, apesar de deixar em aberto a questão da formalização das estruturas de agrupamento³² e outros

³² Segundo Grize (PIAGET, 1976, p. 90, nota 6) “A estrutura de agrupamento, que Jean Piaget introduziu em 1941, revelou-se difícil de ser formalizada completamente. As tentativas feitas, até hoje, são ainda pouco satisfatórias, no sentido de que todas comprometem, de uma maneira ou de outra, o pensamento de Piaget”. Piaget na Introdução ao *Ensaio* nos dá algumas indicações de que o problema da formalização da estrutura de agrupamento se deve, principalmente, à natureza de tal estrutura, isto é, devido esta estrutura permanecer muito mais arraigada ao conteúdo psicológico que, propriamente, às estruturas lógico-matemáticas. Segundo o autor “As dificuldades encontradas no que concerne ao agrupamento podem, pois, ser interpretadas como uma razão a mais para considerar esta estrutura como bastante elementar, donde, simultaneamente, sua pouca mobilidade (o que privada generalidade própria às estruturas de nível superior que interessam ao lógico clássico e ao matemático) e sua resistência à formalização” (PIAGET, 1976, p. XIX). Entretanto é “[...] interessante estudar tal estrutura e precisamente por causa de suas próprias lacunas, já que ela constitui um termo de passagem, bastante estável e muito frequentemente, entre as operações do pensamento natural e as que o lógico formaliza” (PIAGET, 1976, p. XIX). Nesse sentido, a natureza das estruturas de agrupamento nos dá “[...] primeiro, uma confirmação do fato de que a formalização constitui um processo e não uma situação adquirida independentemente dos níveis considerados. Em segundo lugar, isso parece confirmar que, quanto mais uma estrutura permanece próxima de seu conteúdo, menos fácil torna-se sua formalização” (PIAGET, 1976, p. XVIII). Veremos na Seção 1 do Capítulo II que para o autor o conteúdo e a forma tem uma relação de dependência mútua e hierárquica, tal que um certo conteúdo pode ser forma em uma situação e vice-versa.

problemas remanescentes que não trataremos aqui. Sobre essa segunda edição, observa Piaget:

Tal ensaio foi recebido pelos especialistas com sentimentos mistos, o que obriga, de um lado, a justificar por que alguns dentre eles consideram-no importante o suficiente para solicitar o aparecimento de uma segunda edição e, por outro lado, por que o lógico J. B. Grize, que se encarregou desta reedição, demonstrou sua dedicação e sua amizade aceitando até mesmo o ingrato trabalho de revisar sua apresentação. (PIAGET, 1976, p. XV)

Lembremos que o termo “ensaio” (Dicionário Aurélio) vem do francês *essai* e quer dizer “[...] um estudo sobre determinado assunto, porém menos aprofundado e/ou menor que um tratado formal e acabado”.³³ Piaget, no *Ensaio*, além de expor suas reflexões sobre questões amplas da *Lógica*, expôs, de modo didático e parcialmente formal, as principais definições e noções relativas a este domínio de estudo.

Entendemos que no *Ensaio*, Piaget não se propõe a escrever um tratado, pois, um tratado pressupõe um estudo completo de um determinado assunto, o que não condiz com sua visão sobre o conhecimento. Como pudemos notar, na seção anterior, o conhecimento, para ele, é um conhecimento-processo e, em particular, como veremos em detalhes na Seção 1 do Capítulo II, a Lógica é vista, assim como a Epistemologia Genética na Seção 2 deste capítulo, como uma espécie de “pátio em construção”, pois

A formalização não termina por cima, já que não existe (ou ainda não existe) lógica geral; ela é *a fortiori* incompleta por baixo, já que as operações elementares originam-se de ações psicológicas exercidas sobre os objetos concretos, e que se deve cortar, pela raiz, a “forma” de seu “conteúdo” vivo e diverso. (PIAGET, 1976, p. 21, grifo do autor)

O *Ensaio* constitui, assim, a visão do autor sobre o que é a Lógica, seu objeto e seu método de análise. Essa visão ampla da Lógica envolve uma discussão de princípios realizada na Introdução da obra. No corpo do *Ensaio*, o autor expõe as estruturas lógicas encontradas por ele em suas investigações empíricas, bem como suas formalizações e o modo como elas se relacionam. A apresentação destas estruturas obedece a divisão às vezes utilizada nas disciplinas da Lógica, pois na Primeira Parte ele faz um estudo das “operações intraproposicionais” e na Segunda Parte das “operações interproposicionais”.

A discussão sobre os princípios da Lógica nos interessa diretamente aqui, pois, entender como, no contexto da Epistemologia Genética, o sujeito usa e se torna capaz de usar funções proposicionais, objeto de nossa investigação na presente Dissertação, pressupõe um

³³*Novo Dicionário Aurélio da Língua Portuguesa*. Rio de Janeiro: Nova Fronteira, p. 659, 1986.

posicionamento filosófico sobre a Lógica e uma discussão sobre seu estatuto em relação às demais ciências, por exemplo, a Psicologia.

Decidimos, então, apresentar os propósitos gerais do *Ensaio* seguindo, inicialmente, sua ordem de exposição, mostrando as discussões realizadas na Introdução e, em linhas gerais, como que as divisões realizadas no interior da obra se articulam como um todo.

Como dissemos, o *Ensaio* é uma reedição do *Tratado* e surgiu, assim como este, da necessidade de se compreender a relação entre as formas lógicas e as operações elementares realizadas por um sujeito do conhecimento. O autor compreende, nesse sentido, as formas lógicas a partir de um sujeito que estrutura e conhece a realidade, o sujeito epistêmico.

O interesse pelas estruturas deste sujeito epistêmico motivou a formulação da questão central da obra, assim apresentada:

O problema que deu origem a este ensaio, é, pois, o de compreender como se constituem as estruturas elementares de classes, de relações, de números, de proposições, etc., formalizadas com toda independência e autonomia pelo lógico e de procurar quais são suas relações com as “operações” do pensamento “natural”, muito mais pobre e não formalizado. (PIAGET, 1976, p. XV)

Embora se possa dizer que o problema é irrelevante para determinados contextos de análises, como uma análise em Lógica Matemática, por exemplo, em última instância, Piaget (1976, p. XV) nos chama a atenção para um interesse mais amplo de análise, a análise Epistemológica. Nesse sentido, como nos indica o autor, assim como a aritmética dos matemáticos saiu dos números “naturais” antes de ser exposta por qualquer teoria formalizada e, também, assim como Aristóteles extraiu sua silogística do pensamento comum, a partir de uma reflexão da linguagem usual, não podemos negar que as estruturas lógico-matemáticas, formalizadas com toda independência e autonomia pelo lógico, têm alguma relação com as “operações” do pensamento “natural”, muito mais pobre e não formalizado.

Notemos, então, que o *Ensaio* surge da necessidade de compreender o processo de formalização das estruturas lógicas mais elementares, pois, como já citamos na Introdução, “A ideia central é a de que a formalização não é um estado, mas um processo, e que ela se apoia, conseqüentemente, em estruturas que se elaboram segundo níveis”. (PIAGET, 1976, p. XVII). Nesse sentido, dizer que a formalização não é um estado, é compreendê-la como uma construção formal das operações realizáveis pelo sujeito, não uma formalização das estruturas prontas e acabadas, existentes em um mundo platônico, mas uma formalização que é extraída do conteúdo vivo e histórico do sujeito.

Desse modo, segundo Piaget (1976, p. 3), um bom método para compreender como tais estruturas se relacionam entre si, segundo níveis, seria compreender as etapas da própria formalização, isto é, como que as estruturas lógicas se ordenam das bases aos patamares superiores da hierarquia das estruturas do sujeito epistêmico. Sobre isso, diz o autor:

[...] podemos nos perguntar [...] se o melhor método para atingir o formal em seus aspectos mais significativos não seria o de seguir as etapas da própria formalização lógica: tratar-se-ia, portanto, de partir do chão para chegar ao teto (o que evita, entre outras coisas, a necessidade de postular a unicidade deste teto), em vez de pendurar os andares inferiores nos patamares superiores da construção. (PIAGET, 1976, p. 3)

Notemos que até meados da década de 40 essas ideias de Piaget não haviam sido expressamente publicadas em um espaço amplo. Embora ele já tivesse publicado o *Nascimento da Inteligência na Criança*, que data de 1936, *A Construção do Real na Criança* em 1937 e *A Formação do Símbolo na Criança* em 1945, obras consideradas fundamentais, entre outras não menos importantes, para a compreensão dos primórdios da construção do funcionamento e das estruturas da inteligência, ele ainda não havia publicado um estudo sobre as estruturas lógico-matemáticas. Como já indicamos, apenas em 1942 (portanto, sete anos antes do *Tratado*), consta um pequeno trabalho intitulado *Classes Relações e Números* que, segundo ele (1976, p. XV), já continha um princípio de análise lógica da constituição destas estruturas.

Piaget inicia a Introdução do *Ensaio* reconhecendo a Lógica como um domínio de estudo que conquistou a posição de uma ciência propriamente dita e autônoma.

Reconhece-se hoje a validade de um axioma ou de um teorema de lógica, independente das ideias que se possam ter sobre esta mesma lógica formal considerada como disciplina geral. Tal fato indica que a lógica conquistou a posição de ciência propriamente dita, graças aos métodos precisos que substituíram os procedimentos simplesmente reflexivos e verbais da lógica clássica. (PIAGET, 1976, p. 1)

Sobre a tendência da Lógica em ser “pura” ou ainda “exclusivamente formal”, em oposição aos procedimentos verbais da Lógica Clássica, diz-nos, ainda, o autor “Que a lógica moderna tenha tendência a ser ‘pura’, quer dizer, exclusivamente formal, todos concordam sem dificuldade” (PIAGET, 1976, p. 3). No entanto, como observa Piaget (1976, p. 1), o consenso deixa de ser geral quando a discussão recai sobre as posições de princípio mais gerais assumidas sobre a Lógica e, portanto, ao se escrever um ensaio de Lógica é necessário

discutir e delimitar, já no início, os pontos a serem abordados no que se refere a tomada de posições sobre os princípios da Lógica. Sobre isso, escreve:

Mas, como no caso de todas as ciências, inclusive das ciências dedutivas, o consenso deixa de ser geral quando se trata da significação a ser atribuída aos princípios, ou mesmo do objetivo a ser atingido e dos métodos a serem seguidos. Eis por que, paradoxalmente, é necessário declarar de que se vai falar quando se empreende a tarefa de escrever um *Ensaio de Lógica*, e é indispensável delimitar os métodos que se pretende usar. (PIAGET, 1976, p. 1)

Piaget (1976, p. 1) nos diz que haveria boas razões para inverter essa ordem de apresentação do *Ensaio*: ao invés de começar expondo primeiramente os princípios e depois os resultados, poder-se-ia começar com os resultados e terminar por uma discussão de princípios. Mas, como escreve o autor, “[...] uma Introdução é sobretudo uma tomada de posição com referência aos trabalhos dos predecessores dos quais se é devedor, mesmo quanto aos pontos de divergência, é essencial insistir no fato de que a interpretação dos princípios da lógica pertence aos próprio lógicos”. (PIAGET, 1976, p. 1)

Piaget realiza, então, na Introdução ao *Ensaio* uma discussão dos princípios da Lógica, abordando os seguintes pontos: (a) objeto da Lógica; (b) a relação da Lógica com a Psicologia e a Sociologia; (c) as fronteiras entre a Lógica e a Matemática; e (d) a definição e os métodos da Lógica. Para nossos interesses, na presente Dissertação, tratamos, no Capítulo II, dos itens (a), (b) e parte do item (d).

Capítulo II

Questões e discussões de princípios presentes no *Ensaio*

Neste capítulo, na Seção 1, apresentamos algumas das discussões de princípio acerca do objeto e da definição da Lógica Operatória, realizadas por Piaget no *Ensaio*. Fazemos, também, na Seção 2, uma breve caracterização do psicologismo em Lógica a partir de um ponto de vista piagetiano para, então, apresentar, na Seção 3, uma discussão, decorrente da repercussão do *Tratado*, entre Piaget e o lógico Evert W. Beth (1908 - 1964) sobre a existência de um possível psicologismo.

1. Objeto e definição da Lógica Operatória

Introduzindo a discussão sobre o objeto da Lógica no *Ensaio*, Piaget parte de um ponto que é, segundo ele, consenso entre os lógicos, sejam eles de origem platônica, nominalista ou fisicalista: o objeto da Lógica são enunciados suscetíveis de verdade ou de falsidade.

Há um ponto sobre o qual todos os lógicos estão de acordo, seja qual for a escola a que pertençam: é que a análise lógica trata de certos enunciados suscetíveis de verdade ou de falsidade, ou, dito de outra maneira, que o objeto da lógica refere-se ao verdadeiro e ao falso. (PIAGET, 1976, p. 3)

Portanto, segundo ele, em uma primeira aproximação, poder-se-ia definir a lógica como “[...] o estudo do conhecimento verdadeiro, considerado em suas formas mais gerais” (PIAGET, 1976, p. 3).

Mas, podemos nos perguntar: as outras ciências não têm, também, como objeto de estudo o conhecimento verdadeiro, procurando distingui-lo do conhecimento falso na sua investigação? Nesse sentido, será que o objeto da Lógica é o mesmo que o das outras ciências?

Como Piaget considera o estudo dos diversos tipos de conhecimentos científicos reservado à Epistemologia, o autor faz um breve paralelo entre o estudo realizado pela Epistemologia e o realizado pela Lógica para compreendermos que tipo de conhecimento verdadeiro é o objeto de cada uma delas.

Piaget nos diz que se pode estudar o conhecimento verdadeiro sob perspectivas distintas. Tal perspectiva se dá de acordo com o recorte do objeto para efeito de estudo. Por conseguinte, escreve ele que

Pode-se, com efeito, estudar o conhecimento seja a título de relação entre o sujeito e o objeto, seja a título de forma pura, quer dizer, referindo-se exclusivamente [...] a certas atividades do sujeito que implicam a distinção do verdadeiro e do falso. (PIAGET, 1976, p. 4)

Desse modo, tanto a Epistemologia quanto a Lógica, têm como objeto o conhecimento verdadeiro, mas o analisam distintamente. A primeira estuda o conhecimento científico sob a perspectiva de um sujeito situado no mundo e que interage com os objetos que estão ao seu redor; e a segunda é um estudo das atividades internas realizadas pelo sujeito, não qualquer atividade interna, mas as atividades que o sujeito realiza sobre certos enunciados suscetíveis de verdade ou de falsidade.

Os enunciados, suscetíveis de verdade ou falsidade, de que trata a Lógica, são designados, por Piaget, de proposições, sendo assim definidas no corpo do *Ensaio*:

Definição I. – Chamaremos de “proposição” p , q , r , etc., os enunciados categóricos, verdadeiros ou falsos e afirmativos (positivos) ou negativos. (PIAGET, 1976, p. 33)³⁴

Enunciados categóricos são os que podem ser verdadeiros ou falsos, excluindo-se, com isso, os demais enunciados, como os imperativos e os optativos, por exemplo, os quais não podem ser considerados com os mesmos valores que atribuímos aos enunciados categóricos. Temos, assim, que Piaget está considerando o estudo da lógica bivalente, na qual, cada proposição recebe um de dois valores: o de veracidade ou o de falsidade.

Além dos valores de veracidade ou de falsidade que uma proposição pode receber em uma lógica bivalente, temos que uma proposição, segundo a definição proposta, pode ser positiva ou negativa; por exemplo, “Este cravo é vermelho” é uma proposição positiva e “Este cravo não é vermelho” é uma proposição negativa. Piaget expressa as proposições positivas por p e as negativa por \bar{p} . Positiva ou negativa, as proposições podem ser ou verdadeiras ou falsas, isto é, “Este cravo é vermelho” pode ser verdadeiro ou falso, bem como o pode ser “Este cravo não é vermelho”.

As proposições podem ser encontradas isoladamente ou em conjunto, sendo que, neste último caso, sequências de proposições podem expressar um raciocínio lógico conhecido como argumento. Com efeito, consideremos o exemplo simples de argumento que pode ser

³⁴ Notemos, ademais, que a proposição é apresentada como uma expressão ao ser definida como um enunciado. No entanto, alguns manuais de lógica convencionam chamar de proposição não a expressão propriamente dita, mas o sentido da expressão; com efeito, “Este cravo é vermelho” e “Vermelho é este cravo”, por exemplo, seriam, segundo esta concepção, dois enunciados para uma mesma proposição e não duas proposições distintas como podemos entrever da definição de Piaget.

tratado em Lógica, expresso pela sequência de proposições: “Se o gato mia alto, então ele tem fome”, “O gato mia alto”, logo “O gato tem fome”. Notemos que se aceitarmos as duas primeiras proposições do argumento como verdadeiras, então a verdade da terceira decorre necessariamente das outras. Este argumento, que foi dado a título de exemplo, é um caso particular da regra de inferência conhecida, em Lógica, como *modus ponens*, assim expressa simbolicamente: $A \rightarrow B, A \vdash B$.

Neste e em outros casos semelhantes, notemos que, na relação entre proposições, o lógico não está interessado na determinação da verdade ou da falsidade das proposições, assim como se faz nas ciências empíricas. Em linhas gerais, o cientista elabora proposições de modo hipotético e procura verificar, empiricamente, se a sua hipótese corresponde aos fenômenos observados. Os resultados das observações apenas sustentam a hipótese e não a demonstram definitivamente. Já ao lógico interessa, por exemplo, se a conclusão segue necessariamente das premissas aceitas previamente, isto é: se as premissas são verdadeiras, então a conclusão segue necessariamente delas? Sobre o interesse particular da Lógica, escreve Piaget que o problema lógico trata “[...] apenas da validade interna dos sistemas de proposições, isto é, da maneira pela qual uma proposição arrasta ou exclui outras”. (PIAGET, 1976, p. 5)

Voltando ao exemplo supracitado, se nos perguntarmos sobre a veracidade das proposições, então a proposição “Se o gato mia alto, então ele tem fome” é falsa, pois sabemos que não é toda vez que se um gato mia alto, então ele tem fome: ele pode miar para exigir a presença do dono, por exemplo. Porém, em Lógica, como dissemos, simplesmente se assume que a proposição é verdadeira ou falsa para, então, se realizar as inferências necessárias, independentemente de sua veracidade empírica. O “se” é, assim, uma condicional que expressa a “libertação” da Lógica do objeto da realidade.

Essa libertação da Lógica, bem como sua preocupação com as inferências, permite-nos compreender, de um modo amplo, porque Piaget define a Lógica, como já citado, em primeira aproximação, como “[...] o estudo do conhecimento verdadeiro, considerado em suas formas mais gerais”. (PIAGET, 1976, p. 3)

A partir daí Piaget convencionou “[...] chamar de *epistemologia* ao estudo do conhecimento enquanto relação entre o sujeito e o objeto, e reservar o termo de *lógica* para a análise formal do conhecimento” (PIAGET, 1976, p. 4, grifo do autor). Sobre isso, ainda nos diz o autor que a Lógica “[...] estuda simplesmente o modo pelo qual os dados são enunciados

por proposições e como estas se encadeiam entre elas: trata, portanto, de um domínio que permanece interior à atividade do sujeito”. (PIAGET, 1976, p. 5)

Se o interesse da Lógica é por uma análise formal do conhecimento, segundo Piaget (1976, p. 7), convém que determinemos em que consiste essa *forma*, quer dizer, do que ela é a forma.

A noção de forma nos remete a uma noção correlata, a de conteúdo, pois se ela é forma o é de alguma coisa. No § 2 do *Capítulo I do Ensaio*, o autor define forma e conteúdo nos seguintes termos:

Definição 4. – O “conteúdo” de uma ligação operatória é constituído pelos dados, ou os termos que os podem substituir, enquanto a “forma” é o que permanece imutável no decurso de tais substituições. (PIAGET, 1976, p. 37-38)

Um dos exemplos dados por Piaget (1976, p. 37) é o seguinte: a “construção” $(p \supset q)$. $(q \supset r) \rightarrow (p \supset r)$. Neste exemplo, o símbolo “ \supset ” expressa uma implicação entre proposições individuais designadas por ele de p , q e r , já o símbolo “ \rightarrow ” também expressa uma implicação não entre proposições individuais, mas relacionado a uma sequência de proposições, isto é, as proposições antecedentes $(p \supset q)$ e $(q \supset r)$ e as consequentes $(p \supset r)$, ou seja, é uma implicação associada a um argumento e não entre proposições individuais. O primeiro tipo de implicação é designado de *implicação material* e o segundo de *implicação formal*, pois elas desempenham o papel de conteúdo e forma respectivamente. Em outras palavras, a implicação formal é uma construção mais geral que permanece imutável conforme a substituição das proposições individuais no seu interior. Poderíamos substituir as proposições p , q e r por a , b e c que a validade da implicação formal permaneceria a mesma. Ou seja, em ambos os casos, com p , q e r ou com a , b , c : “se os antecedentes são considerados verdadeiros, então a conclusão tem que ser considerada verdadeira”.

Mas, a mesma implicação material $p \supset q$, que é conteúdo nesse caso, pode não o ser em outros casos como o que ocorre no exemplo $p_1 \supset q_1$, em que p e q foram substituídas por p_1 e q_1 . Nesse sentido, $p \supset q$ expressa a forma de uma implicação. Nota Piaget que “[...] tal implicação material particular permanecerá conteúdo enquanto ela desempenhar o papel de dado, mas ela assumirá o nível de forma pelo fato de que se pode construí-la”. (PIAGET, 1976, p. 37)

Por sua vez, as proposições específicas como p e q , por exemplo, podem ser uma construção de elementos mais simples. A forma proposicional p pode significar “ x é um A ” e q significar “ x é um B ”, por exemplo, tal que A e B expressem duas classes em que A está incluído em B ($A \subseteq B$), pois se x pertence a A , então x pertence a B , logo A está incluído em B . Neste caso, temos, então, que a implicação material $p \supset q$ não é mais conteúdo, mas exprime a relação que existe entre um elemento x pertencer a A e o mesmo elemento x pertencer a B , indicando a inclusão de A em B . A implicação $p \supset q$ será, portanto, forma com relação a um conteúdo de nível inferior, indicados, aqui, pela pertinência de x a A e de x a B .

Essa sequência de exemplos nos ajuda a entender que a ligação entre conteúdo e forma constitui uma dependência mútua e hierárquica. É “dependência mútua”, pois forma e conteúdo são correlativas. Nesse sentido, escreve Piaget que “[...] a forma e o conteúdo lógicos das ligações operatórias são relativos um ao outro e, por conseguinte, indissociáveis” (PIAGET, 1976, p. 38). É “hierárquica”, pois uma forma de nível inferior pode ser conteúdo de uma forma de nível superior e assim sucessivamente.

Cada uma dessas ligações de dependências mútuas e hierárquicas, passíveis de desempenhar concomitantemente o papel de forma e conteúdo, é designada por Piaget de *estrutura*, sendo assim definida:

Definição 5. – Chamaremos de “*estrutura*” toda ligação lógica suscetível de desempenhar, alternativa ou simultaneamente, o papel de forma e de conteúdo. (PIAGET, 1976, p. 38)

Há termos, porém, que desempenham, segundo o autor, apenas o papel de conteúdo; Piaget chama estes termos de *conteúdos extralógicos*, o qual é definido do seguinte modo:

Definição 6. – Chamaremos de “*conteúdo extralógico*” os termos que só podem desempenhar o papel de conteúdos. (PIAGET, 1976, p. 38)

Mas, poderíamos nos perguntar: que termos são esses que desempenham apenas o papel de conteúdo? Existem conteúdos que permaneçam sempre conteúdos e dos quais não se podem determinar formas? Se existem tais conteúdos, então seriam eles a correspondência da Lógica com a realidade física ou psicológica?

Diz-nos Piaget que, na perspectiva da hierarquia das estruturas, “[...] os qualitativos de dado ou extralógico não significam, de modo algum, que se atinjam assim os próprios

elementos primeiros, seja do ponto de vista físico ou psicológico, seja do ponto de vista lógico” (PIAGET, 1976, p. 44). O conteúdo extralógico recebe essa designação, pois é o que não foi formalizado ainda. Sua não formalização não indica que ele seja o conteúdo mais elementar e impossível de formalização na hierarquia das estruturas, mas que são suscetíveis de se encontrar formalizações posteriores, podendo ocorrer que sejam encontradas novas formalizações no dado, considerado extralógico. Com base em um exemplo citado pelo autor (cf. 1976, p. 44) ilustremos a noção de conteúdo extralógico: imaginemos que sejam encontradas pedras vermelhas púrpuras na natureza, perfazendo um modelo de pedra nunca antes vista, sendo que tal pedra tenha sido cunhada de “pedra única”. Mas que, depois de algumas análises laboratoriais, sejam encontradas pequenas diferenças entre essas pedras como, por exemplo, padrões geométricos, refração da luz e densidade. Cada uma das pedras, que perfaziam o modelo da “pedra única” e que inicialmente pareceriam ser idênticas, passa, então, a receber nomes individuais segundo um padrão de classificação mais detalhado, resultando uma nova classificação. Este exemplo ilustra que, assim como a “pedra única”, o conteúdo extralógico é, também, assumido como dado enquanto não se encontram novas construções que o tornem suscetível de classificações mais minuciosas ou de formalizações.

Nesse sentido, segundo Piaget (1976, p. 20), é difícil saber qual operação elementar interessa mais à dedução lógica. Como observamos acima, o conteúdo extralógico não é definitivo, pois se pode formalizá-lo a partir da fixação de novos caracteres formais conforme a decomposição dos conteúdos em dados mais elementares. Isso ocorre, segundo o autor, pois os mais diversos tipos de relações são em número ilimitado, sendo difícil fixar qual relação é mais formal e de interesse da lógica e qual não é. Sobre isso, escreve o autor: “[...] os diversos tipos de relações sendo, sem dúvida, em número ilimitado, não se sabe onde fixar os limites de seus caracteres formais mais gerais, e é possível distinguir caracteres especiais cada vez mais diferenciados”. (PIAGET, 1976, p. 20)

O conteúdo extralógico não é, portanto, um conteúdo definitivamente dado, mas passível de futuras formalizações. Assim, escreve Piaget “[...] que o sistema das estruturas está, portanto, sempre aberto para baixo, quer dizer, suscetível de dar origem a análises ulteriores mais refinadas e a novas formalizações de conteúdos até então considerados como dados e extralógicos”. (PIAGET, 1976, p. 44)

Ora, se o sistema de estruturas é aberto por baixo seria ele, também, aberto por cima? Segundo Piaget, “[...] esse conjunto de operações [...] permanece, por sua vez, aberto, mas por baixo, pois não se sabe por antecipação a partir de que limite elas interessam à dedução”. (PIAGET, 1976, p. 20)

Em suma, cada estrutura é ao mesmo tempo forma, isto é, uma construção abstrata com referência aos dados inferiores, e conteúdo, que é um dado que se aplica à forma. Já os conteúdos extralógicos são dados não formalizados, mas que podem vir a sê-lo. Do ponto de vista da análise das atividades do sujeito epistêmico, a noção de formal, que caracteriza a Lógica, depende, assim, dessa relação mútua entre forma e conteúdo e da hierarquia das estruturas construída pelo sujeito.

Ora, se a Lógica, em primeira aproximação, é o estudo do conhecimento formal considerado em suas formas mais gerais e visto que o formal nos remete às estruturas lógicas, então a questão que fica é de saber qual é a natureza de tais estruturas, já que, aparentemente, elas não têm correspondência com a realidade empírica, visto que o conteúdo extralógico é sempre passível de formalização.

Seriam elas simples regras sintáticas, tal que cada estrutura se correlacionaria com outra conforme uma regra de composição de signos? Segundo esta concepção, conhecida como concepção nominalista, a Lógica seria um jogo de regras sintáticas reduzidas ao plano dos signos simplesmente e não teria uma correspondência semântica. Mas será que é possível mover ou operar sobre signos sem fazer referência a uma significação?

No entender de Piaget um signo implica sempre um correspondente semântico, pois

[...] mesmo reduzindo as formas lógicas ao nível de puros signos, há a considerar que um signo implica sempre uma significação e que o próprio jogo formal, independente de qualquer referência a seu conteúdo, é um sistema de significações distintas, já que implica valores verdadeiros e falsos (ou positivos e negativos). (PIAGET, 1976, p. 8)

O lógico, desse modo, quando trabalha com proposições, trabalha com o correspondente semântico de cada uma delas, que são os valores de veracidade ou de falsidade, seja nas ligações de composição, seja nas de decomposição das proposições. Tomemos o caso, por exemplo, da decomposição de simples proposições como a proposição “Este cachorro é animal”. É possível obter por decomposição os elementos “este cachorro” (sujeito) e “é animal” (o predicado). Podemos, então, substituir “este cachorro” por “este

vírus” e, neste caso, temos a proposição “Este vírus é animal”, que é, evidentemente, falsa. Portanto, a substituição no interior da proposição nos permite relacionar seus elementos e trabalhar com seus valores de verdade ou de falsidade.

Por outro lado, podemos realizar operações entre as proposições compondo assim proposições mais complexas. Em específico, proposições como “O gato está magro” e “O gato está doente” podem ser combinadas por uma conjunção “O gato está magro e doente”. Se atribuirmos todos os valores possíveis para estas proposições, em uma lógica bivalente, podemos, então, trabalhar com os valores verdadeiro e falso em todas as suas combinações possíveis. Isto resulta em uma combinação de valores de veracidade e de falsidade para a conjunção, tal que ela é verdadeira se, e somente se, a proposições “O gato está magro” e “O gato está doente” são ambas verdadeiras, pois a conjunção nos diz que ambas ocorrem ao mesmo tempo; em todos os outros casos de atribuição de valores a proposição será falsa. Notemos, assim, que no caso das operações entre proposições, compomos novas proposições a partir de proposições simples, de tal forma que podemos trabalhar com seus correspondentes valores de veracidade ou de falsidade.

Assim, através das operações realizadas sobre ligações no interior ou entre as proposições, podemos compô-las ou decompô-las, resultando em novas proposições. Ora, escreve Piaget que “Se chamamos de ‘operações’ às atividades intelectuais que compõem ou decompõem tais ligações, podemos então considerar as estruturas lógicas como exprimindo as operações do pensamento” (PIAGET, 1976, p. 9). Aqui o autor nos chama a atenção para a noção de *operação* e sua importância enquanto atividade que é realizada por um sujeito. A operação, em particular, é definida no § 4 do *Capítulo I do Ensaio*:

Definição 10. – Chamaremos de “operação” a transformação reversível de uma estrutura (definição 5) em uma outra, seja por modificação da “forma”, seja por substituição referente ao conteúdo. (PIAGET, 1976, p. 53)

Uma transformação reversível, como nos diz Piaget (1976, p. 15-14), é a possibilidade de desenvolver uma ação não apenas em um sentido, mas também no sentido contrário. Em outras palavras, é a possibilidade de coordenar uma ação *a*, que parte de um estado *A* e resulta o estado *B*, com uma ação *b*, que parte do estado *B* e resulta o estado *A*, de forma a anular a ação, resultando a inversa desta coordenação. Voltando ao exemplo da implicação formal e material, dada a implicação formal $(p \supset q) \cdot (q \supset r) \rightarrow (p \supset r)$, uma ação reversível é a

possibilidade de decompor esta implicação em proposições antecedentes ($p \supset q$) e ($q \supset r$) e consequentes ($p \supset r$) e realizar a ação inversa, de composição destas proposições para constituir novamente a implicação formal. A reversibilidade permite, assim, ao sujeito uma maior mobilidade em seu sistema de esquemas de ação, que deixa de oferecer apenas caminhos únicos, e é uma das condições necessárias para o pensamento operatório. Segundo o autor, “[...] é esta composição reversível que transforma as ações simples em operações propriamente ditas”. (PIAGET, 1976, p. 15-14)

Especialmente, podemos realizar dois tipos de transformações reversíveis: as de composição e de decomposição das proposições. Piaget as denomina, cada uma delas, de *Operações Interproposicionais* e *Operações Intraproposicionais*. Cada uma delas é definida pelo autor no §1 do *Capítulo I do Ensaio*, nos seguintes termos:

Definição 2. – Será chamada de “operação interproposicional” toda composição que permite construir, por meio de proposições quaisquer, p , q , r , das quais se conhecem apenas os valores de verdade ou de falsidade, outras proposições bem determinadas e caracterizadas respectivamente pelas diversas combinações possíveis destes únicos valores de verdade. (PIAGET, 1976, p. 32)

Definição 3. – Chamaremos de “intraproposicionais” as operações que permitem decompor uma proposição em elementos (esta decomposição podendo ser levada a graus variáveis), e construir novas proposições determinadas pelas transformações destes elementos; os valores verdadeiros e falsos das proposições assim engendradas resultam então das combinações entre os próprios elementos. (PIAGET, 1976, p. 33)

Vemos, portanto, que, seja no aspecto interproposicional seja no aspecto intraproposicional, a noção de operação aparece como uma noção que, segundo Piaget (1976, p. 10), se aplica a todos os elementos lógicos. Elas são “[...] duas categorias de operações cujo estudo divide toda a lógica”. (PIAGET, 1976, p. 31)

Nessa perspectiva, em vista do que vimos até agora, podemos compreender a segunda definição de Lógica, em nível mais aproximado, proposta por Piaget: “A lógica seria então, em segunda aproximação, a teoria formal das operações do pensamento” (PIAGET, 1976, p. 9), pois, ainda, segundo o autor é “[...] o conjunto das operações do pensamento que a lógica tem obrigação de formalizar, se pretende chegar a uma teoria exaustiva da coerência formal”. (PIAGET, 1976, p. 10)

Notemos, porém, que as operações do pensamento, objeto da Lógica, não são quaisquer operações intelectuais, mas são as operações realizadas de modo inferencial, isto é, de modo dedutivo sobre proposições. Nesse sentido, podemos dizer que as operações do pensamento que a Lógica estuda são as deduções realizadas sobre as proposições. Desse modo, o autor propõe a última definição de Lógica:

[...] podemos defini-la [a Lógica], numa terceira aproximação, como a teoria formal das operações dedutivas. (PIAGET, 1976, p. 19)

Do ponto de vista da hierarquia das estruturas podemos nos indagar até que grau de sucessão superior é possível alcançar? Isto é, até que ponto podemos fixar formas cada vez mais gerais ou obter a forma de todas as formas? Depreende destes questionamentos uma questão mais específica: haveria uma *lógica geral*? Para Piaget (1976, p. 20) até que não se demonstre a existência de uma lógica geral, isto é, de um sistema de inferências que abranjam todos os outros campos da lógica, a hierarquia das estruturas permanece aberta, pois, por cima.

Nesse sentido, as operações permanecem ilimitadas por cima da hierarquia, e, vimos também, que ela permanece aberta por baixo. Sobre essa dupla abertura, por cima e por baixo, ainda nos diz Piaget

A formalização não termina por cima, já que não existe (ou ainda não existe) lógica geral; ela é *a fortiori* incompleta por baixo, já que as operações elementares originam-se de ações psicológicas exercidas sobre os objetos concretos, e que se deve cortar, pela raiz, a “forma” de seu “conteúdo” vivo e diverso. (PIAGET, 1976, p. 21)

O fato de serem abertas por cima e por baixo indica que as estruturas lógicas não são, na visão do autor, estruturas fechadas e acabadas. Sempre é possível obter novas formalizações no interior da hierarquia das estruturas, pois a relação entre forma e conteúdo é relativa uma a outra e compõem, até que não se descubra uma lógica geral ou um conteúdo extralógico definitivo, uma construção sucessiva e ilimitada na hierarquia. Sobre isso, escreve Piaget “[...] que o “formal”, que caracteriza a lógica, não é uma qualidade dada [fechadas e acabadas], caracterizando um estado, mas a expressão de um processo ou de um movimento de formalização [semelhante a um organismo vivo]”. (PIAGET, 1976, p. 21)

Esse processo que caracteriza o “formal” e, inclusive, as estruturas, é mais bem compreendido quando se pressupõe que há um sujeito que conhece e realiza a ação de operar sobre elas. Nesse sentido, não seria demais afirmar que, para Piaget, as estruturas são como as de um “sistema vivo” que fazem parte da construção da realidade realizada pelo sujeito do conhecimento. E quando o lógico as estuda, busca nelas a formalização necessária para a compreensão das operações dedutivas que realizamos sobre as proposições. No entanto, tais formalizações “cortam”, como nos diz o autor na passagem supracitada, as operações formais do conteúdo vivo das ações psicológicas e físicas exercidas pelo sujeito sobre os objetos e são, com isso, fixadas e estagnadas para o estudo da Lógica. O lógico, assim, trata de fixar as estruturas como estáticas e se livra das influências externas dos conteúdos extralógicos para, então, formalizar as deduções necessárias. O recorte da realidade feito por ele se restringe às operações dedutivas realizadas sobre proposições.

Nesse sentido, escreve Piaget que “A definição de lógica, que acabamos de aceitar, designa, na realidade, apenas um ideal: a lógica é de fato a teoria, não formal (em estado acabado), mas formalizante ou formalizadora das operações dedutivas” (PIAGET, 1976 p. 21). Assim, se as estruturas lógicas são um processo contínuo de construção realizada por um sujeito e se a Lógica é de fato uma teoria formalizante ou formalizadora das operações dedutivas, então só podemos defini-la, segundo Piaget, em aproximações, pois a Lógica é um conhecimento que está em constante construção.

Embora para Piaget a Lógica seja um edifício em construção, muito lógicos, segundo ele (1976, p. 21), idealizam-na como o reflexo das ideias eternas e imutáveis. Neste edifício do conhecimento, todos os lógicos, na visão do autor, usam o mesmo material de construção e conseguem encontrar as mesmas vigas mestras da armação que dá equilíbrio e sustentação para toda a estrutura lógica. Porém, diz-nos o autor, há certas tendências que dividem os lógicos nesta grande empreitada e os obrigam a seguirem caminhos distintos. Escreve Piaget que

[...] segundo as tendências que forçam o lógico a partir de cima, da base, ou dos níveis médios da hierarquia das formalizações, ele acabará por dar uma imagem bem diversa do edifício total, embora fazendo uso das mesmas pedras, das mesmas fachadas e encontrando, cedo ou tarde, as mesmas vigas mestras. (PIAGET, 1976, p. 21)

Podemos entender que tais tendências são escolhas de princípio que o lógico faz e que determinam sua visão do que seja a Lógica. Conforme seus princípios, uns lógicos criam a convicção de que partir de cima é o melhor método, pois é a partir dos níveis superiores que se podem encontrar as leis necessárias e universais do pensamento; nesta perspectiva a Lógica seria um reflexo das estruturas eternas e imutáveis previamente existentes, classificada, em geral, de “platonismo”. Outros, pelo contrário, partem dos níveis mais inferiores e procuram compreender a Lógica como um pátio em construção, como é o caso de Piaget.

Piaget parte do princípio de que um bom método para compreender os aspectos mais significativos das estruturas lógicas não é postular a existência do teto do edifício, isto é, pressupor que preexistem estruturas eternas e imutáveis, mas sim postular as bases do edifício, isto é, que existe um sujeito epistêmico que estrutura a realidade logicamente tal que é possível estudar como que ele constrói seus conhecimentos estruturais. Segundo Piaget, como já citado, “[...] tratar-se-ia, portanto, de partir do chão para chegar ao teto (o que evita, entre outras coisas, a necessidade de postular a unicidade deste teto), em vez de pendurar os andares inferiores nos patamares superiores da construção” (PIAGET, 1976, p. 3). Notemos que, segundo o próprio autor, “[...] sua preocupação essencial não é nem fisicalista, nem matemática, mas consiste em querer esclarecer o mecanismo real do pensamento e, especialmente sua reversibilidade, pela análise das estruturas formais correspondentes”. (PIAGET, 1976, p. 25)

Mas, mesmo concordando que é legítimo realizar um projeto de investigação que esclareça o funcionamento real do pensamento pela análise de suas estruturas formais correspondentes e, também, segundo Piaget, “Mesmo concordando que a lógica trata do próprio pensamento, resta a considerar que o programa de uma ‘ciência das leis do pensamento’ conflita com o de uma parte da psicologia, que é a psicologia do pensamento” (PIAGET, 1976, p. 2). Este conflito nos insere no quadro do debate tradicional que há, na história da filosofia, sobre o problema do psicologismo em Lógica. Resta, pois, saber como Piaget coloca o problema do psicologismo em relação à tradição, como este problema é solucionado a partir da relação entre Lógica e Psicologia proposta por ele no contexto da Epistemologia Genética. É o que veremos nas próximas seções.

2. Uma caracterização do psicologismo em Lógica

Procuramos formular, nesta seção, o problema do psicologismo em Lógica e apresentamos, também, a visão piagetiana sobre este problema.

De modo geral, há diversas tendências do psicologismo. Vamos nos utilizar, inicialmente, da caracterização de José Ferrater Mora (2001, p. 2414) que diz-nos que ela pode ser resumida sob três aspectos muito semelhantes. Uma das tendências considera a Psicologia como o conhecimento que explicaria todos os outros conhecimentos; por via desta corrente, argumenta-se que, se todo conhecimento é um conhecimento elaborado pelo homem e se este homem é objeto de uma psicologia, então esta psicologia seria a pedra base que fundamentaria a árvore do conhecimento, pois seria o conhecimento do conhecimento. Outra tendência consiste na tentativa de explicar a formação dos conceitos por meio de uma concepção psicológica. E, por fim, segundo o autor, existe “A tendência a ‘reduzir’ a lógica e a teoria do conhecimento à psicologia, ou então a tratar as noções lógicas e epistemológicas principalmente por meio de conceitos de caráter psicológico”. (MORA, 2001, p. 2414)

Segundo Mora (2001, p. 2414), historicamente, o chamado “psicologismo” tornou-se mais conhecido na forma desta última acepção. Nesse sentido, o psicologismo tende, segundo Mora (2001, p. 2414), a estudar a Lógica, em particular, como a ciência do pensar ou dos pensamentos. Em linhas gerais, segundo as características gerais desta tendência, se as leis da Lógica são igualmente leis do pensamento e se um dos objetos da Psicologia são as leis do pensamento, então a Lógica é um dos objetos da Psicologia, pois estaria “reduzida” aos conceitos e métodos desta ciência.

Observa Mora (2001, p. 2414) que esta tendência se inclinava ou se inclina, de um modo geral, a estudar a Lógica como a ciência do pensar ou do pensamento, seguindo duas tendências: uma tendência descritiva dos fatos do pensamento, como, por exemplo, descrevendo os juízos, os raciocínios, os conceitos, etc., isto é, como se pensa; ou segundo uma tendência prescritiva e normativa, investigando como se deve pensar.

Notemos, então, que há uma relação muito próxima entre Lógica e Psicologia, a ponto de algumas tendências de pensamento reduzirem uma a outra, sem necessidade de uma separação metodológica. Na visão de Piaget (1958, p. 53), em *Psicologia da Inteligência*, as relações entre estes domínios percorre uma trajetória parecida com a trajetória que percorreram as discussões em torno do conflito entre a geometria dedutiva e a geometria física. Segundo ele, “Como é caso dessas duas disciplinas [a geometria dedutiva e a geometria

física], a lógica e a psicologia do pensamento começaram por se confundir ou por se indiferenciarem” (PIAGET, 1958, p. 53). Inicialmente, a Lógica e a Psicologia eram, na sua visão, conhecimentos interligados, não havendo necessidade de uma diferenciação entre elas.

Comenta, também, Piaget (1976, p. 12), no *Ensaio*, que, já desde Aristóteles, na ausência de uma axiomática estrita, construiu-se uma lógica muito próxima a uma psicologia e a uma sociologia. Diz-nos o autor que Aristóteles sistematizou uma lógica que emergiu de suas observações da natureza e da *polis* grega, isto é, uma lógica, como nos diz Piaget, que não saía dos quadros da Psicologia, da Sociologia ou, de um modo mais amplo, uma lógica inserida em uma ontologia. Escreve Piaget que os princípios elaborados pela Lógica Clássica, “[...] tais como os da não-contradição, o de identidade ou o do terceiro excluído foram formulados não a título de axiomas de início de uma construção formal autônoma, mas a título de axiomas de ‘fatos normativos’ observados na consciência individual ou coletiva”. (PIAGET, 1976, p. 12)

Segundo Piaget (1958, p. 53), já mais recentemente, quando a Psicologia se constituiu em uma ciência independente, muitos psicólogos procuraram esclarecer o funcionamento psicológico da inteligência tomando como referência as noções de conceito, juízo, raciocínio, dedução, indução, etc., comumente estudados nos manuais de lógica. Desse modo, escreve o autor que “Por um efeito apenas residual de indissociação primitiva, continuaram [os psicólogos] a considerar a lógica como uma ciência da realidade. Situaram-na, apesar de seu caráter normativo, no mesmo plano da psicologia [...]” (PIAGET, 1958, p. 54). Sobre a constituição da psicologia como ciência independente, diz-nos Júlio Fragata, em uma seção dedicada ao psicologismo e ao antipsicologismo de um livro seu sobre Husserl, que

As ciências experimentais atingiram, na última metade do século XIX, um apogeu que provocou entusiasmo geral. Entre elas, começou a atrair a atenção a Psicologia Experimental que, devido ao seu método de reflexão introspectiva, naturalmente se propunha também à particular consideração dos que se dedicavam à Filosofia. (FRAGATA, 1962, p. 18)

Dentre os pensadores que receberam influência dessa tendência científica e, também, psicologista, podemos citar John Stuart Mill (1806-1873). Mill escreveu uma obra célebre intitulada *Sistema de Lógica Dedutiva e Indutiva* (1843) em que expõe os princípios e as provas dos métodos de investigação científica. Segundo Blanché, em *História da Lógica*, “A lógica de Mill é anti-formalista. Ele recusa-se a reduzir a lógica à lógica formal, e critica

aqueles que, como Hamilton, a definem como a ciência da consequência [...]” (BLANCHÉ, 1996, p. 251). Nesse sentido, escreve Mill:

Conhecemos as verdades através de duas vias: algumas diretamente por si mesmas; outras, por meio de outras verdades. As primeiras são objetos de intuição e consciência; as segundas, de inferência. As verdades conhecidas pela intuição são as premissas originais das quais todas as demais são inferidas. Sendo nosso assentimento à conclusão baseado na verdade das premissas não poderíamos chegar a nenhum conhecimento pelo raciocínio, a não ser que alguma coisa pudesse ser conhecida antes de qualquer raciocínio. (MILL, 1974, p. 79-80)

Desse modo, segundo Blanché, para Mill, a inferência silogística não diz nada além do que está contido nas premissas e que para ele “O verdadeiro fundamento da nossa inferência são outros fatos particulares análogos ao que pretendemos provar, a saber: a morte de João, de Tomás, etc. O nosso raciocínio vai do fato ao fato” (BLANCHÉ, 1996, p. 253-254). Isto é: existe uma lógica indutiva que precisa de uma atenção especial e que a lógica formal ignora por completo por não ser seu plano de análise. Nesse sentido, segundo Blanché, “Mill propõe-se estabelecer ‘regras práticas que seriam para a própria indução o que as regras do silogismo são para a interpretação da dedução’ [...] De fato, a teoria de Mill abandona desde o início o campo da lógica para se espalhar pelo da metodologia científica”. (BLANCHÉ, 1996, p. 255)

Por outro lado, ainda no contexto do século XIX, surge uma concepção oposta à concepção de Mill e de outros adeptos do psicologismo, concepção conhecida como logicismo. O logicismo surgiu, como notamos na Introdução, com o desenvolvimento da Matemática e a convergência desta com a Lógica. Segundo Blanché (cf. 1996, p. 305) no século XIX houve uma mudança de perspectiva na relação da Lógica com a Matemática trazendo consequências extremamente importantes para o modo de se fazer Lógica.

Particularmente com Frege, em seu projeto de fundamentação da aritmética em princípios lógicos, a Lógica torna-se o conhecimento que deveria fundamentar o edifício da Matemática. Seu projeto deu origem a uma concepção fundacionista da Matemática. Segundo ele, em *Os Fundamentos da Aritmética*, “Após afastar-se por algum tempo do rigor euclidiano, a matemática volta agora a ele, e de algum modo esforça-se para ultrapassá-lo” (FREGE, 1980, p. 205). Escreve ele em outra passagem que: “Por isso acreditei dever remontar aos fundamentos lógicos gerais um pouco mais do que a maioria dos matemáticos talvez julgue necessário”. (FREGE, 1980, p. 204)

Nesse sentido, a Lógica deveria, por excelência, ser o conhecimento das leis que não é deste ou daquele sujeito, mas é universal, dando origem à concepção logicista, um tipo de platonismo. Segundo Blanché (1996, p. 309), o logicismo associa um certo platonismo à Lógica, marcando o período de elaboração da moderna logística ou da Lógica Matemática. Sobre isso, escreve: “[...] esta associação de um logicismo platonizante à lógica é um dos traços que marcaram o período de elaboração desta moderna logística”.

Frege (1980, p. 204), em *Os Fundamentos da Aritmética*, diz que um dos princípios lógicos que deve ser seguido para a fundamentação da Aritmética na Lógica é “separar precisamente o psicológico do lógico, o subjetivo do objetivo”, pois, segundo ele (1980, p. 2002) não se pode conhecer a essência de uma coisa por meio de uma investigação da gênese da natureza da alma humana, pois esta concepção lança tudo no subjetivo e se levada às últimas consequências suprime a verdade. Sobre isso, escreve o autor:

Imagina-se, pelo que parece, que os conceitos nascem na alma individual como as folhas nas árvores, e pretende-se ser possível conhecer sua essência por meio da investigação de sua gênese, que se procura explicar psicologicamente a partir da natureza da alma humana. (FREGE, 1980, p. 2002)

Neste contexto, Frege critica Mill de modo irreverente por este se dirigir às crianças ou se transportar para a origem histórica do desenvolvimento da humanidade para explicar como surgem os objetos da matemática, como o conceito de número, por exemplo.

O que dizer então daqueles que, ao invés de prosseguir este trabalho onde ele não aparece ainda realizado, o menosprezam, se dirigem ao quarto das crianças ou se transportam para as mais antigas fases conhecidas de desenvolvimento da humanidade, a fim de lá descobrir, como J. S. Mill, algo como uma aritmética de pãezinhos e pedrinhas! (FREGE, 1980, p. 2002)

Ora, delegar, pois, à Psicologia o fundamento do conhecimento é, segundo Frege, negar o conhecimento objetivo e impossibilitar a ciência, pois migraríamos para as incertezas do relativismo e supriríamos a verdade. Nesse sentido, o pensador nos diz, na mesma obra, que “Se no fluxo constante de todas as coisas nada se mantivesse firme e eterno, o conhecimento do mundo deixaria de ser possível e tudo mergulharia em confusão”. (FREGE, 1980, p. 2002)

Frege usa o termo alemão *Gedanke* para expressar o conhecimento firme e eterno supracitado. Traduz-se *Gedanke* por pensamento ou ideia. O que Frege quer dizer por *Gedanke* não é algo subjetivo, uma representação mental, assim como a palavra pensamento

ou ideia poderiam comumente entrever. O autor quer expressar por *Gedanke* algo que existe independente de nós, que pode ser expresso por sentenças e é compreendido por muitos, portanto, objetivo ou universal.

Escreve o autor, em *O Pensamento*, que “O pensamento não pertence nem a meu mundo interior, como uma ideia, nem tampouco ao mundo exterior, ao mundo das coisas sensorialmente perceptíveis” (FREGE, 2002, p. 35). O pensamento é, para o autor algo objetivo. Frege (2002, p. 27) procura argumentar, então, que o pensamento nos permite obter um conhecimento estável e permanente que existe em um terceiro domínio, no qual se encontram, também, as entidades lógicas universais.

Observemos que o antipsicologismo de Frege nos conduz a um platonismo. As leis da Lógica seriam, segundo a concepção fregueana, entidades existentes por si mesmas, que podem ser abarcadas pela Razão e expressas pela linguagem humana. As leis da Lógica estariam, assim, previamente dadas. Caberia, então, explicitar as relações lógicas necessárias para a devida fundamentação do conhecimento científico. A Lógica seria, pois, segundo esta concepção, o conhecimento que possibilita fundamentar todos os outros conhecimentos científicos, em especial a Matemática. Nesse sentido, o objetivo central de Frege quando escreve *Os Fundamentos da Aritmética* e *As Leis Fundamentais da Aritmética* é, em particular, fundamentar toda a Aritmética em princípios lógicos e não psicológicos.

Notemos, assim, que, neste contexto, o psicologismo pode ser visto como uma tentativa de fundamentação da Lógica na Psicologia. Frege (1980, p. 203) nos diz que esta tentativa nos leva a uma confusão entre razões demonstrativas e condições internas ou externas da produção de uma demonstração. As razões demonstrativas devem ser explicitadas pela Lógica e as condições internas ou externas de uma demonstração devem ser objeto da Psicologia. Sobre esta distinção, escreve Frege: “Deve-se ao menos conceder que toda investigação acerca da cogência de uma demonstração ou da legitimidade de uma definição deve ser lógica” (FREGE, 1980, p. 203). Em outra passagem, ainda nos diz: “Na verdade pode ser útil examinar as representações, e a alternância das representações, que aparecem no pensamento matemático; mas que a psicologia não imagine poder contribuir em algo para a fundamentação da aritmética” (FREGE, 1980, p. 201). Assim, segundo ele “Tem-se em geral que distinguir a questão de como chegamos ao conteúdo de um juízo da questão do que justifica nossa asserção”. (FREGE, 1980, p. 206)

Assim, segundo a posição de Frege frente à Psicologia, se pudéssemos caracterizar o psicologismo em Lógica, dado o que vimos até aqui, diríamos que ele é uma confusão de planos de análises que advém da tentativa de fundamentar os métodos, os conceitos e as entidades da Lógica e da Matemática nos métodos, conceitos e entidades da Psicologia, não reconhecendo, com isso, a autonomia da Lógica e da Matemática para realizar análises de demonstração no plano da validade e não da realidade empírica. Nesse sentido, uma das consequências do psicologismo é reduzir o raciocínio dedutivo ao raciocínio indutivo de modo que as verdades da Lógica e da Matemática não são mais que regras gerais abstraídas de casos particulares.

Uma caracterização semelhante do psicologismo em Lógica é dada por Mario Ariel González Porta em seu artigo *A Polêmica em torno do Psicologismo de Bolzano a Heidegger*, que nos diz: “O psicologismo lógico é uma teoria que se propõe assimilar a lógica à psicologia, concebendo a primeira como parte da segunda e negando, desta forma, a existência de entidades e estruturas propriamente lógicas” (PORTA, 2004, p. 109). Em outra passagem no mesmo artigo ainda escreve:

Mas, o que é o psicologismo? A assimilação da lógica como disciplina à psicologia como disciplina é consequência não só (e não sempre) da confusão das leis lógicas com as psicológicas, mas da redução de umas às outras, redução que, pela sua vez, não afeta só as leis, mas a toda entidade que possa ser considerada especificamente lógica. A essência do psicologismo, pois, é o reducionismo: o psicologismo não necessariamente confunde, mas sempre reduz. (PORTA, 2004, p. 114-115)

Ainda segundo Porta, essa redução do lógico ao psicológico constitui também uma redução do objetivo ao subjetivo. E uma das consequências deste reducionismo é, segundo ele “[...] o idealismo, o solipsismo e, em definitivo, o ceticismo. O motivo fundamental da crítica fregueana ao psicologismo é, pois, epistemológico: o psicologismo conduz a uma negação da objetividade”. (PORTA, 2004, p. 115)

Ora, se é necessário, por um lado, distinguir a Lógica da Psicologia, devido a, principalmente, elas terem planos de análises distintos, por outro lado, essa posição de diferenciação entre elas, na visão de Piaget, acabou por opor uma à outra de um modo um tanto radical, não se perguntando, inclusive, sobre o papel do sujeito na constituição das estruturas lógicas. Escreve ele, em *Psicologia da Inteligência*, que “[...] na medida em que a lógica foi renunciando à impressão da expressão verbal para constituir, sob o nome de

logística, um algoritmo cujo rigor seria igual ao da expressão matemática, foi-se a lógica transformando numa técnica axiomática”. (PIAGET, 1958, p. 54)

A logística, segundo Piaget (1958, p. 54), constituiu-se como um “modelo” ideal de pensamento ao propor um projeto de tornar as técnicas de demonstração o símbolo de objetividade. Sua técnica axiomática permite que a Lógica se liberte, por conseguinte, das estruturas lógicas de um sujeito, estabelecendo uma relação absolutamente autônoma entre a Lógica e a Psicologia. Nesse sentido, ainda escreve o autor na obra:

Mas então as relações entre lógica e psicologia se acham igualmente simplificadas. A lógica não tem por que recorrer à psicologia, pois que uma questão de fato não intervém, absolutamente, numa teoria hipotético-dedutiva. Inversamente, seria absurdo invocar a logística para resolver uma questão resultante da experiência, tal como a do mecanismo real da inteligência. (PIAGET, 1958, p. 54-55)

Em função do desenvolvimento da logística e de sua forte influência na Lógica Moderna, a posição antipsicologista entre os lógicos se tornou expressamente contundente. Surge, então, na visão piagetiana, um antipsicologismo radical entre alguns lógicos formalistas que criticam qualquer relação possível entre Lógica e Psicologia, como, por exemplo, uma possível relação entre as leis ou as estruturas lógicas com as estruturas de um sujeito, seja ele psicológico ou epistemológico.

Frente a este cenário, veremos, a seguir, como Piaget vê a relação entre Lógica e Psicologia no contexto da Epistemologia Genética e como o autor se posiciona frente a seu debate com o lógico Evert Willem Beth, após as repercussões do *Tratado*.

3. Relações da Lógica com a Psicologia

Expomos, aqui, a concepção de Piaget sobre uma possível coordenação entre Lógica e Psicologia, exposta por ele no *Tratado* e rediscutida no *Ensaio*. Apresentamos algumas das oposições centrais de Beth a essa possível coordenação entre os domínios supracitados e como Piaget responde a elas. Argumentaremos, também, a partir da caracterização do psicologismo dada acima e das próprias posições epistemológicas de Piaget, que ele não é um psicologista, como ele mesmo procura mostrar em algumas passagens de sua Obra.

Dentre as críticas que surgiram após a publicação do *Tratado*, consta a do lógico Evert Willem Beth (1908 - 1964), professor da Universidade de Amsterdam. Beth pode ser considerado um dos maiores representantes do debate com Piaget acerca deste tema, pois logo após a publicação do *Tratado*, encarrega-se de uma dura crítica a ele e, posteriormente, como

veremos, continua e aprofunda esse debate, chegando a ocorrer publicações de obras nas quais ambos participam. Por esse motivo, é o autor que escolhemos para tratar da questão de um possível psicologismo na obra de Piaget.

Sobre tais críticas e como elas foram recebidas, diz-nos Piaget na Introdução do *Ensaio*:

Tivemos, em contrapartida, uma grande satisfação ao convencer um de nossos adversários, o grande lógico E. W. Beth, após um artigo especialmente severo de sua autoria, a escrever em colaboração um trabalho intitulado *Epistemologia matemática e psicologia*, onde conseguimos pô-nos de acordo sobre a necessidade de “uma certa coordenação entre a lógica e a psicologia”. (PIAGET, 1976, p. XVI)

O artigo foi publicado na revista *Methodos*. Pelo que consta nas referências dadas por Piaget (PIAGET, 1976, p. XVI), (PIAGET, 1983b, p. 91), (BETH; PIAGET, 1961, p. 143), Beth teria criticado a pouca formalização das estruturas do pensamento natural e, também, uma certa coordenação entre a Lógica pura e o pensamento “natural”, ambas apresentadas no *Tratado*.

Em *Sabedoria e Ilusões da Filosofia*, obra publicada dezesseis anos depois da publicação da primeira edição do *Ensaio*, conta-nos Piaget (1983b, p. 91) que tentou, na época, rebater as críticas de Beth. Diz-nos o autor que escreveu algumas páginas, com as quais intencionava publicar no espaço geralmente concedido pela revista, mas que elas foram recusadas por P. Bochenski (Beth teria escrito o seu artigo a pedido de Bochenski).

No entanto, foram concedidas algumas linhas e, nesse pequeno espaço, Piaget se dirigiu a Beth, expressando, como ele mesmo nos diz em *Sabedoria e Ilusões da Filosofia*, que

[...] compreendia muito bem que um puro lógico reagisse com vigor contra um ensaio de formalização de certas estruturas escolhidas, porque pertencentes ao pensamento natural, mas que há aí um problema e que o único meio de nos entendermos seria publicar juntos um trabalho sobre tais assuntos, onde nem apenas o lógico nem apenas o psicólogo pode bastar para executar a tarefa. (PIAGET, 1983b, p. 91)

Com este mesmo “tom” de aproximação, conta-nos Piaget que escreveu pessoalmente para Beth, mas agora fora dos espaços públicos da revista, propondo-lhe que ambos deixassem o orgulho intelectual de lado para escreverem um trabalho juntos, em prol do conhecimento. Sobre isso nos diz Piaget: “Escrevi longamente a Beth no mesmo sentido,

propondo-lhe fazer abstração dos nossos ‘eu’ e dedicarmo-nos seriamente a esse trabalho” (PIAGET, 1983b, p. 91).

Piaget, então, convidou o lógico Beth para discutir suas idéias em um simpósio. Conta-nos ele que Beth “[...] confessou-se surpreso e sensibilizado com essa reação e não recusou a colaboração proposta, mas pedindo para pensar. Eu estava pois um tanto inquieto com o que ele pensaria e diria no Simpósio” (PIAGET, 1983b, p. 91). O encontro era o *Simpósio Internacional de Epistemologia Genética* organizado anualmente por Piaget no *Centro de Epistemologia Genética*, e sediado na Faculdade de Ciências de Genebra.

O *Simpósio*, diz-nos Piaget (1983b, p. 91), contou com a participação de muitos especialistas, entre os quais havia um grupo de lógicos, matemáticos e psicólogos, todos interessados em epistemologia. Beth compareceu e lá foram discutidas as ideias e as concepções de cada um. Sobre a participação de Beth relata Piaget que

Este nos deu plena satisfação. Desde a primeira sessão, Beth encontrou a demonstração, por considerações topológicas inesperadas, de uma proposição que Apostel procurava justificar no domínio das relações entre a linguagem, lógica e a informação [...] (PIAGET, 1983b, p. 91)

Apostel é um lógico que, também, escreveu com Piaget obras em colaboração, por exemplo, *As Ligações Analíticas e Sintéticas no Comportamento do Sujeito*, obra que já fizemos menção na Seção 1 do Capítulo I. Cabe notar aqui, ademais, que Piaget não se privou em dialogar com diversos intelectuais, entre os quais citamos W. V. Quine, J. B. Grize, W. McCulloch, G. G. Granger, F. Meyer, T. S. Kuhn; todos colaborando de um modo ou de outro com as discussões realizadas no *Centro*.

Voltando ao *Simpósio* que reuniu Beth e Piaget, suas discussões resultaram em uma obra intitulada *Epistemologia Matemática e Psicologia*, Volume XIV dos *Estudos de Epistemologia Genética*, cuja primeira edição data de 1961. Esta obra é dividida em duas grandes partes. Na primeira delas, Beth expõe sua concepção sobre a relação entre lógica e pensamento matemático, amparada na história da filosofia. Na segunda parte, Piaget apresenta sua visão, porém mais voltada às objeções colocadas por Beth até então, desde a repercussão do *Tratado*. A conclusão da obra foi um trabalho assinado por ambos. Segundo Beth e Piaget,

O primeiro dos dois autores redigiu de início sua própria parte (I) e a comunicou ao segundo que então escreveu a sua (II) para submeter em seguida ao primeiro. Este enfim propôs um projeto de conclusões gerais comuns que o segundo autor completou, e que todos os dois colocaram-se definitivamente de acordo levando em consideração as observações úteis de

nosso primeiro leitor J. B. Grize, ao qual ambos agradecemos. (BETH; PIAGET, 1961, p. 1, tradução nossa)³⁵

De formação em Matemática e em Física, Beth, como ele mesmo nos diz em *Epistemologia Matemática e Psicologia* (BETH; PIAGET, 1961, p. 4), desenvolveu interesses pela filosofia, donde seus estudos pela Filosofia da Matemática, em especial pela Epistemologia e pelas questões sobre os fundamentos da Matemática. Um de seus interesses foi pela relação entre psicologia e pensamento matemático. Notemos que, embora Beth tivesse uma formação matemática, seus interesses tendiam, também, para um debate mais amplo que ia além dos estudos em Lógica Matemática a que ele também se dedicava.

As teses que Beth procurou defender na Primeira Parte do *Epistemologia Matemática e Psicologia* são, escreve ele,

[...] as teses que eu me proponho a defender são fundadas, não sobre uma tomada de posição a respeito da psicologia ou sobre um logicismo de um formalismo limitado, mas sobre um cuidado profundo e sincero de fazer justiça à lógica formal e à psicologia do pensamento, e sobre os estudos aprofundados em ambos os domínios. (BETH; PIAGET 1961, p. 4, tradução nossa)³⁶

Um dos cuidados exigidos por Beth, em *Epistemologia Matemática e Psicologia*, compreendia a necessidade de se reconhecer a autonomia da Lógica e da Matemática para investigar as deduções formais sem desprezar a importância da Psicologia para o estudo do pensamento. Para ele, a Lógica e a Matemática deveriam ser autônomas em relação à Psicologia quando se trata de investigar as noções de validade e fundamento. A investigação de cada um dos domínios, preservando suas autonomias de análises, evitaria um provável psicologismo em Lógica, confusão que deveria ser evitada. Sobre a posição de Beth, escreve Piaget, “Na primeira parte desta obra, E. W. Beth defende a tese, e a justifica pela história, de uma autonomia completa entre a matemática e a lógica, sempre sustentando (§21) que o formalismo, apesar de sua importância considerável, não saberia fornecer delas uma filosofia completa”. (BETH; PIAGET, 1961, p. 143, tradução nossa)³⁷

³⁵ “Le premier des deux auteurs a rédigé d’abord sa propre partie (I) et l’a communiquée au second, qui a alors écrit la sienne (II) pour la soumettre ensuite au premier. Celui-ci a enfin proposé un projet de conclusions générales communes que le second auteur a complété, e que tous deux ont en définitive mis au point en tenant compte des utiles remarques de notre premier lecteur, J. B. Grize, que nous nous plions à remercier tous deux”.

³⁶ “[...] les thèses que je me propose défendre sont fondées, non pas sur un parti-pris à l’égard de la psychologie ou sur logicisme ou un formalisme bornés, mais sur un souci profond et sincère de rendre justice et à la logique formelle et à la psychologie de la pensée, et sur des études approfondies dans les deux domaines”.

³⁷ “Dans la première partie de cet ouvrage, E. W. Beth défend la these, et la justifie par l’histoire, d’une autonomie entière des mathématiques et de la logique, tout en soutenant (§21) que le formalisme, malgré son importance considérable, ne saurait fournir de celles-ci une philosophie complète”.

Na Segunda Parte da mesma obra, Piaget diz que partilha da mesma opinião de Beth sobre a independência da Lógica e da Matemática para realizar suas próprias análises, sem recurso a uma ciência empírica como a Psicologia. Sobre isso, diz-nos o autor:

Nós partiremos aqui exatamente das mesmas opiniões e cremos estar de acordo com E. W. Beth em cada uma de suas afirmações, quanto a esta independência radical do trabalho do lógico e do matemático nas suas análises de validade e de fundamento. (BETH; PIAGET, 1961, p. 143, tradução nossa)³⁸

No entanto, segundo o autor, há uma correspondência entre Lógica e Psicologia que precisa ser explicitada; correspondência que Beth parece não ter compreendido inicialmente. Sobre isso nos diz ele:

O nosso papel na segunda parte desta obra não consiste de forma alguma em nos opor a tal ou qual concepção particular de E. W. Beth, mas apenas buscar a explicação psicológica (e que, como veremos, se transformará sem cessar em um tipo de correspondência psicológica) das posições que o lógico é levado a adotar em virtude do desenvolvimento autônomo das pesquisas sobre os fundamentos. (BETH; PIAGET, 1961, p. 147, tradução nossa)³⁹

Para entendermos as razões que sustentam a tese de Piaget de que há independência dos métodos com correspondência entre os domínios supracitados, vejamos como o autor coloca o problema do psicologismo em Lógica. Em *Epistemologia Matemática e Psicologia* ele nos diz que

O psicologismo é a tendência que conduz a misturar as questões de validade com questões de fato, dizendo de outra forma, é a tendência de substituir os métodos puramente dedutivos da lógica por métodos nos quais intervêm os dados psicológicos. No seu capítulo II, Beth mostrou o fracasso destas tentativas do ponto de vista lógico. (BETH; PIAGET, 1961, p. 151, tradução nossa)⁴⁰

[...] qualifica-se de ‘psicologismo’ toda tentativa de reduzir um problema lógico ou matemático utilizando-se de resultados emprestados da psicologia; nós subscrevemos igualmente sem hesitar a condenação do psicologismo, claro pois isso testemunha uma confusão não somente de métodos mas ainda

³⁸ “Nous partions ici exactement des mêmes opinions et croyons être d’accorde avec E. W. Beth en chacune de ses affirmations, quant à cette independence radicale du travail du logicien et du mathématicien dans leurs analyses de validité et de fondement”.

³⁹ “Notre role, dans la seconde partie de cet ouvrage, ne consiste donc nullement à nous opposer à telle ou telle conception de E. W. Beth, mais seulement à chercher l’explication psychologique (et qui, on le verra, se transformera sans cesse em une sorte de mise en correspondance psychologique) des positions que le logicien est conduit à adopter en vertu du déroulement autonome des recherches sur les fondements”.

⁴⁰ “Le psychologisme est la tendance conduisant à trancher des questions de validité par des considérations de fait, autrement dit la tendance à substituer aux méthodes purement déductives de la logique des méthodes faisant intervenir le donné psychologique. Dans son chapitre II, Beth a montré l’échec de telles tentative du point de vue logique”.

dos problemas eles próprios. (BETH; PIAGET, 1961, p. 143, tradução nossa)⁴¹

Notemos que Piaget, neste caso, caracteriza o psicologismo de modo semelhante a Frege, conforme a breve exposição que fizemos na seção anterior. Semelhança que também é observada por Leslie Smith (1999) em seu artigo *Princípios Epistemológicos para a Psicologia do Desenvolvimento em Frege e Piaget*.⁴² Neste artigo, Smith discute paralelos entre as epistemologias de Frege e Piaget. Em uma seção intitulada *Psicologismo e Epistemologia*, ele escreve que “O trabalho de Frege, no entanto, inclui uma crítica incisiva da lógica psicológica, e é neste sentido que é amplamente considerado como uma rejeição do psicologismo” (SMITH, 1999, p. 85, tradução nossa)⁴³, bem como, escreve que “A rejeição de Piaget ao psicologismo é igualmente explícita” (SMITH, 1999, p. 86, tradução nossa)⁴⁴. Depois de mostrar que ambos rejeitam o psicologismo, Smith escreve: “Que se fique de acordo que ambos Frege e Piaget negaram que leis lógicas são redutíveis à Psicologia”. (SMITH, 1999, p. 86, tradução nossa)⁴⁵

Nesse sentido, semelhante a Frege, Piaget (1961, p. 143-144) também entende que a Lógica e a Psicologia têm planos de análises distintos. Diz-nos Piaget que o problema lógico consiste, em parte, em buscar quais são as condições de validade de uma dedução formal e o problema psicológico, em parte, consiste em determinar como funciona o pensamento lógico e matemático do ponto de vista experimental. Sobre isso, escreve:

Com efeito, se o problema lógico, em presença de uma demonstração matemática, consiste em pesquisar sob quais condições ela pode ser tida como válida, o problema psicológico consiste apenas em determinar por

⁴¹ “[...] qualifie de ‘psychologisme’ toute tentative de résoudre un problème logique ou mathématique en utilisant des résultats empruntés à la psychologie, nous souscrivons de même sans hésiter à la condamnation du psychologisme, car il témoigne d’une confusion non seulement des méthodes mais encore des problèmes eux-mêmes”.

⁴² Para mais artigos sobre a relação entre Frege e Piaget cf. também: SMITH, L. What Piaget learned from Frege. In: *Developmental Review*, v. 19, p. 133–153, 1999; disponível em: http://apertum.110mb.com/library_08/Piaget-Frege.pdf; acesso em: 30 de novembro de 2010. MULLER, U. Convergence and divergence between Frege and Piaget: a commentary on Leslie Smith. In: *Developmental Review*, v. 17, p. 131-136, 1999, disponível em: http://www.sciencedirect.com/science?_ob=MIimg&_imagekey=B6VD4-3X94PR0-4-1&_cdi=5972&_user=972052&_pii=S0732118X9900015X&_origin=mlkt&_coverDate=08%2F31%2F1999&_sk=999829997&_view=c&_wchp=dGLbVtzzSkWb&_valck=1&_md5=f62acdea10b53b6f5fdb4d7eb9cb727c&_ie=/sdarticle.pdf; acesso em: 30 de novembro de 2010.

⁴³ “Frege’s work did, however, include an incisive critique of psychological logics, and it is in this sense that it is widely regarded as a rejection of psychologism”.

⁴⁴ “Piaget’s rejection of psychologism is equally explicit”.

⁴⁵ “Let it be agreed that both Frege and Piaget denied that logical laws are reducible to psychology”.

meio de quais mecanismos mentais ela em realidade se desenvolve na mente do matemático. (BETH; PIAGET, 1961, p. 143-144, tradução nossa)⁴⁶

Esta independência dos métodos pode ser ilustrada a partir de um exemplo dado por Piaget no seu livro intitulado *Psicologia da Inteligência*, cuja primeira edição data de 1947, dois anos antes da publicação do *Tratado*.

A *Psicologia da Inteligência* é parte de um conjunto de aulas ministradas por ele em 1942, no *Collège de France*, cujas páginas, segundo o autor “[...] limitam-se a esboçar um ponto de vista, o da constituição das ‘operações’, e a situá-lo, o mais objetivamente possível, no conjunto dos outros, já consagrados”. (PIAGET, 1958, p. 2)

Na seção Lógica e Psicologia do segundo capítulo da *Psicologia da Inteligência*, o autor trata dos limites e relações entre os referidos domínios de estudo. De especial importância para nós aqui é a breve análise do princípio da não-contradição realizada por Piaget nesta seção.

Sabendo que o princípio de não contradição afirma que uma proposição A é incompatível com uma proposição não- A , ou seja, que não ocorrem A e não- A ao mesmo tempo e sob o mesmo ponto de vista, uma das questões que pode ser colocada é: como o princípio de não-contradição, estudado pelo lógico, se expressa nas condutas dos sujeitos psicológicos?

Como nos indica Piaget (1958, p. 55) para solucionarmos tal questão é preciso falar dos métodos correspondentes a cada um destes domínios de estudo: o método lógico e o método psicológico.

Do ponto de vista lógico, a partir da possibilidade de atribuir valores de veracidade ou de falsidade às proposições, o lógico pode identificar contradições no interior da dedução segundo princípios previamente aceitos pela a Lógica adotada (que em nosso caso é a Lógica Clássica). Desse modo, para sabermos se uma pessoa se contradiz precisamos analisar as proposições enunciadas por ela e ver se algumas implicam a negação de outra.

Esta coerência e ordenação interna do pensamento correspondem ao princípio de não-contradição abstraído e estudado pelo lógico na teoria formal elaborada por ele. No plano lógico, segundo o autor (1958, p. 55), “[...] a aplicação do ‘princípio de [não] contradição’ recai exclusivamente nas definições, isto é, nos conceitos axiomatizados e não nas noções

⁴⁶ “En effet, si le problème logique, en présence d’une démonstration mathématique, consiste à rechercher à quelles conditions elle peut être tenue pour valable, le problème psychologique ne consiste qu’à déterminer au moyen de quels mécanismes mentaux elle se déroule en réalité dans l’esprit du mathématicien”.

vivas das quais o pensamento se serve na realidade”. Neste plano, “Longe de ‘aplicarem um princípio’, as ações se organizam segundo condições internas de coerência, e a estrutura dessa organização constitui o fato do pensamento real, correspondendo ao que chamamos, no plano axiomático, de ‘princípio de [não] contradição’”. (PIAGET, 1958, p. 56)

No funcionamento da realidade psicológica do pensamento, podemos dizer que o princípio de não-contradição não é o resultado de construções formais sobre proposições reguladas por princípios, mas é o resultado da realidade vivida pelo sujeito em toda sua complexidade da vida psicológica e social. Piaget nos diz que

Efetivamente [do ponto de vista lógico], o princípio de [não] contradição limita-se a proibir a afirmação e a negação simultânea de dado caráter. A é incompatível com não- A . Mas, para o pensamento efetivo de um sujeito real, a dificuldade começa quando ele se pergunta se se tem o direito de afirmar simultaneamente A e B , pois jamais a lógica prescreve diretamente se B implica, ou não, não- A . (PIAGET, 1958, p. 55)

É da experiência que o sujeito vai tirar se B implica, ou não, não- A ; logo, se B é contraditório a A . Nesse sentido, quando o autor diz que a Lógica “jamais prescreve diretamente se B implica, ou não, não- A ”, ele quer dizer que o sujeito real se volta não para a dedução formal, mas para a coerência da sua realidade psicológica e social vivida por ele, da qual a Lógica não pode decidir, pois não é seu plano de análise.

Isso significa que se a Psicologia não pode intervir na decisão sobre uma validade de uma demonstração lógica, a Lógica não pode intervir na autonomia da Psicologia no que concerne às investigações dos fenômenos causais. Sobre essa reciprocidade, escreve Piaget, em *Epistemologia Matemática e Psicologia*:

[...] a independência da atividade lógico-matemática em relação à psicologia é então inteiramente recíproca. Em compreensão, o domínio psicológico está bem delimitado porque parte exclusivamente do mecanismo real dos processos mentais, e isto é suficiente [também] para impedir toda a aplicação da psicologia a um problema de validade formal. (BETH; PIAGET, 1961, p. 145, tradução nossa)⁴⁷

Citando um exemplo desta independência dos métodos, Piaget escreve no *Ensaio*:

Se [por exemplo] a lógica é uma teoria formal das operações do pensamento, a psicologia e a sociologia, ou pelo menos certas partes destas disciplinas, constituem, ao contrário, uma teoria real das próprias operações: das

⁴⁷ “[...] l’indépendance de l’activité lógico-mathématique à l’égard de la psychologie est alors entièrement réciproque. En compréhension, le domaine psychologique est bien delimité puisqu’il porte exclusivement sur le mécanisme réel des processus mentaux, et cela suffit à interdire toute application de la psychologie à un problème de validité formelle”.

operações efetuadas pelo indivíduo, ou permutadas graças à linguagem e efetuadas em comum. (PIAGET, 1976, p. 10)

Embora haja independência dos métodos, isso não quer dizer, segundo Piaget (1958, p. 57), que os esquemas lógicos não possam auxiliar nas análises psicológicas. “Não há dúvida que os esquemas lógicos tenham auxiliado, freqüentemente, pelas sutilezas que apresentam, a análise dos psicólogos” (PIAGET, 1958, p. 57). Os estudos da Lógica podem auxiliar o psicólogo na esquematização das informações coletadas empiricamente, quando o psicólogo elabora, por exemplo, hipóteses e predição dos fenômenos que podem ser comprovados ou invalidados no contexto da teoria por ele aventada.

Assim, voltando à discussão entre Beth e Piaget, podemos notar que Piaget não discorda de Beth quanto à autonomia da Lógica em relação à Psicologia, pois, como vimos, Piaget defende que temos dois métodos distintos para cada um dos domínios supracitados e que cada um destes domínios tem autonomia o suficiente para investigar o recorte que eles fazem do pensamento operatório, seja o recorte formal ou real. Sobre esta autonomia e independência, em suma nos diz o autor no *Ensaio* que:

[...] jamais um dado de fato, psicológico ou sociológico, poderia ser invocado na formalização lógica, a qual permanece autônoma mesmo com referência às normas mais comumente aceitas pelo grupo social ou pelos indivíduos; jamais, em compensação, um raciocínio que se apóia num algoritmo formal poderia ter validade de um fato da experiência, em psicologia ou em sociologia do pensamento. É esta independência dos métodos apenas que assegura, aliás, a correspondência dos problemas (PIAGET, 1976, p. 15)

Em *Psicologia da Inteligência*, o autor (1958, p. 55) nos diz que se a Lógica realiza uma análise formal e a Psicologia uma análise real, a correspondência que há entre elas é a mesma que há “entre um esquema e a realidade que ele representa”, isto é, entre a forma e o conteúdo de uma estrutura lógica. Sobre essa correspondência, diz-nos Piaget no *Ensaio*:

A correspondência dos problemas é clara. Primeiro, todos os problemas suscitados pela formalização lógica podem corresponder a problemas psicológicos e sociológicos. Assim, o emprego de um simbolismo lógico adequado corresponde ao problema dos signos; cada estrutura formalizada corresponde a uma estrutura real, no pensamento comum ou, na ausência deste, no espírito do próprio lógico, etc. Inversamente, toda estrutura atingida pelas operações mentais do indivíduo, ou por uma cooperação interindividual, suscita o problema lógico de sua formalização possível: é o caso da reversibilidade e dos diversos agrupamentos de conjunto constituído pelas operações concretas e abstratas. (PIAGET, 1976, p. 15)

Piaget (1976, p. 14) observa que entre a teoria formal da Lógica e a análise real da Psicologia ou da Sociologia, ocorre a mesma relação que há entre a geometria axiomática e a geometria dos objetos físicos: independência completa dos métodos e correspondência possível entre os problemas. Nesse sentido, podemos entender que a correspondência da Lógica com a Psicologia e a Sociologia é análoga ao que há entre um esquema e a realidade que ele representa, entre o formal e o real, entre a aritmética dos matemáticos e os números “naturais” construídos antes de qualquer teoria, ou entre a axiomática e a realidade dos fenômenos empíricos. Analogia que torna possível compreender

[...] então as verdadeiras relações entre a lógica, de um lado, e a psicologia ou a sociologia das operações intelectuais, de outro: *a lógica é a axiomática das estruturas operatórias, da qual a psicologia e a sociologia do pensamento estudam o funcionamento real.* (PIAGET, 1976, p. 14, grifo do autor)

Na *Psicologia da Inteligência*, diz-nos Piaget (1958, p. 52) que uma axiomática é uma ciência exclusivamente hipotético-dedutiva, isto é, ela libera as estruturas operatórias de suas amarras intuitivas, da qual ela se originou, para reconstruir livremente um esquema teórico por meio de proposições indemonstráveis, os axiomas. Estes, combinados entre si, geram todas as possibilidades segundo as relações de necessidades no interior da dedução.

Diz-nos, ainda, Piaget, que a axiomática

[...] frente a realidades complexas e resistentes à análise exhaustiva, permite ela construir modelos simplificados do real, fornecendo, assim, ao estudo deste último, instrumentos de dissecação insubstituíveis. De modo geral, uma axiomática constitui, como o demonstrou F. Gonseth, um “esquema” da realidade e pelo próprio fato de que toda abstração conduz a uma esquematização, o método axiomático prolonga, no total, o da própria inteligência. (PIAGET, 1958, p. 52-53)

Nesse sentido, Beth chega a concordar com Piaget que há uma certa complementaridade entre os domínios supracitados e que ela é necessária para uma pesquisa epistemológica. Ambos escrevem nas Conclusões Comuns, em *Epistemologia Matemática e Psicologia*, que

Em suma, cada uma das duas respectivas atividades do lógico e do psicólogo se refere à outra, não porque elas seriam interdependentes, mas porque, cada uma permanecendo totalmente autônoma, são complementares. São então esta autonomia e esta complementaridade reunidas que tornam não somente possível, mas necessária a pesquisa de uma síntese epistemológica. (BETH; PIAGET, 1961, p. 332, tradução nossa)⁴⁸

⁴⁸ “Au total, chacune des deux activités respectives du logicien et du psychologue renvoie à l’autre, non pas parce qu’elles seraient interdépendantes, mais parce que, chacune de meurant entièrement autonome, elles sont

Desse modo, o problema epistemológico que Piaget se coloca consiste “[...] precisamente o de explicar como os diversos tipos de conhecimento são possíveis (e possíveis no duplo sentido de sua validade normativa e de seu funcionamento real)” (BETH; PIAGET, 1961, p. 166, tradução nossa).⁴⁹ Lembremos que a questão epistemológica que o autor coloca no *Ensaio* e que deu origem a ele é: em que medida as estruturas lógicas formalizadas com toda autonomia pelo lógico derivam das estruturas operatórias construídas por um sujeito epistêmico e que o ajudam a ordenar a realidade?

Assim, em vista do que dissemos, se entendermos por psicologismo a tentativa de resolver um problema lógico ou matemático se utilizando de resultados emprestados da psicologia, implicando, com isso, uma confusão de métodos e problemas, podemos entender que Piaget não é um psicologista.

O *Ensaio*, assim, não é apenas uma análise formal das estruturas lógicas ao modo de um tratado de lógica e, também, não é uma obra de pura psicologia, mas um estudo de Epistemologia Genética. Nele se procura compreender como se constituem as estruturas necessárias aos aumentos de nossos conhecimentos, isto é, como que as estruturas lógicas, estudadas com toda autonomia pelo lógico, se constituem em um sujeito epistêmico e como elas se coordenam resultando em estruturas passíveis de formalização.

complémentaires. Ce sont alors cette autonomie et cette complémentarité reunites qui rendent non seulement possible, mais encontre nécessaire la recherche d’une synthèse épistémologique”.

⁴⁹ “[...] précisément d’expliquer comment les divers types de connaissance sont possibles (et possibles au double sens de leur validité normative et de leur fonctionnement dans le réel)”.

Capítulo III

Como o sujeito epistêmico usa e se torna capaz de usar funções proposicionais

Uma das estruturas necessárias ao conhecimento lógico-matemático é a função proposicional, objeto de nossa Dissertação. Nesse sentido, veremos, neste capítulo, na Seção 1, a definição de função proposicional dada por Piaget no *Ensaio*. Procuramos mostrar, também, em que medida a função proposicional é importante como condição de uma lógica das classes e das relações e como ela se constitui em uma das pedras bases da Lógica Operatória.

A partir disso rerepresentamos e situamos, na Seção 2, a questão central da Dissertação em relação à definição de função proposicional e das discussões realizadas, nos capítulos anteriores, sobre a contextualização do *Ensaio* na Epistemologia Genética. Veremos que a função proposicional, estudada com autonomia pelo lógico, tem um correspondente na realidade psicológica que a torna possível: o esquema conceitual; é, então o esquema conceitual que permite ao sujeito epistêmico usar as funções proposicionais.

Por fim, na Seção 3, investigamos a psicogênese da função proposicional e, conseqüentemente, dos esquemas conceituais, para responder como o sujeito se torna capaz de usar a função proposicional.

1. A função proposicional e a sua importância para a Lógica Operatória

Apresentamos aqui a definição de função proposicional dada por Piaget no *Ensaio* e explicitamos como a função proposicional está relacionada à Lógica Operatória, em especial, às operações intraproposicionais. Nesse sentido, mostramos como a função proposicional torna possível a lógica das classes e a lógica das relações, condição necessária para a Lógica Operatória.

A função proposicional é definida por Piaget no §4 do *Ensaio* do seguinte modo:

Definição 7. – *Uma função proposicional ax é um enunciado nem verdadeiro nem falso, mas suscetível de adquirir um valor de verdade ou de falsidade segundo a determinação dos argumentos que substituem o argumento indeterminado x .* (PIAGET, 1976, p. 45)

No estudo da função proposicional, o termo *argumento* é usado para designar a própria variável x ou o que substitui a variável x na função. A variável x é chamada de *argumento*

indeterminado e o que a substitui, se não for uma variável, de *argumento determinado*. (cf. PIAGET, 1976, p. 45).

Tomemos um exemplo simples para explicitar o uso desta função. Começemos com a proposição “o cravo é vermelho”. Podemos substituir o sujeito desta proposição por outro termo, resultando em uma nova proposição, como, por exemplo, “a rosa é vermelha”. Esta substituição resulta em uma proposição com um valor de verdade ou de falsidade. Se expressarmos por x a possibilidade de substituição de um sujeito por outros sujeitos quaisquer no seio de uma proposição, temos, então, no caso da proposição acima, a expressão “ x é vermelho”. Se, ainda, designarmos, também, o predicado “é vermelho” pela letra a , podemos expressar, formalmente, a função proposicional por ax .

Notemos que o enunciado ax não é uma expressão particular, mas uma expressão geral que indica a sua constituição a partir de seus elementos mais simples, os objetos (sujeitos) e a propriedade destes objetos (predicados).

Nesse sentido, a substituição do argumento indeterminado pelo argumento determinado na função proposicional resulta em uma proposição à qual é possível atribuir um valor de verdade ou de falsidade. O termo a é, segundo o autor (1976, p. 45), a função em si mesma.

Embora Piaget (1976, p. 45) escreva que a função proposicional tenha origem em Russell, as primeiras noções já estavam presentes, como vimos na Introdução, em Frege, não sob o nome de função proposicional, mas sob o nome de conceito. Há diferenças nas definições de função proposicional dada por estes autores que não trataremos aqui, mas que podem ser relevantes em outros contextos, como uma discussão sobre o estatuto ontológico da função proposicional, por exemplo.⁵⁰ Para os propósitos da dissertação, interessa-nos apenas que Russell trata a função proposicional como uma expressão e que Piaget, influenciado pelos trabalhos de Russell, o faz da mesma forma.

Segundo Piaget (1976, p. 45-46), uma função proposicional também pode ser transformada em proposição de dois modos: podemos dizer que todos os x têm a propriedade a ou que ao menos um x tem tal propriedade. No primeiro caso, a notação dada por Piaget é

⁵⁰ Sobre as diferentes abordagens da função proposicional por Frege e Russell, Bochenski (1966, p. 336) escreve: “Russell que conhece bem Frege, segue o pensamento desse grande lógico, senão com duas diferenças: não parte, como Frege, do conceito matemático de função, mas de análises aristotélicas das sentenças; mas logo parece interpretar a palavra ‘função’, segundo havia dito, como nome de uma expressão, de uma fórmula escrita”. Notemos que Frege não define função como uma expressão, pois, para ele, os entes matemáticos não são meras expressões, estas apenas os designam.

$(x)ax$ e no segundo caso a notação é $(\beta x)ax$. Notemos que tanto $(x)ax$ e $(\beta x)ax$ são possíveis proposições, pois conforme a determinação do argumento x e do predicado a , terão seu valor de verdade ou de falsidade definidos.

Sob influencia de Russell, Piaget distinguirá funções proposicionais de classes lógicas. Consta nas referências bibliográficas do *Ensaio* o livro de Russell, intitulado *Introdução à Filosofia da Matemática*, que é a principal referência de Piaget ao fazer a distinção supracitada (Piaget parafraseia partes desta obra).

Na *Introdução à Filosofia da Matemática*, Russell (1966, p. 177) formula cinco condições, necessárias e suficientes, para a existência lógica de uma classe. Vejamos duas delas que Piaget (1976, p. 46) cita no *Ensaio*, particularmente no contexto da distinção entre função proposicional e classe, enquanto as outras condições elaboradas por Russell são, segundo Piaget, “[...] condições restritivas às classes matemáticas (conjuntos), que não nos interessam aqui [...]”. (PIAGET, 1976, p. 46)

A primeira das condições necessárias e suficientes para a existência lógica de uma classe é: toda classe é definida por uma função proposicional, tal que a proposição resultante na substituição na função é verdadeira para os membros da classe e falsa com relação aos que não são membros destas classes (RUSSEL, 1966, p. 177). Por exemplo, a classe dos Homens é determinada a partir dos possíveis termos que venham substituir a variável x na expressão $H(x)$ e que tenham a propriedade H de ser homem, ou seja, que resultem em uma proposição verdadeira. Nesse sentido, diz-nos Russell (1966, p. 177), “Tudo o que estamos observando no momento é que uma classe é tornada determinada por uma função proposicional e que toda função proposicional determina uma classe apropriada”.

A segunda condição, dada por Russell é: “Duas funções formalmente equivalentes devem determinar a mesma classe, e duas que não são formalmente equivalentes devem determinar classes diferentes” (RUSSEL, 1966, p. 177). Um exemplo de funções equivalentes é dado por Piaget no *Ensaio* é: “ x é 4” e “ x é $2 + 2$ ”; neste caso, estas funções são equivalentes, pois determinam a mesma classe, com um único elemento, o número 4. Assim, segundo Russell,

É o fato de haver outras funções formalmente equivalentes a uma função dada o que impossibilita identificar uma classe com uma função; pois desejamos que as classes sejam tais que não haja duas classes distintas tendo exatamente os mesmos membros, e, portanto, duas funções formalmente equivalentes terão de determinar a mesma classe. (RUSSELL, 1966, p. 176)

Com base nesta distinção de Russel entre função proposicional e classe lógica, Piaget define classes a partir da noção de função proposicional do seguinte modo:

Definição 8. – Uma classe é o conjunto dos termos que podem ser substituídos uns pelos outros a título de argumentos conferindo um valor de verdade a uma função proposicional. (PIAGET, 1976, p. 49)

Piaget denota por $\{x \mid ax\}$ o conjunto dos elementos que podem ser substituídos uns pelos outros a título de argumentos, conferindo um valor de verdade a uma função proposicional.

Ora, se uma classe pode ser definida a partir de uma função proposicional, então, como nos diz Piaget, “[...] a classe não se reduz a uma coleção física, mas resulta da substituição de um indivíduo por outro, no seio de uma proposição: a primeira condição da existência de uma classe é, pois, de fato, a construção de uma função proposicional [...]” (PIAGET, 1976, p. 46). Piaget também argumenta que “Uma classe lógica não poderia ser concebida, com efeito, como um simples amontoado de indivíduos: a melhor prova disto, diz Russell, é que uma classe pode ser vazia”. (PIAGET, 1976, p. 46)

Esta condição da função proposicional como logicamente anterior a classe é, também, comentada por Russell (1966, p. 175) que a considera “o equipamento final do mundo”. Sobre a importância da função proposicional para a existência lógica das classes, comenta Piaget:

Ora, depois de ter sido objeto de uma organização admirável nos trabalhos de Russell, a lógica das classes foi abandonada por ele como o fundamento do edifício lógico [...] A noção capital, que se deve a Russell, e que associa do modo mais natural a noção de classe à da proposição [...] é a noção de “função proposicional”. (PIAGET, 1976, p. 45)

Em suma, podemos dizer, então, que, para Piaget, a função proposicional é condição necessária para a constituição de uma classe e, por conseguinte, da construção de uma lógica das classes.⁵¹ Isso mostra a importância da função proposicional como a base do edifício lógico na hierarquia das estruturas, principalmente se a Lógica Operatória for vista sob a perspectiva de uma lógica das totalidades operatórias, como quer Piaget mostrar no *Ensaio*.

⁵¹ Em Teoria de Conjuntos, o princípio que expressa funções proposicionais como condição de constituição de classes é, em geral, o axioma da compreensão. Na teoria Zermelo-Fraenkel de conjuntos, o axioma da compreensão diz que para todo conjunto A e para toda função proposicional $P(x)$ corresponde um conjunto H cujos elementos são exatamente aqueles x de A para os quais $P(x)$ é verdadeira. Neste caso, fica claro a importância da função proposicional para se definir conjuntos.

Piaget, no *Ensaio*, procura mostrar que as operações lógicas estariam interligadas como um todo, segundo o que ele chama de *sistemas de conjunto* (cf., por exemplo, 1976, p. 27) ou de uma *lógica das totalidades operatórias* (cf., por exemplo, 1976, p. 47).

Uma lógica das totalidades seria semelhante às operações de conjunto ou de totalidade desenvolvida na Matemática, onde, como observa Piaget “[...] as operações não existem em estado isolado, mas são solidárias com estruturas globais” (PIAGET, 1976, p. 25). Um exemplo dado pelo autor são os “corpos”, “anéis” e outros sistemas algébricos que, a partir de leis de composição de seu conjunto, se constituem como um todo articulado.

Segundo Piaget (1976, p. 27), o mesmo ocorre na Psicologia. Entende o autor que, neste domínio, as operações do pensamento não estão isoladas, mas apoiam-se em sistemas de conjunto. Nesse sentido, como vimos no Capítulo II, Seção 1, as estruturas lógico-matemáticas, construídas pelo sujeito, estariam interligadas e ordenadas de modo que as estruturas se sucedem hierarquicamente, sendo a forma de uma estrutura de nível inferior o conteúdo de uma estrutura de nível superior.

Sobre a visão de um sistema de conjunto tanto na Matemática quanto na Psicologia escreve Piaget:

Tanto em matemática quanto em psicologia, quer dizer, nas duas disciplinas entre as quais a lógica se coloca, o papel das totalidades operatórias, com suas propriedades de conjunto, tornou-se fundamental nas sistematizações das operações abstratas, bem como das operações reais em jogo no pensamento em ação. (PIAGET, 1976, p. 25)

Se a Lógica é, como vimos no Capítulo II, Seção 1, a teoria formal das operações dedutivas, tal que essas operações estão “encarnadas” pela psicologia de um sujeito e são desenvolvidas no plano simbólico e formal das teorias lógico-matemáticas, Piaget (1976, p. 25) pergunta-se, então, no *Ensaio*, se a Lógica, que se coloca entre a Psicologia e a Matemática, não seria, também, um sistema de conjunto, isto é, se a Lógica não poderia ser sistematizada segundo uma lógica das totalidades operatórias, assim como se faz na Matemática e na Psicologia. É nesse sentido que Piaget propõe uma lógica das totalidades operatórias “[...] do duplo ponto de vista da lógica das proposições e da lógica das classes e das relações”. (PIAGET, 1976, p. 28)

Antes de passarmos para as descrições das totalidades operatórias das proposições, das classes e das relações, vejamos o que Piaget entende por relação e como esta se coordena com as classes lógicas.

Piaget define relação, em primeira aproximação, no §4 do *Ensaio* do seguinte modo:

Definição 9. – *Uma relação é o que caracteriza um termo por intermédio de um outro.* (PIAGET, 1976, p. 52)

Tomemos como exemplo de uso de relação na proposição “A maçã é menor que a melancia”. Os termos “maçã” e “melancia” são relativos um ao outro, segundo o termo “é menor que”. Se expressarmos este termo por a e a possibilidade de substituição dos termos “maçã” e “melancia” por outro, na referida proposição, pelas variáveis x e y , então obtemos uma expressão geral para proposições que expressam uma relação entre dois elementos, a saber: axy . Notemos que a relação axy é, também, uma função proposicional.

Observa Piaget (1976, p. 53-54) que toda função proposicional, seja na forma axy ou na forma ax é uma relação. No caso de axy , a relação a está explicitada. Mas, também, em ax , pode-se admitir uma relação implícita (com exceção das classes vazias), pois embora ax expresse que apenas um termo x tenha a propriedade a , esta propriedade pode englobar o conjunto dos termos x_1, x_2 , etc. que tem tal propriedade (e que substituam x na função, mantendo-a verdadeira). Por exemplo, embora expressemos a proposição “o cravo é vermelho” por ax , existem outros termos que tem a propriedade de ser vermelho, o que nos leva a expressar a função ax por ax_1, ax_2 , etc. Notemos que, neste caso, a relação está implicitamente colocada, podendo ser assim explicitada: ax_1x_2 ; um exemplo de proposição expressa nessa forma é: “o cravo é vermelho como a rosa”. Sobre o caso de uma função proposicional ser um tipo de relação tanto na forma axy quanto na forma ax , escreve Piaget:

[...] toda função a , tanto na forma ax quanto axy , constituirá uma relação; a única diferença será que, em axy , a relação a é explicitamente colocada como relação [...] entre x e y , enquanto em ax trata-se de uma relação simétrica que permanece entre os argumentos x_1 e x_2 , etc. substitutivos de x . (PIAGET, 1976, p. 53-54)

Notemos, ademais, que uma relação não se confunde com uma classe. Segundo Piaget, enquanto “[...] uma classe é a reunião de termos individuais (ou uma reunião de outras classes cujas subclasses reúnem sempre, elas próprias, em definitivo, termos individuais)” (PIAGET, 1976, p. 50), “[...] uma relação é, ao contrário, o que permite reunir estes termos segundo suas equivalências, sua ordem, etc.”. (PIAGET, 1976, p. 50). O autor nos diz que a noção de classe e relação corresponde ao que se entendia, tradicionalmente em Lógica, por *extensão* e *compreensão* de um conceito, respectivamente. Sobre isso, diz-nos: “A lógica tradicional, que não distinguia as classes e as relações, mas as reunia sob o termo indiferenciado de

‘conceitos’, opunha, por outro lado, cuidadosamente uma à outra, a extensão e a compreensão [...]”.

Diz-nos Bochenski (1966, p. 265 e 272), em *História da Lógica Formal*, que a noção de extensão e compreensão de um conceito, desde já muito antiga, recebeu tratamento explícito, somente no século XVII com o manual de lógica *La Logique* ou *L’art de Penser*, também chamado de *Logique du Port Royal*, dos autores P. Nicole e A. Arnault. Em *La Logique*, a noção de extensão (*étendue*) de conceito é distinta da de compreensão (*compréhension*) de um conceito. A compreensão de um conceito são as características ou atributos que são próprios ao conceito de algo; sobre isso Bochenski oferece-nos como exemplo a compreensão do conceito de triângulo, o qual abarca: figura, três linhas, três ângulos, etc. A extensão de um conceito são os sujeitos que caem sob este conceito; assim, a extensão do conceito de triângulo são todos triângulos existentes.

Ciente desta distinção entre extensão e compreensão de um conceito, Piaget escreve que “[...] a extensão é, por definição, o conjunto dos indivíduos aos quais se aplica (justamente) o conceito [...] Essa extensão corresponde assim ao que se chama hoje de classe, e pode-se definir como classe todo conceito em extensão (cf. definição 8)” (PIAGET, 1976, p. 50). Por outro lado, “[...] a compreensão é o conjunto dos atributos que possuem em comum esses indivíduos” e que nesse sentido, “[...] o que permite reunir os x , ou os x e os y , é a função ela mesma, a ou b , que é ‘compreensão’ e vamos ver que é ela que constitui, em todos os casos, a relação”. (PIAGET, 1976, p. 50)

Assim, como podemos notar, segundo a perspectiva de uma lógica das totalidades operatórias ou ainda de uma Lógica Operatória, como pretende Piaget que seja a Lógica, a função proposicional é o que há de mais fundamental, pois ela permite explicitar a forma e a constituição das operações elementares como a de classificação e relacionamento. Nesse sentido, a existência da função proposicional é condição das operações elementares de classificação e relacionamento. Em relação às operações intraproposicionais (ver Capítulo 2, Seção 1 deste trabalho), temos que, segundo Piaget, “É a passagem da proposição como tal à função proposicional que leva, portanto, ao estudo das operações intraproposicionais”. (PIAGET, 1976, p. 45)

As operações intraproposicionais (condição das operações sobre classes e relações) constituem, segundo o autor (1976, p. 28), “operações de primeira potência”, pois elas formam um todo e são, na hierarquia das estruturas, construções de níveis mais elementares.

Já as operações interproposicionais (operações de negação, conjunção, condicional, etc.) são “operações de segunda potência”, pois uma proposição qualquer pressupõe como conteúdo uma operação de classes e relações.

O *Ensaio* propriamente dito é, então, dividido em duas grandes partes. Na parte I o autor nos apresenta um estudo das operações intraproposicionais, mostrando como que as classes e as relações se articulam como um todo a partir das operações sobre funções proposicionais. Na parte II é realizado um estudo das operações interproposicionais, onde o autor mostra que são “[...] ao mesmo tempo superiores às precedentes e influenciando sobre seu resultado (já que uma proposição é, quanto a seu conteúdo, uma operação de classes e de relações) [...]”. (PIAGET, 1976, p. 28)

Veremos, agora, nas seções seguintes, como a função proposicional tem um correspondente psicológico na realidade do sujeito e como este sujeito dará condições para o surgimento da função proposicional. Será feita uma análise de condições psicológicas necessárias ao surgimento da função proposicional em um sujeito psicológico e, por conseguinte, em um sujeito produtor de conhecimento, o sujeito epistêmico.

2. Uma questão de fato: como o sujeito epistêmico usa e se torna capaz de usar funções proposicionais?

Com base nas discussões de princípio realizadas nos capítulos anteriores e dada a definição de função proposicional, rerepresentamos, nesta seção, a questão central desta Dissertação. Em face da presente questão, perguntamo-nos qual é a correspondência entre função proposicional, estudada com autonomia pelo lógico, e as estruturas do sujeito psicológico. Veremos que à função proposicional corresponde, psicologicamente, o esquema conceitual.

Vimos, no capítulo anterior, que Piaget considera que a Lógica é uma axiomática das estruturas operatórias da qual a Psicologia e a Sociologia do pensamento estudam o funcionamento real. Se aceitarmos tal posição, temos que as estruturas elementares de classes, de relações, de proposições, etc., formalizadas com toda independência e autonomia pelo lógico, têm correspondências com as ‘operações’ do pensamento natural; logo, uma das questões de fato que surge é a de compreender qual é a correspondência entre o uso da função proposicional e as estruturas do sujeito psicológico. Nesse sentido, assentado o terreno das discussões de princípio, nos capítulos anteriores, podemos, agora, rerepresentar a questão

central da nossa dissertação, nos termos já mencionados na Introdução, para analisá-la mais detalhadamente:

Como o sujeito epistêmico usa e se torna capaz de usar funções proposicionais na estruturação lógico-matemática que ele faz da realidade?

Começamos nosso estudo da correspondência entre a função proposicional e as estruturas do sujeito epistêmico, a partir da sua relação com a construção das classes, apresentada por Piaget, no § 8 do *Ensaio* (1976, p. 74). Consideremos, então, uma operação de *substituição simples*: se ax_1 significa, por exemplo, para o sujeito epistêmico, a proposição “ x_1 é de madeira”, ele pode substituir x_1 por x_2 , x_3 , etc., (sendo que estes objetos têm a propriedade de ser madeira), conservando o valor de veracidade das proposições resultantes desta substituição. Esta operação, diz-nos Piaget (1976, p. 74), tem um correspondente psicológico na realidade. Nesse sentido, escreve o autor: “Do ponto de vista das operações reais do sujeito, quer dizer, do ponto de vista psicológico, a substituição simples corresponde a um mecanismo perfeitamente geral da ação e do pensamento, que é o da identificação dos objetos a um esquema de atividade”.

Podemos entender o termo “esquema de atividade” aqui como estendendo noção de esquema de ação, ou seja, a estrutura ou a organização dessa atividade a qual se transfere ou generaliza no momento da repetição da atividade, em circunstâncias semelhantes ou análogas.⁵² Notemos, então, uma semelhança entre uma função proposicional e um esquema de ação. Qual seria o seu significado? Será que a função proposicional tem origem em um esquema de ação?

Piaget, em *O Nascimento da Inteligência na Criança*, diz-nos que existe uma analogia de ordem funcional entre um esquema de ação e um esquema conceitual. Escreve ele que

No tocante, em primeiro lugar, às classes ou aos gêneros é evidente que o 'esquema móvel', apesar de todas as diferenças de estrutura que o separam desses seres lógicos, é-lhes funcionalmente semelhante. Como eles, de fato, o 'esquema móvel' denota sempre um ou mais objetos, por 'pertença'. (PIAGET, 1975b, p. 228)

⁵² Lembremos que, como vimos no Capítulo 1, Seção 1, “Um esquema [de ação] é a estrutura ou a organização das ações, as quais se transferem ou generalizam no momento da repetição da ação, em circunstâncias semelhantes ou análogas”. (PIAGET, 1990, p. 15)

Nesse sentido, de forma geral, quando uma criança aplica um esquema de ação a um objeto, por exemplo, suga seu polegar, existe uma espécie de identificação prática de um objeto a um esquema de ação, por exemplo, o polegar (objeto) é considerado pelo sujeito como “sugável”, relativo ao esquema de sugar.

Tendo em vista tais semelhanças, segundo Piaget *at al*, em *As Ligações Analíticas e Sintéticas no Comportamento do Sujeito*, podemos definir a extensão e a compreensão de um esquema de ação: “*Df. 8*. A extensão de um esquema é a reunião das extensões de ações das quais ele é o esquema. A compreensão de um esquema é o esquema em si mesmo” (APOSTEL, *at al*, 1957, p. 48, tradução nossa).⁵³ Em seguida, ainda nos diz: “*Df. 8 bis*. A extensão de uma ação é a reunião de objetos sobre os quais ela porta” (APOSTEL, *et alli*, 1957, p. 48, tradução nossa).⁵⁴ Nesse sentido, podemos notar que um esquema de ação, assim como um esquema conceitual, reúne objetos (extensão) por meio de uma propriedade comum (compreensão).

Porém, no Período Sensório Motor, a criança não consegue, ainda, conceber a extensão da sua ação ou, como nos diz Piaget: “[...] a assimilação sensório-motora, que conhece a *compreensão* não comporta *extensão* do ponto de vista do sujeito”. Assim, existe um longo percurso do surgimento dos esquemas sensório-motores à possibilidade do sujeito epistêmico ser capaz de usar a função proposicional. Sendo assim, qual seria, então, o correspondente psicológico da função proposicional?

No § 4 do *Ensaio*, Piaget (1976, p. 46) nos diz que a função proposicional, como primeira condição da existência da lógica das classes, tem um equivalente psicológico: um esquema de identificação conceitual. Sobre isso, escreve:

[...] a primeira condição da existência lógica de uma classe é, pois, de fato, a construção de uma função proposicional (equivalente lógico do que é psicologicamente um esquema de identificação conceitual). (PIAGET, 1976, p. 46)

Notemos que um esquema de identificação conceitual implica, primeiramente, que um sujeito seja capaz de atribuir uma mesma propriedade a diferentes objetos, analogamente, como vimos, ao esquema de ação sensório-motor. Mais ainda, voltando ao exemplo supracitado, vemos que o sujeito consegue determinar não apenas que um objeto x_1 tem a propriedade a , (por exemplo, ser de madeira), mas que também os objetos x_2 , x_3 , etc. têm a

⁵³ “*Df. 8*. L’extension d’un schème est la réunion des extensions des actions don il est le schème. La compréhension d’un schème est ce schème lui-même”.

⁵⁴ “*Df. 8 bis*. L’extension d’une action est l’ensemble des objets sur lesquels elle porte”.

propriedade a , por meio da substituição simples, mencionada logo acima. Essa ligação dos esquemas de identificação conceitual com o sistema de esquemas de ação é o que nos permite dizer que há uma significação concreta associadas aos esquemas conceituais. Nesse sentido, escreve Piaget que

No exemplo escolhido, se uma ação, que se refere a um pedaço de madeira x_1 , é repetida em outros objetos que poderão ser igualmente cortados, talhados, etc., estes objetos x_2 , x_3 , etc., serão então comparados com o primeiro, do ponto de vista do esquema da ação considerada, e é a formalização deste cotejo que constitui a operação lógica elementar da substituição. Por outro lado, o próprio esquema destas ações, ou dos juízos emitidos a seu respeito, corresponde ao predicado a . (PIAGET, 1976, p. 74-75)

Se há de fato “o próprio esquema destas ações, ou dos juízos emitidos a seu respeito, corresponde ao predicado a ”, cabe se perguntar, então, porque a assimilação de um dado por um esquema sensório-motor não é condição suficiente para a existência de esquemas de identificação conceitual. Mais ainda, considerando os “juízos emitidos a seu respeito”, cabe perguntar se as verbalizações feitas pelas crianças, por exemplo, “este besouro é um bicho”, não seriam, ainda, evidências da existência de um esquema de identificação conceitual?

Veremos que não, pois a aquisição dos esquemas conceituais não supõe apenas que criança verbalize o reconhecimento de certas propriedades dos objetos, mas, também, que ela seja capaz de coordenar suas extensões, em especial, seja capaz de coordenações reversíveis parte-todo.

Segundo Piaget, no Capítulo VIII de *A Formação do Símbolo na Criança*,

[...] para que a criança pudesse tomar uma decisão sobre isso [de decidir se um besouro e pequenas minhocas são bichos, por exemplo], [seria preciso] que ela soubesse reunir as partes num todo segundo um modo de composição reversível [...] (PIAGET, (1975a, p. 291)

Para citar um caso de irreversibilidade, consideremos o experimento de transvasamento dos líquidos no qual apresenta-se dois recipientes para uma criança, o recipiente A e B , sendo este último mais estreito e mais alto. Os recipientes apresentam volumes iguais, variando apenas no formato. A intenção é passar o volume de água de um recipiente a outro de modo a observar se a criança consegue perceber a conservação do líquido, muito embora os recipientes tenham formas diferentes. A pergunta que é feita a elas antecipadamente é se haverá ou não conservação do líquido transvasado de um recipiente a outro. O experimento mostra que crianças do Período Pré-Operatório são incapazes ainda de

perceber a conservação do líquido. Experimentos como estes mostram que as crianças do pré-operatório raciocinam, segundo Piaget,

[...] somente sobre *estados* ou configurações estáticas, negligenciando as *transformações* como tais. Para atingir a estas últimas, ao contrário, é preciso raciocinar por meio de “operações” reversíveis e estas só se constroem pouco a pouco, por uma regularização progressiva das compensações em jogo” (PIAGET, 2002, p. 72, grifo do autor)

Nesse sentido, na medida em que a criança é capaz de antecipar suas ações e reconstituí-las, há, segundo Piaget, a preparação da reversibilidade, “[...] bastando [pois] prolongar esta ação interiorizada, no sentido da mobilidade reversível, para transformá-la em ‘operação’”. (PIAGET, 2002, p. 36)

Visando esse momento crucial de preparação da reversibilidade, centramos a nossa investigação no início das primeiras operações lógicas realizadas pelo sujeito, ou seja, no nível que Piaget chama de “Período Operatório Concreto”, aproximadamente entre 7-8 a 11-12 anos; marco que podemos considerar crucial para a construção das operações, pois, segundo Piaget, como já citado, “[...] as operações concretas estabelecem, portanto, muito bem a transição entre a ação e às estruturas lógicas mais gerais [...]” (PIAGET, 1990, p. 86). É, pois, neste nível que se surge a coordenação reversível parte-todo.

Retomando a noção de reversibilidade mencionada, brevemente, na Seção 1 do Capítulo II, temos que uma transformação reversível é a possibilidade de desenvolver uma ação não apenas em um sentido, mas também no sentido contrário. Em outras palavras, é a possibilidade de coordenar uma ação a , que parte de um estado A e resulta o estado B , com uma ação b , que parte do estado B e resulta o estado A , de forma a anular a ação, resultando a inversa desta coordenação. Nesse sentido, no caso, da coordenação reversível parte-todo, a criança tem a possibilidade de coordenar uma ação a de comparação que vai da parte A ao todo B , com uma ação b , de comparação que vai do todo B à parte A , de forma a saber que a parte compõem o todo e que o todo é composto da parte.

Existem inúmeros experimentos que evidenciam esta capacidade da criança de coordenação parte-todo através de uma coordenação reversível, e mostram, por si só, como ela é, de fato, gradual e necessária à aquisição do esquema conceitual. Dentre eles, consideremos, por exemplo, o experimento das contas de madeira, descrito por Piaget na obra *A Gênese do Número na Criança* (PIAGET ; SZEMINSKA, 1975, Capítulo VII). Neste

experimento, tem-se uma caixa com várias contas de madeiras, sendo a grande maioria da cor castanha e apenas duas da cor branca.

Algumas das perguntas, que são feitas à criança, são: “*Há mais contas de madeira ou contas castanha?*”; “*que colar seria mais comprido, o que se poderia fazer com contas de madeira ou com as contas castanhas?*” (pede-se inclusive para a criança desenhar um e outro colar, antes de se fazer esta pergunta).

Nesse caso, a coordenação reversível parte-todo, possibilita à criança coordenar uma ação *a* de comparação da parte *A* (contas castanhas) com o todo *B* (contas de madeira), com uma ação *b*, de comparação do todo *B* (contas de madeira) com a parte *A* (contas castanhas), de forma a saber que, no caso, existe mais contas de madeira (todo) do que contas castanhas (parte).

Vejamos um exemplo de como as crianças respondem aos questionamentos de Piaget:

Stro (6 anos): “Existem nesta caixa mais contas de madeira ou mais contas castanhas? – *Mais contas castanhas.* – Por quê? – *Por que das de madeiras só há duas.* – Mas as castanhas não são também de madeira? – *Ah, sim.* – Então, há mais castanhas ou mais de madeira? – *Mais castanhas.* (PIAGET; SZEMINSKA, 1975, p. 227)

Oli (5;2): “Estas contas são todas castanhas? – *Não, há duas brancas.* – Elas são todas de madeira? – *Sim.* – Se se despejasse todas as contas de madeira aqui, sobraria alguma? – *Não.* – Se se despejasse ali todas as castanhas, sobraria alguma? – *Sim, as duas brancas.* – Então, que colar seria mais comprido, o que se poderia fazer com as castanhas desta caixa ou o que se poderia fazer com as contas de madeira desta outra caixa? – *O das castanhas.* (PIAGET; SZEMINSKA, 1975, p. 228)

Notemos que a criança, muito embora diga que uma determinada conta tenha a propriedade de ser de madeira (todo), de ser castanha (parte) ou de ser branca (parte), ela não compreende que há mais contas de madeira (todo) do que castanhas ou brancas (parte). Sobre essa incapacidade de coordenar reversivelmente a parte e o seu todo, Piaget e Szeminska escrevem:

Tudo se passa como se a criança, pensando na parte, esquecesse o todo e vice-versa. Ou melhor, a criança, quando pensa no todo, consegue bem se representar as partes ainda não dissociadas (pois, por exemplo, desenha corretamente o colar correspondente ao todo e distingue muito bem nesse todo uma vintena de contas castanhas e duas contas brancas), mas, quando procura dissociar uma das partes, não consegue mais se lembrar do todo ou levá-lo em consideração, limitando-se a comparar a parte de que se ocupa com a parte restante, ou seja, ao resíduo do todo primitivo. Assim, se pensa nas contas castanhas, a criança não as compara, com efeito, senão às contas

brancas, e não mais ao conjunto das contas de madeira. (PIAGET; SZEMINSKA, 1975, p.235)

Casos semelhantes podem ser encontrados não apenas em experimentos psicológicos controlados, mas, também, em observações dos comportamentos espontâneos das crianças deste nível. No Capítulo VIII de *A Formação do Símbolo na Criança*, encontramos um caso particularmente interessante para os propósitos aqui apresentados:

Aos 2;1 (13), J. quer ir ver um pequeno vizinho corcunda que ela encontra a passeio. Alguns dias antes, J., depois de minhas explicações sobre o porquê dessa corcunda, que queria saber, disse: “*Pobre rapaz, ele é doente, tem uma corcunda.*” Na véspera, J. já tinha desejado revê-lo, mas estava gripado, o que J. chamava de estar “doente de cama”. Saímos então a passeio e, a caminho, J. pergunta: “*Ele ainda está doente de cama?* – Não, eu o vi hoje de manhã, não está mais de cama.” (PIAGET, 1975a, p. 296)

Relata Piaget que Jaqueline, uma das filhas de suas filhas, ao observar o corcunda com gripe, insere todas as doenças em uma mesma classe e raciocina que se o corcunda se cura da gripe, então deixa de ser corcunda. Piaget chama este tipo de raciocínio, presente no pré-operatório, de *transdução*. Segundo o autor (1975a, p. 300),

[...] a transdução é um raciocínio sem imbricações reversíveis de classes hierárquicas, nem de relações. Sendo sistema de coordenações sem imbricações, por conexão direta entre esquemas semi-singulares, a transdução será, pois, uma espécie de experiência mental que prolonga as coordenações de esquemas sensório-motores no plano das representações; como não constituem conceitos gerais, e sim meros esquemas de ações evocados mentalmente, essas representações ficarão a meio-caminho entre o símbolo-imagem e o próprio conceito. (PIAGET, 1975a, p. 300)

A transdução é um raciocínio típico do Período Pré-Operatório, sendo, *grosso modo*, uma inferência do particular para o particular. Ela nos revela quais as estruturas que estão subjacentes às condutas verbais das crianças. Tanto o experimento das contas, quanto à observação do corcunda apresentados acima são, como facilmente podemos observar, casos de raciocínios transdutivos, e mostram que as crianças do pré-operatório, embora digam que este ou aquele objeto tenha esta ou aquela propriedade, elas são incapazes, ainda, de coordenar de modo reversível parte-todo.

No experimento das contas ela é incapaz de compreender não apenas que toda conta castanha e branca é uma conta de madeira, mas é incapaz de compreender o seu inverso. Também, na observação do corcunda, a criança identifica as duas doenças e as insere em uma única classe, ao invés de distingui-las em classes separadas e inseri-las segundo uma relação

reversível de parte todo, em que estar gripado e ser corcunda são duas doenças dentre outras, na classe das doenças em geral.

Por que, então, isso acontece? Por que a criança, mesmo verbalizando que um objeto tem ou não uma determinada propriedade ela não é ainda capaz de coordenar parte-todo? Em outras palavras, quais são os esquemas necessários para as coordenações reversíveis parte-todo e como ocorre, em detalhes, a passagem do raciocínio transdutivo ao raciocínio lógico-matemático usual? Quais as estruturas determinantes à aquisição do esquema conceitual? É o que veremos na próxima seção.

3. Da ação sobre a experiência sensível à estruturação lógico-matemática do real: análise de condições necessárias ao uso da função proposicional

Nesta seção veremos como surge uma das condições necessárias aos primeiros raciocínios lógico-matemáticos. Veremos, em detalhes, como se dá a passagem das ações sobre a experiência sensível, do final do Período Pré-Operatório, às primeiras estruturações lógicas do real, no início do Período Operatório Concreto. Em especial, detalharemos como as estruturas deste período darão condição para o surgimento dos esquemas conceituais e, com efeito, para o uso pleno da função proposicional no Período Operatório Formal.

No Capítulo VIII de *A Formação do Símbolo na Criança*, um todo consagrado à passagem dos esquemas sensório-motores aos esquemas conceituais, Piaget analisa a progressiva e lenta constituição dos esquemas conceituais. Segundo ele (1975a, p. 278), os esquemas conceituais se constituem a partir dos esquemas sensório-motores, não se dispensando, com isso, a importância da socialização e da linguagem, que são uma das dimensões de sua interação com o meio, influenciando a construção de seu sistema de esquemas de ações. Neste mesmo capítulo, em um parágrafo intitulado *Da Inteligência Sensório-Motora à Representação Cognitiva*, diz-nos Piaget (1975a, p. 304-305) que para passarmos da inteligência sensório-motora ao pensamento conceitual seriam necessárias, em resumo, as seguintes condições:

A) “[...] um sistema de operações que transponha as ações exteriores de sentido único para ações mentais móveis e reversíveis [...]” (PIAGET, 1975a, p. 305). Em outras palavras, que seja o sujeito capaz de realizar ações mentais e que, com isso, ele seja capaz de antecipar um ato, não atrelado, necessariamente, a um esquema sensório-motor em curso. Mais do que isso, que o sujeito seja capaz de, por meio de ações mentais, realizar uma ação reversível, de

sentido contrário à ação inicial, isto é, de saber, por exemplo, que as partes compõem o todo e que o todo é composto pelas partes;

B) “[...] uma coordenação interindividual das operações, que assegure, ao mesmo tempo, a reciprocidade geral dos pontos de vista e a correspondência do pormenor das operações e dos resultados respectivos [...]” (PIAGET, 1975a, p. 305). Consequentemente, que o sujeito seja capaz de utilizar-se de sistemas de signos verbais e que, reciprocamente, esses signos verbais permitam a comunicação entre os sujeitos, ou seja, a coordenação interindividual das operações realizadas pelos sujeitos. Segundo Piaget (1975a, p. 282) o “[...] conceito anuncia o elemento característico de comunicação, porquanto são designados por fonemas verbais que os colocam em relação com a ação de outrem”. Em uma outra passagem, diz-nos ainda (PIAGET, 1975a, p. 282) “[...] o conceito supõe uma definição fixa, a qual corresponde, ela própria, a uma convenção estável que atribui sua significação ao signo verbal”.

Por entendermos que ambas as condições são demais complexas para serem tratadas no espaço desta Dissertação, decidimos aprofundar nosso estudo, como dissemos na seção anterior, na condição descrita pelo termo *A*, isto é: a capacidade do sujeito de coordenar reversivelmente a parte e o todo.

Encontramos elementos na Dissertação de Mestrado de Ricardo P. Tassinari, intitulada de *Da ação sobre a experiência sensível à estruturação lógica do real*, que nos ajudam a compreender melhor as estruturas subjacentes às primeiras coordenações reversíveis parte-todo tratadas por Piaget. Tassinari, nessa dissertação, explicita-nos, na obra de Piaget, uma noção fundamental para compreendermos o momento crucial da passagem das ações sobre a experiência sensível (do Período Pré-Operatório) às operações do operatório concreto: a noção de *transfiguração*.

Esta noção foi proposta por Tassinari no contexto de sua orientação com a professora Zélia Ramozzi-Chiarottino. Na época, Ramozzi-Chiarottino respondia a uma crítica de Gilles-Gaston Granger a Piaget.

Segundo Granger haveria uma ruptura na obra de Jean Piaget, em particular, na explicação da passagem da ação sobre a experiência sensível ao aparecimento (para a consciência) das estruturas lógico-matemáticas. Em suas palavras, assim versa sua crítica:

Desse ponto de vista neo-empirista, a passagem do operatório ao formal é muito bem descrita por Piaget. Mas sempre nos pareceu que a ruptura decisiva com a experiência sensível realizada pelo aparecimento das estruturas lógico-matemáticas, que ele qualifica de formais, foi por ele

minimizada. É que, para ele, o simbolismo é sempre apenas a notação ou o apoio de um comportamento, jamais um sistema de objetos interessantes em si mesmos e suscetíveis de reagir sobre o comportamento, em retorno. Língua natural ou signos matemáticos, tudo se passa aparentemente como se fossem apenas as codificações transparentes e neutras de uma atividade que somente preocuparia o psicólogo e o epistemólogo, cujo objeto é descrever a gênese de sua organização. (GRANGER, 1979, p. 62, tradução nossa)⁵⁵

Parece-nos que Granger busca apontar que Piaget não considera as formas puras das operações sobre signos realizadas pelos matemáticos como “um sistema de objetos interessantes em si mesmo”. Para Granger, Piaget considera que as operações sobre signos seriam apenas a “notação ou o apoio de um comportamento”, isto é, estariam atreladas a uma psicologia do sujeito e somente a ela. Nesse sentido, haveria uma ruptura entre o simbolismo que serve de notação, ou o apoio a um comportamento psicológico (de interesse a uma psicologia e a uma epistemologia), ao formalismo das estruturas matemáticas que aparecem no jogo sobre signos realizado pelo matemático na construção da sua ciência.

Ramozzi-Chiarottino, em resposta às críticas de Granger, diz que os textos de Piaget, de fato, permitem uma interpretação tal como feita por Granger. Mas, também considera que é possível, com base nos escritos menores de Piaget sobre a imagem mental, uma outra interpretação. Sua interpretação encontra-se nos textos: *A imagem mental e a questão de ruptura da razão (ou inteligência) com a experiência sensível*⁵⁶ e *Lógica, biologia e sociedade no modelo piagetiano da consciência*.⁵⁷

Segundo Tassinari (1996, p. 3) a interpretação de Ramozzi-Chiarottino “[...] explicita tal passagem, cujos principais resultados acabam por mostrar o papel da imagem na elaboração do sistema de operações; dentre eles [...] o de representante dos estados sobre os quais o sujeito opera”. Neste caso, parece-nos que a ruptura apontada por Granger encontraria no sistema de operações sobre imagens mentais uma passagem gradual das ações sobre a

⁵⁵ “De ce point de vue neo-empiriste, le passage de l’opérateur au formel est très bien décrit par Piaget. Mais il nous a toujours semblé que la rupture décisive avec l’expérience sensible réalisée par l’apparition des structures lógico-mathématiques qu’il qualifie de formelles était par lui minimisée. C’est que pour lui le symbolisme n’est toujours que la notation ou l’appui d’un comportement, jamais un système d’objets intéressants en eux-mêmes et susceptibles de réagir sur le comportement à leur tour. Langue naturelle ou signes mathématiques, tout se passe apparemment comme si ce n’étaient que les codages transparents et neutres d’une activité que seule préoccuperait le psychologue et l’épistémologue, dont l’objet est de décrire la gênese de son organisation”

⁵⁶ RAMOZZI-CHIAROTTINO, Z. *L’Image Mentale et la Question de la Rupture de la Raison (ou Intelligence) avec l’Expérience Sensible*. Projeto para pedido de bolsa de pesquisa nos Archives Jean Piaget – Université de Genève.

⁵⁷ RAMOZZI-CHIAROTTINO, Z. *Logique, Biologie et Société dans le Modèle Piagetien de la Connaissance*. In: Piaget: Teoria e Prática, IV Simpósio Internacional de Epistemologia Genética/ XII Encontro Nacional de Professores do P.R.O.E.P.R.E., 1996.

experiência sensível ao aparecimento das estruturas lógico-matemáticas. Não nos interessa aqui, propriamente, retomar esta discussão sobre a qual, ao nosso entender, é possível diversas visões. Interessa-nos sim, aqui, que esta questão levou a novas explicitações sobre o pensamento do autor, principalmente explicitações sobre a construção da capacidade operatória do sujeito, sobre a qual versa a dissertação de Tassinari, onde encontramos a noção de transfiguração que utilizaremos neste trabalho e que nos ajudará a melhor compreender como o sujeito torna-se capaz de coordenar reversivelmente parte-todo.

No que se refere a esta noção, segundo Tassinari,

Uma transfiguração é uma ação virtual, reversível, realizável em pensamento (endogenamente) pelo sujeito, que permite comparar duas representações de objetos ou situações – tendo então a imagem mental o papel do símbolo que permite evocá-los – através da passagem de uma das representações (que chamaremos estado 1) a outra representação (estado 2), sem fundi-las em uma representação imagética única, ou seja, tendo consciência de que se trata de dois objetos ou situações diferentes que são ligados pela própria ação que os compara. (TASSINARI, 1998, p. 6)

O termo *transfiguração*, cunhado por Tassinari, permite-nos, segundo este autor (1998, p. 6-7), designar as ações interiorizadas pelo sujeito na forma de ações interiorizadas sobre imagens, em que *trans* significa “movimento para além de” e *figura* significa “imagem”.

Assim, segundo esta noção de transfiguração, o que será determinante para a coordenação reversível parte-todo é a capacidade que o sujeito terá para pensar sobre imagens mentais. Segundo Piaget,

Essa facilidade de pensar por imagens, juntamente com o parentesco estrutural que acabamos de notar entre as assimilações próprias ao símbolo lúdico e ao pré-conceito, leva-nos a inquirir se este não participa ainda do esquema imagístico mais que o conceito propriamente dito, o qual se destacará dele precisamente quando atingir o nível operatório. (PIAGET, 1975a, p. 292)

A coordenação do esquema imagístico é marcante no Período Operatório Concreto, onde, como dissemos, surgem as primeiras coordenações reversíveis parte-todo. Porém, o papel das imagens mentais no pré-conceitual é diferente do papel das imagens mentais no operatório concreto, principalmente no que se refere a aquisição mais aproximada do esquema conceitual.

Segundo Piaget (1975a, p. 310-311), no nível pré-conceitual, a imagem individual é predominante nos raciocínios. É marcante, neste nível, como vimos, o raciocínio transdutivo.

Tais raciocínios evidenciam estar centrados na existência de um indivíduo tipo, que como veremos abaixo, surge quando o sujeito elege uma imagem mental que serve de representante da coisa significada, mas não uma representação geral, como um conceito, mas ainda individualizada.

A título de exemplo, recorramos à observação 107 do Capítulo VIII de *A Formação do Símbolo na Criança*. Relata Piaget (1975a, p. 289) que Jaqueline, sua filha, aos 2;6(3), ao caminhar no jardim, vê uma lesma e, alguns metros adiante, ela vê outra lesma, designado todas as lesmas que vê pelo termo “a lesma”. Porém, quando questionada por Piaget se é ou não a mesma lesma que ela vê durante o passeio, ela diz que é e não é, quando Piaget insiste na pergunta ela, não responde.

[...] mais ou menos aos 2;6, designa pelo termo “a lesma” as lesmas que vamos ver, todos os dias de manhã, ao longo de certo caminho. Aos 2;7(2), exclama: “*Olhe ela ali!*”, quando vê uma; dez metros adiante, vemos outra e J. diz: “*Outra vez a lesma.*” Repondo: “Mas não é outra?” J. volta então para ver a primeira: “Então é a mesma?” – *É*. – Outra lesma? – *É*. Outra ou a mesma? – ...” É claro que a pergunta não tem sentido para J. (PIAGET, 1975a, p. 289)

Constatações como estas nos indicam que Jaqueline ainda associa o termo “a lesma” a um único indivíduo tipo, o que nos leva a pensar que ela usa uma única imagem mental como símbolo para todas as lesmas que vê. Nesse sentido, ela não consegue, ainda, elaborar duas imagens mentais correspondentes a cada uma das lesmas que vê sem fundi-las uma na outra.

Podemos concluir então que a criança, neste período, não é capaz de executar transfiguração, como definida acima, pois, não conseguiria elaborar duas imagens mentais correspondentes a cada uma das lesmas que vê sem fundi-las uma na outra. No entanto, com quando a criança torna-se capaz de realizar transfigurações, ela torna-se capaz de representar, cada uma das lesmas, separadamente, em imagens, sem fundir a representação da primeira lesma com a da segunda, fazendo-as corresponderem a situações distintas.

Quando uma transfiguração se generaliza a situações semelhantes, tal que o sujeito passa a ser capaz de, voltando ao exemplo da lesma, identificar uma lesma a partir de outra e de aplicar essa identificação a situações semelhantes, não apenas em um jardim, mas em sua casa, no quarto, etc., então, noz diz Tassinari (1998, p. 7) que este sujeito adquire um *esquema de transfiguração*. Nesse sentido, de modo análogo ao esquema de ação definido por Piaget, Tassinari (1998, p. 7) define um esquema de transfiguração como “[...] o conjunto de

qualidades gerais de uma transfiguração, ou seja, daquilo que permite repetir a mesma transfiguração ou de aplicá-la a novos conteúdos [...]”.

Tassinari (1998, p. 8) busca justificar a validade experimental do conceito de transfiguração a partir dos dados e resultados experimentais e teóricos alcançados por Piaget e Barbel Inhelder na obra *A Imagem Mental na Criança*. Dentre os tipos de imagens estabelecidos pelos autores da obra, Tassinari nos chama a atenção para o que Piaget designa de *imagens antecipadoras*.

Diz-nos Tassinari (1998, p. 8), que uma imagem antecipadora ocorre, segundo a concepção de Piaget, quando um modelo, que não é conhecido, é antecipado pelo próprio sujeito em imagens. Segundo Piaget (1990, p. 62), em *A Psicologia da Criança*, ocorre imagens antecipadoras quando, por exemplo, a criança consegue imaginar transformações de uma figura geométrica sem que ela tenha realizado essa transformação na experiência.

Ora, se, neste caso, a criança é capaz de realizar, em pensamento, com imagens, transformações de uma figura geométrica, então ela é capaz de construir e comparar uma imagem referente a uma situação anterior de uma determinada figura geométrica com a imagem atual desta figura; ou seja, por definição, ela realiza uma transfiguração. Inversamente, se a criança é capaz de realizar transfiguração, então ela é capaz, por exemplo, de imaginar transformações de uma figura geométrica nos seus diferentes estados sem recorrer à experiência, ou seja, o sujeito possui imagens antecipadoras. Nesse sentido, Tassinari (1998, p. 10), diz-nos que “[...] o sujeito será capaz de realizar transfiguração se, e somente se, conseguir construir imagens antecipadoras”. Assim, segundo Tassinari (1998, p. 8), a transfiguração é condição necessária e suficiente às imagens antecipadoras. Sobre isso nos diz:

[...] se a transfiguração é uma ação virtual que permite comparar duas representações de objetos ou situações sem fundi-los em uma representação imagética única, ela é condição necessária à antecipação de evocação; por outro lado, ela é condição suficiente na medida em que essa ação interiorizada permite a construção e comparação da nova imagem com a situação anterior, sendo que as características de distinção e identificação utilizadas na comparação são as mesmas usadas para a construção da nova imagem. Assim, há transfiguração se, e somente se, houver “antecipação de evocação” [imagens antecipadoras]. (TASSINARI, 1998, p. 8)

Notemos, então, que os esquemas de transfiguração permitem ao sujeito agir sobre objetos no plano virtual das representações. A ação sobre imagens antecipadoras dá ao sujeito condições para que o mesmo possa realizar operações sobre elas. Nesse sentido, há uma

relação intrínseca entre transfiguração e operação que é explicitada por Tassinari. O autor (1998, p. 10) procura sustentar a hipótese de que “[...] estas [operações] seriam schèmes de transfigurações [esquemas de transfigurações] ou resultaria da coordenação destes”. Para verificar a sua hipótese, Tassinari (1998, p. 10) apresenta-nos sete razões sustentadas nos resultados experimentais de Piaget em *A Imagem Mental na Criança* que não discutiremos aqui.

Se assumirmos a hipótese de Tassinari de que as operações concretas seriam esquemas de transfigurações, então podemos compreender que as operações de classes e de relacionamento seriam, inicialmente, esquemas de transfigurações. Segundo Tassinari (1998, p. 6), “A transfiguração é condição tanto das classes individuais (pois ela estabelece a individualidade estrita da representação dos objetos), quanto da representação precisa de uma transformação do real (já vivida ou não pela criança)”. Nesse sentido, a capacidade de fixar uma imagem sem fundi-las uma à outra dá à objeto representado uma identidade, tal que o objeto representado seja um objeto determinado pelos outros objetos que lhes servem como comparação.

Ora, a existência de individualidade está diretamente relacionada à constituição das classes e vice-versa. O problema da ausência de individualidade e de classe geral, apontado por Piaget (1975a, p. 290) em *A Formação do Símbolo na Criança* é, então, solucionado, pois, segundo o autor,

[...] esses dois caracteres de ausência de identidade individual e de ausência de classe geral na realidade são um só: é à falta de classes de generalidade estável que os elementos individuais, não estando reunidos num todo real que os enquadre, participam diretamente uns dos outros sem individualidade permanente, e é à falta dessa individualidade das partes que o conjunto não pode ser construído como classe imbricante. (PIAGET, 1975a, p. 290)

A possibilidade de comparar imagens e extrair desta comparação uma propriedade ou um conceito, unindo os objetos pelo que há de comum entre eles e separando-os pelas suas diferenças, é, se assim o podemos dizer, o gérmen da constituição das operações de classes e de relacionamento. Diríamos, então, que a constituição de um esquema de transfiguração é condição da coordenação reversível parte-todo e, conseqüentemente, condição necessária do esquema conceitual e do uso da função proposicional pelo sujeito, nos casos concretos.

Com efeito, voltando ao experimento das contas de madeira, podemos observar que quando a criança se torna capaz de realizar transfiguração, ela se torna capaz de comparar os elementos da percepção atual com outros imaginados. Em específico, ela é capaz de passar de

uma imagem mental (que, por exemplo, representa o conjunto das contas castanhas distribuído espacialmente) a outra imagem mental (que, por exemplo, representa o conjunto das contas de madeiras distribuído espacialmente) e comparar seus significados entre si sem que uma exclua a outra e sem fundi-las em uma única imagem, entendendo que se trata de duas coisas diferentes que são ligadas por essa própria ação endógena que as compara. Ao mesmo tempo, ela consegue coordenar parte e todo, pois as imagens mentais servem na comparação para que ela se lembre do todo (fixando-o em uma imagem mental) quando ela o compara com as partes que o compõe (cada uma destas partes estão, também, associadas às imagens mentais). Assim, se a criança pensa nas contas castanhas, ela as compara, com efeito, com as contas brancas, e, também, com o conjunto das contas de madeira, não se esquecendo de nenhuma delas no momento da comparação. Portanto, ela é capaz de, simplesmente operando com imagens mentais, fazer relações do tipo: “toda conta castanha é uma conta de madeira”, “nem toda conta de madeira é conta castanha” e “tanto a conta castanha quanto a conta branca são contas de madeira”. A figura abaixo explicita este encaixes e relações de classes:

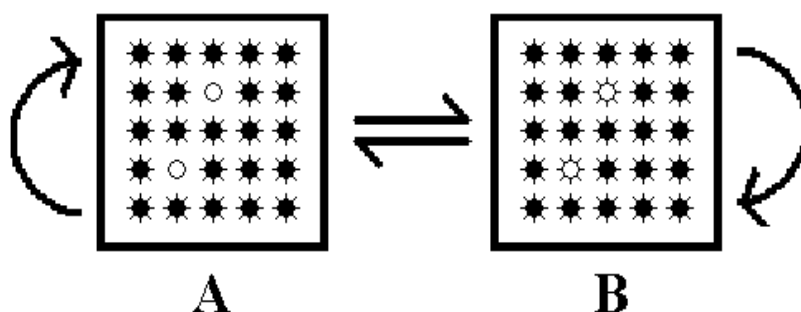


Figura 1

Nesta figura, as bolas negras representam as contas castanhas e as bolas brancas representam as contas brancas. O lado esquerdo representa que a criança considera apenas as contas castanhas (bolas negras) e a figura do lado direito representa que a criança considera todas as contas (as de madeira). As setas indicam as possíveis coordenações que ela é capaz de fazer com o uso de transfigurações.⁵⁸

⁵⁸ Tassinari usa a estrutura matemática de dígrafo para interpretar os sistemas de esquemas de transfiguração. Segundo ele, os dígrafos parecem se relacionar de uma forma bem mais natural com os sistemas de esquemas de transfiguração e o propõe como uma única estrutura fundamental para a Lógica Operatória Concreta. No artigo *Sobre uma Estrutura Fundamental para a Lógica Operatória Concreta*, ainda não publicado, Tassinari expõe a

No caso da observação do corcunda, a criança, que é capaz de usar o esquema de transfiguração, é capaz de comparar a imagem de um indivíduo corcunda e gripado com a imagem de um indivíduo corcunda e não gripado de modo que ela tem condições de saber que são doenças distintas. Se ela percebe que as doenças são distintas, ela percebe, também, por comparação, que tanto o estado de ser corcunda quanto o estado de estar com gripe são duas dentre outras doenças. Desse modo, ela torna-se capaz de por sob uma mesma classe o que é semelhante (estar doente) e de separar, em classes distintas, o que é diferente (ser corcunda e estar gripado). Isso permite a criança compor e decompor classes segundo uma relação reversível de parte todo, tal que ela se torna capaz de saber que nenhum corcunda gripado, quando se cura da gripe, deixa de ser corcunda e continua sendo um doente. Assim, reconhece que nem todo doente é um corcunda.

Surge, então, com os esquemas de transfiguração, a possibilidade de uma lógica das classes e de relações, condição, como vimos na Seção 1 deste capítulo, das operações intraproposicionais da Lógica Operatória. Se existem conceitos, como vimos, também na Seção 1 deste capítulo, existem compreensão e extensão de um conceito. E aqui se torna claro porque apesar de podermos definir a compreensão e a extensão de um esquema de ação sensorio-motor, análogas a de um esquema conceitual, elas se diferenciam, já que, no caso do esquema de ação, como vimos, na Seção 2 deste capítulo, a criança não consegue conceber a extensão da sua ação, mas consegue se representar e compreender a extensão de um esquema conceitual.

O esquema de transfiguração pode ser considerado, nesse sentido, como condição necessária para o surgimento das operações, marcando o surgimento do nível operatório concreto. Tassinari (1998, p. 7) nos diz que “[...] as operações concretas são schèmes [esquemas] de transfiguração ou resultam da coordenação destes”. Assim, o nível operatório concreto tem como característica a possibilidade do sujeito realizar ações internas sobre imagens mentais, permitindo-o operar logicamente sobre estas imagens.

Para finalizar nossa análise, analisemos com mais detalhe o papel da imagem mental no sistema de esquema de transfiguração.

Cada imagem mental tem um significado para o sujeito e, conseqüentemente, estabelece uma significação. Ora, se há significação, então, segundo Piaget, “[...] é preciso

forma lógico-matemática da estrutura matemática de dígrafo para os sistemas de esquemas de transfiguração e discute sua relação com o surgimento das operações concretas de seriação e classificação, indicando como dela decorrem as estruturas de agrupamento e a estruturação lógica da realidade pelo sujeito epistêmico.

distinguir, em todo e qualquer dado mental, dois aspectos indissoluvelmente unidos, cuja relação constitui, precisamente, a significação: o significante e o significado” (PIAGET, 1975b, p. 185). De um modo bem amplo, podemos dizer que o significante é o meio pelo qual se representa algo e o significado é o que é representado, que, neste caso, é a própria imagem mental.

No uso corrente da linguagem verbal, presente nos quadros sociais da vida adulta, essa distinção entre significante e significado é bem clara, pois, por exemplo, percebemos facilmente que “[...] o significante é o signo verbal, isto é, certo som articulado a que se convencionou atribuir um sentido definido; e o significado é o conceito em que consiste o sentido do signo verbal” (PIAGET, 1975b, p. 184).

Temos também que na medida em que a criança é capaz de usar um significante para evocar um significado na ausência deste, ela torna-se capaz de diferenciar o significante de seu significado. Quando essa novidade surge na conduta da criança, Piaget fala de “função semiótica”.

A *função semiótica* “[...] consiste numa diferenciação dos significantes (signos e símbolos) e dos significados (objetos ou acontecimentos, uns e outros esquemáticos ou conceitualizados”. (PIAGET, 2002, p. 79). Um símbolo, segundo Piaget, é “[...] uma imagem evocada mentalmente ou um objeto material escolhido intencionalmente para designar uma classe de ações ou objetos” (1975b, p. 185). Por exemplo, como vimos na seção anterior, a imagem da lesma simboliza todas as lesmas existentes. Já um signo é, segundo o autor, “[...] um símbolo coletivo e por isso mesmo 'arbitrário” (PIAGET, 1975b, p. 185), ou seja, é a linguagem verbal construída e convencionada pela sociedade para uso coletivo. O aparecimento de ambos ocorrem, em geral, durante o segundo ano de vida da criança e ambos são “[...] dois polos, individual e social, de uma mesma elaboração de significações”. (PIAGET, 1975b, p. 185)

Notemos que o surgimento da função semiótica é também condição **necessária** para a passagem da ação sobre a experiência sensível às primeiras estruturações lógico-matemáticas da realidade, tendo o símbolo, em especial a imagem mental, papel decisivo nesta passagem, já que a imagem mental é condição imprescindível para o esquema de transfiguração e, por conseguinte, para a coordenação reversível parte-todo. Abaixo, a Figura 2 representa esta capacidade de operação (transfiguração) sobre símbolos (que em nosso caso são imagens mentais).

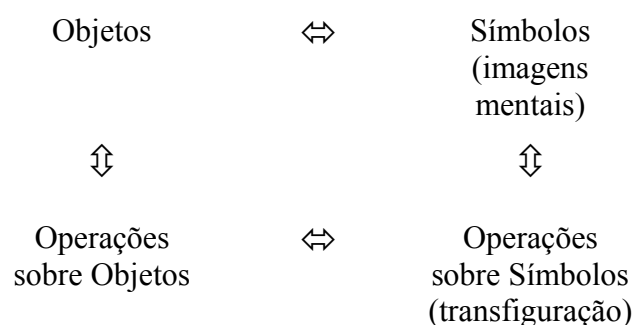


Figura 2

Como fica expresso na figura, cada símbolo pode ter um correspondente semântico na realidade. A criança passa a operar sobre objetos através da operação sobre símbolos. Dentre essas operações está a substituição simples introduzida na Seção 2 deste capítulo: se ax_1 significa, por exemplo, para o sujeito epistêmico, a proposição “ x_1 é de madeira”, ele pode substituir x_1 por x_2 , x_3 , etc., (sendo estes objetos que têm a propriedade de ser madeira), conservando o valor de veracidade das proposições resultantes desta substituição. Nesse sentido, podemos entender mais precisamente as palavras de Piaget (1976, p. 74): “Do ponto de vista das operações reais do sujeito, quer dizer, do ponto de vista psicológico, a substituição simples corresponde a um mecanismo perfeitamente geral da ação e do pensamento, que é o da identificação dos objetos a um esquema de atividade”. Assim, o esquema de atividade não é mais apenas um esquema de ação sensório-motor (que é uma de suas condições), mas um esquema de uma atividade ampliada, um esquema conceitual, que possibilita a criança a conceituar e classificar os objetos de sua realidade e, conseqüentemente, ser capaz de usar de funções proposicionais relativas a elementos concretos dessa realidade. Logo, a operação sobre símbolos permite coordenar os esquemas conceituais.

Neste ponto, podemos vislumbrar como a condição B introduzida no início desta seção, de “coordenação interindividual das operações”, a partir da utilização de sistemas de signos verbais sociais que permitem a comunicação entre os sujeitos, é importante na construção dos esquemas conceituais; mas, como já dissemos, não analisaremos aqui.

Notemos, na Figura 2 acima, a representação dos dois aspectos do conhecimento: o aspecto figurativo e operativo. Segundo Piaget em *Epistemologia Matemática e Psicologia*,

“Sem dúvida, se chama ‘operativo’ (Df.) este aspecto do conhecimento que é relativo às ações e às operações, e existe igualmente um aspecto ‘figurativo’, quer dizer (Df.) relativo às configurações sensíveis (por exemplo, à percepção e à imagem mental)” (PIAGET; BETH, 1961, p. 169, tradução nossa)⁵⁹

No presente período, as percepções e símbolos (incluindo a imagem) corresponde ao aspecto figurativo e as ações e transfigurações ao aspecto operativo do conhecimento. Sem entrarmos nos pormenores do Período Operatório Formal ou Hipotético-Dedutivo, diremos apenas que, neste caso, podemos considerar o diagrama acima em relação não mais a operações sobre símbolos apenas, mas representando também operações sobre signos, possibilitando então um raciocínio hipotético-dedutivo geral, como o presente nas ciências e na Filosofia. Em especial, temos neste período, a possibilidade de consideração do simbolismo como requerido por Granger, na sua visão crítica do sistema de Piaget.

No caso de raciocínio sem imagem, o signo verbal servirá como o significante fixo sobre o qual se realizam operações sobre o real e o sujeito terá todas as condições para o uso da função proposicional que, como vimos, é definida por Piaget como um enunciado do seguinte modo:

Definição 7. – Uma função proposicional ax é um enunciado nem verdadeiro nem falso, mas suscetível de adquirir um valor de verdade ou de falsidade segundo a determinação dos argumentos que substituem o argumento indeterminado x . (PIAGET, 1976, p. 45).

É, portanto, no plano do enunciado verbal que a função proposicional é definida no *Tratado* e no *Ensaio* e, também, formalizada com toda independência pelo lógico. Neste nível a linguagem passa a assumir papel crucial na realização das operações, que são operações realizadas basicamente sobre proposições e signos em geral e não propriamente sobre imagens mentais, que passarão a ter, progressivamente, apenas um caráter acessório ao signo verbal.

Podemos observar, então, como para Piaget as estruturas elementares da Lógica, em especial a função proposicional, possuem uma correspondência com as “operações” do pensamento “natural” e, como, segundo sua teoria, o sujeito epistêmico usa e se torna capaz de usar a função proposicional. É o que procuramos explicitar nesta Dissertação.

⁵⁹ “Sans doute, si l’on appelle ‘opératif’ (Df.) cet aspect de la connaissance qui est relative aux actions et aux opérations, il existe également un aspect ‘figuratif’, c’est-à-dire (Df.) relatif aux configurations sensibles (par exemple la perception et l’image mentale)”.

Considerações finais

De espírito científico-filosófico, o pensamento piagetiano se constitui como um pensamento essencialmente inter e multidisciplinar. Diz-nos Piaget (1983b, p. 88) que para praticar a Epistemologia Genética “[...] não basta ser psicólogo um pouco a par da filosofia e um pouco biólogo: é preciso ainda mais ser lógico, matemático, físico, cibernético e historiador de ciências, para só falar do essencial”.

No entanto, em vista da má compreensão desse caráter essencial da Epistemologia Genética, é comum dizer que Piaget é simplesmente um “biólogo” que aplica conceitos da Biologia para compreender a cognição humana, ou que ele é apenas um “psicólogo” que estuda o desenvolvimento das crianças. Piaget recebe outras caracterizações, como “pedagogo”, pois teria se debruçado sobre questões de ensino e aprendizagem, onde a sua teoria parece ser mais conhecida e aplicada. No meio filosófico, no qual há intelectuais que deveriam olhar com mais cautela os princípios desta teoria, seu ofício por essência, encontramos afirmações de que Piaget é um “cientista” que desprezou o papel da Filosofia como conhecimento e que, portanto, sua teoria não é filosófica, mas científica. Já entre aqueles que o consideram filósofo, chamam-no, com vimos no Capítulo I, Seção 1, de “positivista”, caracterização que mostramos não se justificar, pois o sujeito tem papel central na sua teoria. Entre os lógicos, parcela dos intelectuais com quem Piaget teve mais dificuldade de diálogo durante sua vida, ele é acusado, como vimos, no mesmo capítulo, de “psicologista”, denominação que vimos, também, não se justifica, dado que Piaget, semelhante a Frege, sabe da importância de distinguir a questão de como chegamos ao conteúdo de um juízo (objeto da Psicologia) da questão de como se justifica uma asserção (objeto da Lógica).

Por que a teoria piagetiana é tão mal vista, principalmente entre filósofos e lógicos, sendo estudada, ao menos aqui no Brasil, em sua grande maioria, em departamentos de Educação e de Psicologia, sendo que, raramente, é estudada em departamentos de Filosofia?⁶⁰

⁶⁰ Entre outubro de 2009 e janeiro de 2010 realizei, sob orientação do professor Adrián Oscar Dongo Montoya, um levantamento sobre grupos de pesquisa que estudam a obra de Jean Piaget no Brasil; pesquisa a qual resultou em um artigo intitulado de *Situação atual dos grupos de pesquisa no Brasil que estudam a obra de Jean Piaget* que será publicado na próxima edição da Revista Schème. Constatamos, em suma, que os grupos de pesquisas se centram em Psicologia e Educação, em especial, no estudo da interação social e do desenvolvimento psicopedagógico. Em geral, constatamos que os estudos envolvendo os fundamentos epistemológicos da teoria, que caberiam muito bem a uma pesquisa filosófica, não são propriamente enfocados. Existem alguns grupos que, vinculados a departamentos de Educação e Psicologia, realizam pesquisas filosóficas, mas isso não ocorre em departamentos de Filosofia. Notamos, também, que as questões epistemológicas relativas ao conhecimento físico e matemático são pouco estudadas. Em suma, os dados parecem mostrar um fato um tanto alarmante do ponto de

No que concerne a receptividade da teoria piagetiana no meio acadêmico, em especial no meio filosófico, diz-nos Lourenço que Piaget

[...] teve a pouca sorte de escrever numa época dominada pelo programa epistemológico da separação genético/normativo, descoberta/justificação do positivismo lógico que dificultou, em grande parte, o reconhecimento da sua visão de epistemologia, muito mais generosa, na filosofia. (2008, p. 247).

Segundo esta visão, dominante na época, o conhecimento científico, centrado na descoberta/justificação, deve ser separado das questões puramente epistemológicas e filosóficas. Sobre isso, escreve M. Boden (1979, *apud* LOURENÇO, 2008, p. 247), que, ainda segundo esta visão, “[...] a psicologia teórica, empiricamente baseada, não é relevante para questões puramente epistemológicas e filosóficas”. Nesse sentido, talvez sob o véu da doutrina positivista, o pensamento piagetiano não tenha encontrado no meio acadêmico-filosófico brasileiro o espaço amplo de debates que a teoria se propõe.

Na visão de Ramozzi-Chiarottino⁶¹, o pensamento piagetiano teve e tem pouca receptividade no meio acadêmico, pois sua teoria chegou, ao menos aqui no Brasil, via à Psicopedagogia. Segundo ela, os psicopedagogos, de forma geral, com uma visão de cunho ingênuo e não epistemológico, aplicaram a Teoria de Piaget, necessariamente, à Pedagogia e a uma psicologia de um empirismo ingênuo, muito embora o próprio Piaget diga, como vimos e como nos indica Ramozzi-Chiarottino, em *Biologie et connaissance*, que seu trabalho não consistiu apenas em identificar condutas observáveis, mas sim em captar indícios de transformações sucessivas na construção do próprio funcionamento das estruturas mentais do sujeito epistêmico, cujos "sintomas" se refletem nas ações que visam o conhecimento do mundo, seja na vida infantil, seja na adolescência, seja na vida adulta.

Somado a isso, notemos que a crescente fragmentação do conhecimento talvez seja um outro fator que limita a visão dos estudiosos no sentido de que é possível articular as especialidades para uma compreensão mais ampla do conhecimento humano.

Ora, embora as diversas especialidades tenham princípios, métodos e objetos de investigação distintos, com planos de análises diferentes, cada uma delas pode trazer contribuições fundamentais acerca de temas comuns. A Epistemologia Genética nos ensina que é possível uma coordenação entre os domínios de investigação, sem que isso implique em

vista dos fundamentos metodológicos da teoria: pouco interesse dos pesquisadores pelas questões epistemológicas da teoria. Os dados parecem nos indicar, pelo contrário, uma procura muito grande dos pesquisadores por questões práticas, como a aplicação da teoria no nível escolar, o que é importante, mas não suficiente para o avanço da teoria de Piaget e a sua prática educativa.

⁶¹ Esta hipótese de Ramozzi-Chiarottino no foi apresentada na ocasião da defesa da presente dissertação.

confusões de planos de análises (como um psicologismo em Lógica ou de questões de fato com questões de princípio), com contribuições importantes para o conhecimento.

Essa noção de coordenação entre os domínios, preservando-se os planos de análises, parece-nos muito atual, principalmente em face da fragmentação que vive o conhecimento atualmente. Piaget encontrou no Centro Internacional de Epistemologia Genética uma fecunda integração e continuidade entre os domínios científicos e filosóficos, com interlocuções e debates profícuos, apesar das barreiras de linguagens especializadas presentes nas diversas áreas. Esta característica interdisciplinar é marcante no pensamento piagetiano e encontra repercussões em diversas áreas do conhecimento, não apenas na Educação, onde sua teoria ficou mais conhecida, mas essencialmente na Filosofia e nas ciências, como a Biologia, Psicologia, Física, Química, etc; com contribuições inclusive para temas interdisciplinares, como os relacionados à noção de auto-organização, citado por nós na nota 24 da Seção 1 do Capítulo I.

No artigo de Debrun *A ideia de Auto-Organização*, por exemplo, encontramos uma passagem que traduz bem a importância da teoria de Piaget para a compreensão dos processos auto-organizados. A passagem está na seção que Debrun se refere aos processos auto-organizados que ocorrem nos organismos, como um caso do que ele chama de “Auto-Organização Secundária”. No âmbito da Auto-Organização Secundária, as estruturas do organismo se constituem em um nível de alta complexidade que emerge de seus próprios processos, considerado criativo e construtivo, não sendo, pois, segundo Debrun, estruturas inatas. Nesse contexto, escreve ele: “Só que, nesse caso (se considerarmos as estruturas como dadas), temos ou teríamos que abandonar a ideia de auto-organização, cujos *arautos* – Piaget (1979) em particular – destacam o caráter criativo ou construtivo” (DEBRUN, 1996, p. 11, grifo nosso).

Do ponto de vista metodológico, a coordenação entre os domínios proposta pela Epistemologia Genética, parece-nos ficar mais clara. Como vimos na Seção 1 do Capítulo I com a análise de casos da Psicologia no que concerne às questões de fato sobre o conhecimento humano, os estudos de epistemologia deixam, por um lado, o isolamento das idéias metafísicas da Filosofia para assumirem uma perspectiva com certo controle. Por outro lado, a partir dos resultados da Psicologia Genética, o epistemólogo genético tem embasamento científico para se posicionar frente às questões de princípios da Filosofia, podendo trazer contribuições às questões clássicas da Epistemologia e da Teoria do

Conhecimento. Notemos, também, como vimos no mesmo capítulo, que a Psicologia Genética é a ciência que estabelece uma “ponte” entre os conhecimentos da Biologia e da Epistemologia Genética. Nesse sentido, a Epistemologia Genética é caracterizada pelo próprio Piaget de “epistemologia biológica”.

Assim, embora à Epistemologia Genética pertença um tratamento empírico, ela não deixa de ser filosófica. Como vimos na Introdução pela análise etimológica do termo, em face de nossa exposição até aqui e se assumirmos as caracterizações de Lalande; podemos dizer, então, que a Epistemologia Genética é, ao mesmo tempo, Epistemologia e Teoria do Conhecimento e que as questões centrais de sua obra são fundamentalmente epistemológicas e de teoria do conhecimento e não exclusivamente psicológicas ou científicas.

Notemos, também, que, na coordenação entre Filosofia e Ciência, é notável a distinção entre questões de fato e questões de princípio. As questões de fato, testáveis empiricamente, contribuem, no caso da Psicologia Genética, para a constituição dos modelos científicos de explicação psicológica da cognição humana. Subsidiado pelas constatações científicas da Psicologia, Piaget se sente “mais à vontade” para se posicionar frente aos princípios de uma filosofia, conjecturando reflexões heurísticas no cenário dos debates cultivados na tradição filosófica. Um dos resultados, nesse sentido, foi que Piaget constatou que a Lógica não se origina das estruturas da língua, mas que ela tem suas raízes nas ações sensório-motoras, pois, como pudemos notar, no estudo que fizemos, aqui, da função proposicional, os esquemas de ação e as imagens mentais têm um papel preponderante em seu processo de formação.

A própria questão colocada pela Epistemologia Genética traduz a intenção de Piaget de constituir, também, uma “epistemologia científica”, motivada, como vimos, pelos métodos da Psicologia Genética. Piaget não se pergunta “O que é o conhecimento?”, por exemplo, o que implicaria mais uma conceituação do conhecimento que propriamente uma questão de fato, mas a questão de “como aumentam os (e não o) conhecimentos?”. A pergunta pelo “como” envolve uma pergunta pelo processo, e isso não é necessariamente uma posição de princípio, mas uma questão que pode ser levada à empiria.

De modo semelhante, a questão central de nossa dissertação, a de saber “como o sujeito epistêmico usa e se torna capaz de usar funções proposicionais?” é, também, uma questão de fato e não, apenas, de princípio. E a questão ganha um caráter propriamente filosófico na medida em que pressupõem um conjunto de questões de princípios, como as questões discutidas principalmente no Capítulo II (Qual é o objeto e definição de Lógica? O

que quer dizer psicologismo em Lógica e o que significa, na perspectiva da Epistemologia Genética, dizer que é possível uma certa relação ou coordenação entre Lógica e Psicologia sem que isso implique em um psicologismo?)

Em particular, vimos como que a função proposicional, uma das noções centrais da Lógica Moderna, estudada com toda autonomia pelo lógico, coordena-se com (ou corresponde a) as estruturas do sujeito epistêmico. Vimos que a função proposicional tem um equivalente psicológico na realidade, o esquema de identificação conceitual, sobre o qual nos debruçamos no Capítulo III, Seção 1, e buscamos sua gênese.

Elementos da teoria piagetiana nos levam à constatação de que o uso da função proposicional está funcionalmente presente em todos os níveis do desenvolvimento humano, desde a constituição dos primeiros esquemas conceituais às estruturas mais abstratas. Já o acabamento estrutural, finda-se ao longo de um processo, no nível que Piaget chama de Operatório Formal ou Hipotético-Dedutivo, em média, dos 11-12 anos em diante. Neste nível, a linguagem passa a assumir papel crucial na realização das operações (por isso chamamos de hipotético-dedutivas), que são operações realizadas basicamente sobre proposições e signos em geral e não propriamente sobre imagens mentais, que passarão a ter, progressivamente, um caráter acessório ao signo verbal.

É notável a importância de uma investigação de gênese da função proposicional para a origem e construção do conceito no ser humano, tanto do ponto de vista psicogenético quanto do ponto de vista histórico-crítico. Sabemos que o conceito é um dos elementos centrais na condução do homem às mais elevadas abstrações que ele é capaz de realizar nos domínios científicos e filosóficos. Análogo a um esquema de ação, o conceito é uma generalização que permite ao homem não se limitar aos casos particulares, e sim alçar voos no plano das generalizações e, por conseguinte, realizar abstrações, onde são possíveis as ciências e a Filosofia. Assim, um estudo da gênese da função proposicional pode se constituir como um dos estudos centrais no sentido de buscar os fundamentos de nosso conhecimento.

Sendo nossa pergunta pelo uso e pelas condições de uso das funções proposicionais que torna possível a estruturação lógico-matemática pelo sujeito epistêmico de sua realidade um tanto ampla para uma investigação de gênese, centramos nossa investigação no início das operações lógicas realizadas pelo sujeito, propriamente no nível que o autor chama de Período Operatório Concreto, em média, entre 7 a 10 anos, marco considerado crucial na construção

das operações. Procurando captar o momento mais preciso desta passagem recorreremos à noção de esquema de transfiguração, apresentada e discutida no Capítulo III, Seção 2.

Os esquemas de transfiguração mostram-nos o quanto é importante a imagem mental para a criança no final do Período Pré-Operatório e o início do Período Operatório Concreto. Esta noção mostra-nos, em detalhes, como ocorre a passagem das ações sobre a experiência sensível a estruturação lógico-matemática da realidade. Em especial, debruçamo-nos em explicar como surgem os esquemas conceituais a partir do esquema de transfiguração, pois, como afirma Piaget, no *Ensaio*, o esquema conceitual é o equivalente psicológico da função proposicional. Nesse sentido, explicar como surge a função proposicional, condição das operações de relacionamento e classificação, é mostrar um caso de como é possível, de um modo mais amplo, uma coordenação entre Lógica e Psicologia. Isso implica dizer, também, que as estruturas lógicas, na perspectiva da teoria piagetiana, estão “encarnadas” em um sujeito.

Podemos, entender, desse modo, que tanto o sujeito psicológico quanto o sujeito epistêmico são dimensões de um mesmo sujeito: o sujeito-organismo. Como vimos no Capítulo I, Seção 1, a inteligência é um caso especial de adaptação biológica. Ela estrutura a realidade assim como o organismo estrutura o meio. Isso implica em dizer que há uma continuidade profunda entre natureza e homem, entre Biologia e Epistemologia, entre conteúdo e forma, e entre Psicologia e Lógica.

Referências

DONGO MONTOYA, A. O.; FERREIRA, R. R. *Situação atual dos grupos de pesquisa no Brasil que estudam a obra de Jean Piaget*. (Artigo a ser publicado).

APOSTEL, L.; MAYS, W.; MORF, A.; PIAGET, J. *Les liaisons analytiques et synthétiques dans les comportements du sujet*. Paris: Presses Universitaires de France, 1957.

BERGSON, H. *A evolução criadora*. São Paulo: Abril Cultural, 1979.

BETH, E. W.; PIAGET, J. *Épistemologie mathématique et psychologie: essai sur les relations entre la logique formelle et la pensée réelle*. Paris: Presses Universitaires de France, 1961.

BLANCHÉ, R. *História da lógica*. Lisboa: Edições 70, 1996.

BOCHENSKI, I. M. *História de la lógica formal*. Madrid: Editorial Gredos, 1966.

DEBRUN, M. A ideia de auto-organização. In: *Auto-organização: estudos interdisciplinares*. DEBRUN, M.; GONZALEZ, M. E. Q.; PESSOA Jr., O. (Org.). Campinas: Centro de Lógica, Epistemologia e História da Ciência – UNICAMP, 1996. p. 3 – 23.

DEBRUN, M. Por que, quando e como é possível falar em auto-organização? In: *Auto-organização: estudos interdisciplinares*. DEBRUN, M.; GONZALEZ, M. E. Q.; PESSOA Jr., O. (Org.). Campinas: Centro de Lógica, Epistemologia e História da Ciência – UNICAMP, 1996. p. xxxiii – xliii.

D'OTTAVIANO, I. M. L.; FEITOSA, H. de A. *Sobre a história da lógica, a lógica clássica e o surgimento das lógicas não-clássicas*. Disponível em: <ftp://ftp.cle.unicamp.br/pub/arquivos/educacional/ArtGT.pdf>. Acesso em: 27 de novembro de 2010.

FRAGATA, J. *Problemas de fenomenologia de Husserl*. Livraria Cruz Braga, 1962.

FREGE, J. G. *Os fundamentos da aritmética: uma investigação lógico matemática sobre o conceito de número*. São Paulo: Abril Cultural, 1980.

_____. O pensamento: uma investigação lógica. In: *Investigações lógicas*. Porto Alegre: EDIPUCRS, 2002.

FREGE, J. G. Função e conceito. In: *Lógica e filosofia da linguagem*. São Paulo: Cultrix, Ed. Da Universidade de São Paulo, 1978.

GRANGER, G. G. *Filosofia do estilo*. São Paulo: Perspectiva, Ed. Da Universidade de São Paulo, 1974.

_____. *Langages et épistémologie*. Paris: Klincksieck, 1979.

FURTH, H. G. *Piaget e o conhecimento: fundamentos teóricos*. Rio de Janeiro: Forense-Universitária, 1974.

KANT, I. *Crítica da razão pura*. Tradução de Valério Rohden e Udo Baldur Moosburger. São Paulo: Abril Cultural, 1983.

LALANDE, A. *Vocabulaire technique et critique de la philosophie*. Paris: Librairie Félix Alcan, 1938.

LATANSIO, V. D. *A significação na Epistemologia Genética: contribuições para uma Teoria do Conhecimento*. 2010. 108p. Dissertação (Mestrado em Filosofia) – Faculdade de Filosofia e Ciências, Universidade Estadual Paulista, 2010).

LOCKE, J. *Ensaio acerca do entendimento humano*. São Paulo: Nova Cultural, 1999.

LOURENÇO, M. *Pontos de vista sobre Piaget como epistemológico*. Disponível em: er.letras.up.pt/uploads/ficheiros/artigo6591.pdf. Acesso em: 24 de março de 2008.

_____. *Piaget: psicólogo por necessidade e epistemólogo por essência*. Disponível em: er.letras.up.pt/uploads/ficheiros/1338.pdf. Acesso em: 24 de março de 2008.

MACEDO, R. M. S. *Piaget: vida e obra*. São Paulo: Abril Cultural, 1983.

MARÇAL, V. E. R. *O esquema de ação na constituição do sujeito epistêmico: contribuições da epistemologia genética à teoria do conhecimento*. 2009. 111p. Dissertação (Mestrado em Filosofia) – Faculdade de Filosofia e Ciências, Universidade Estadual Paulista, 2009.

MORA, J. F. *Dicionário de filosofia*. São Paulo: Edições Loyola, 2001.

MILL, J. S. *Sistema de lógica dedutiva e indutiva: exposição dos princípios da prova e dos métodos de investigação científica*. Editora Abril, 1974.

PIAGET, J. *A construção do real na criança*. Rio de Janeiro: Zahar, 1970.

_____. *A epistemologia genética*. São Paulo: Abril Cultural, 1983a.

_____. *A formação do símbolo na criança: imagem, jogo e sonho; imagem e apresentação*. Rio de Janeiro: Zahar, 1975a.

_____. Autobiografia. In: FURTH, H. G. *Piaget e o conhecimento: fundamentos teóricos*. Rio de Janeiro: Forense-Universitária, 1974.

_____. *Biologia e conhecimento: ensaio sobre as relações entre as regulações orgânicas e os processos cognoscitivos*. Petrópolis: Vozes, 1973.

_____. *Ensaio de lógica operatória*. Tradução de Maria Ângela Vinagre de Almeida. Porto Alegre: Globo, São Paulo: Editora da Universidade de São Paulo, 1976.

_____. *Intruduction a l'épistemémologie génétique*. Vol. I. Paris: Presses Universitaires de France, 1950.

_____. *O nascimento da inteligência na criança*. Rio de Janeiro: Zahar, 1975b.

_____. *Psicologia e epistemologia: por uma teoria do conhecimento*. Rio de Janeiro: Forense-Universitária, 1973.

_____. *Psicologia da inteligência*. Rio de Janeiro: Editora Fundo de Cultura, 1958.

_____. *Sabedoria e ilusões da filosofia*. São Paulo: Abril Cultural, 1983b.

_____. *Seis estudos de psicologia*. Rio de Janeiro: Forense Universitária, 2002.

_____. *Traité de logique: essai de logistiquie opératoire*. Paris: A. Colin, 1949.

PIAGET, J.; INHELDER, B. *A imagem mental na criança: estudo sobre o desenvolvimento das representações imagéticas*. Porto: Livraria Civilização, 1977.

_____. *A psicologia da criança*. Rio de Janeiro: Editora Bertrand Brasil, 1990.

PIAGET, J.; SZEMINSKA, A. *A gênese do número na criança*. Rio de Janeiro: Zahar Editores, 1975.

PEIRCE, C. S. *The collected papers of Charles Sanders Peirce*. Cambridge: Massachusetts, Harvard University Press, 1958.

PORTA, M. A. G. A polêmica em torno do psicologismo de Bolzano a Heidegger. *Síntese: Revista de Filosofia*. Belo Horizonte, v. 31, n. 99, p. 107-131, 2004.

RAMOZZI-CHIAROTTINO, Z. *Em busca do sentido da obra de Jean Piaget*. São Paulo: Ática, 1984.

_____. Logique, biologie et société dans lê modele piagetien de la connaissance. In: *Piaget: teoria e prática*. IV Simpósio Internacional de Epistemologia Genética/ XII Encontro Nacional de Professores do PROEPRE, 1996.

_____. Piaget segundo seus próprios argumentos. *Psicologia USP*: São Paulo, 2010, v. 21, n. 1, 11-30.

RUSSELL, B. *Introdução à filosofia da matemática*. Rio de Janeiro: 1966.

RUSSELL, B.; WHITEHEAD, A. N. *Principia Mathematica*. London: Cambridge University Press, 1968.

SANTOS, L. H. dos. *Frege: vida e obra*. São Paulo: Abril Cultural, 1980.

SMITH, L. *Epistemological principles for developmental psychology in Frege and Piaget*. *Developmental Review*, v. 17, n. 2, p. 83-117, 1999. Disponível em: http://www.sciencedirect.com/science?_ob=ArticleURL&_udi=B6VD4-3X94PR0-1&_user=972052&_coverDate=08%2F31%2F1999&_rdoc=1&_fmt=high&_orig=search&_origin=search&_sort=d&_docanchor=&view=c&_searchStrId=1653163044&_rerunOrigin=scholar.google&_acct=C000049647&_version=1&_urlVersion=0&_userid=972052&md5=10f55df31a041e178d9d1d74c772b41f&searchtype=a. Acesso em: 30 de novembro de 2010.

_____. *What Piaget Learned from Frege*. *Developmental Review*, v. 19, n. 1, p. 133-153, 1999. Disponível em: http://www.sciencedirect.com/science?_ob=ArticleURL&_udi=B6WDH-45GWC5S-4&_user=972052&_coverDate=03%2F31%2F1999&_alid=1653166700&_rdoc=4&_fmt=high&_orig=mlkt&_o

[rigin=mlkt&_zone=rslt_list_item&_cdi=6767&_sort=v&_st=17&_docanchor=&view=c&_ct=638&_acct=C000049647&_version=1&_urlVersion=0&_userid=972052&md5=6bb8fde16be9a39ba6a3c07acb1dcab4&searchtype=a](http://www.scielo.br/psic/pt/origem=mlkt&_zone=rslt_list_item&_cdi=6767&_sort=v&_st=17&_docanchor=&view=c&_ct=638&_acct=C000049647&_version=1&_urlVersion=0&_userid=972052&md5=6bb8fde16be9a39ba6a3c07acb1dcab4&searchtype=a). Acesso em: 30 de novembro de 2010.

TASSINARI, R. *Da ação sobre a experiência sensível à estruturação lógica do real: um estudo da forma da construção do “agrupamento” em Piaget*. 1998. 64 p. Dissertação (Mestrado em Psicologia) – Instituto de Psicologia, Universidade de São Paulo, 1998.

_____. *Sobre uma estrutura fundamental para a lógica operatória concreta*. (Artigo a ser publicado).